

SECRETARIA DE EDUCAÇÃO E CULTURA DO ESTADO DO RIO GRANDE DO SUL  
CENTRO DE PESQUISAS E ORIENTAÇÃO EDUCACIONAIS  
DIVISÃO DE ORIENTAÇÃO - SERVIÇO DE ENSINO



EQUIPE DE MATEMÁTICA

CURSO DE MATEMÁTICA

O ESTRANHO MUNDO DA TOPOLOGIA

O que é Topologia?

Você nunca ouviu falar numa fôlha de papel com um só lado? Por que os matemáticos dizem que uma rósca e um pote de flôres são mais parecidos do que uma rósca e uma castanha? Quando um triângulo é o mesmo que um círculo? É possível trocar o lado esquerdo do sapato pelo lado direito, dando uma volta no espaço?

São os tipos de questões a que a Topologia responde. Isto não parece matemática, não é? Mas é, e é um dos mais novos e excitantes campos da matemática. Desde que fale de coisas que lhe são familiares, como o lado interno da luva ou a diferença entre o lado direito e o esquerdo do sapato, não lhe parecerá estranho. E a Topologia é tão cheia de impossibilidades, de ardis, de imprevistos, que seria interessante aprendê-la melhor.

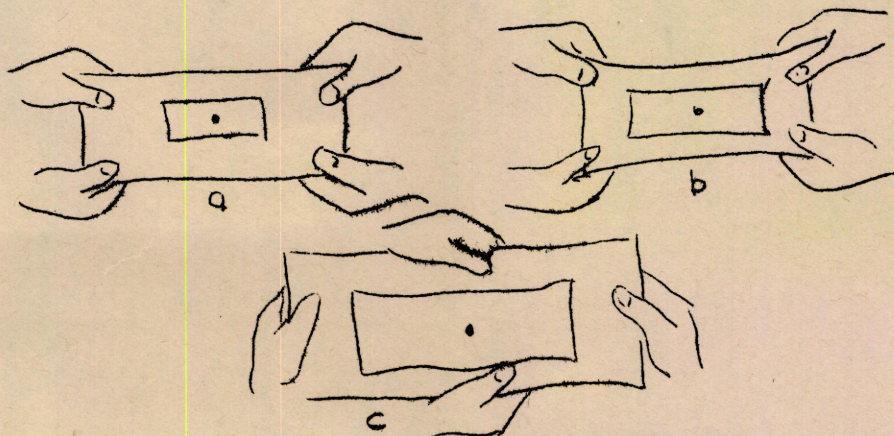
Topologia é o ramo da matemática que decide o que é possível. Diz-nos se é possível virar uma câmara de pneus para fora. Você pode pensar que o problema é fácil. Os topologistas dizem que é possível, mas nenhum teve jamais habilidade para fazer isso com uma câmara real.

Em Topologia, nunca perguntamos: "Que comprimento?", "Que extensão?" ou "Que tamanho?" Em vez disso, perguntamos: "Onde", "Entre o que?", "Dentro ou fora?". Um viajante numa estrada desconhecida, não perguntaria: "A que distância está Barchester?", se não conhecesse a direção e o sentido. A resposta: "A três milhas daqui" não lhe seria de muita ajuda, se houvesse vários caminhos. Mais ade

.....  
quando seria perguntar: "Que faço, para ir a Barchester?" Então, a resposta: "Siga esta estrada até encontrar uma encruzilhada; e dobre à esquerda" lhe diria como ir a Barchester. Esta resposta não soa como matemática, porque nada diz acerca de distância e não indica se a trajetória é reta ou curva. É a espécie de resposta que a Topologia dá para as questões.

TOPOLOGIA E GEOMETRIA

A Topologia, algumas vezes, como a Geometria, trata com linhas, pontos e figuras. Mas as figuras são diferentes das da Geometria, porque lhes é permitido variar em tamanho e forma. Alguns chamam, por isso, à Topologia "tira de borracha geométrica". Está a Topologia mais interessada na posição que no tamanho ou forma. Trata com as propriedades de posição que não são afetadas pelas variações de tamanho e forma. Suponhamos, por exemplo, que você desenhe um quadrado com um ponto no interior sobre uma tira de borracha, não importa como você estire a fita de borracha. O ponto estará sempre no interior do quadrado. É, assim, a Topologia, o estudo das propriedades geométricas que permanecem as mesmas a despeito do alongamento ou não e da curvatura.



.....  
.....

.....  
.....

A distância não tem sentido, em Topologia. Dois pontos, à distância de uma polegada, podem ser facilmente separados, por um estirão a duas polegadas de distância. Do mesmo modo, o tamanho de um ângulo é sem sentido, porque podemos esticar tanto a tira de borracha, que um ângulo de 15 graus se torne num ângulo de 35 graus. Mesmo linhas retas não tem sentido, em Topologia, porque a reta A B pode se tornar uma linha curva pela *distensão* da fita.

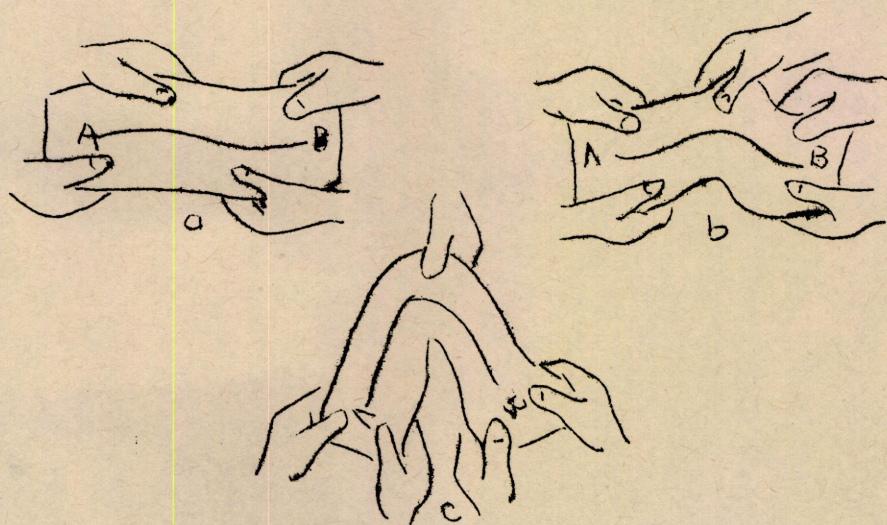


figura 3

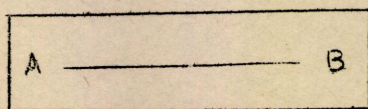
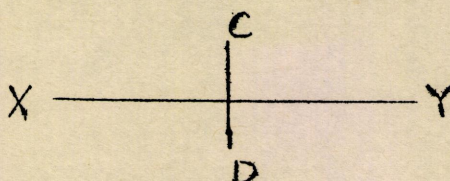


figura 2

A linha reta não somente se torna uma linha curva, mas varia também em comprimento. Pensamos, geralmente, numa chave, como um objeto duro e rígido. Conserva sua forma ajustada à fechadura, não importa quanto nela tenha sido movida. Quando um aeroplano decola e voa longe, parece tornar-se menor. Sabemos, entretanto, que êle permanece com o mesmo tamanho, não importa onde esteja. A Geometria Euclidiana faz o estudo dos objetos que têm sempre o mesmo tamanho. A Topologia é o estudo das coisas que variam em tamanho e forma, quan-

.....  
.....  
do movidas.

Podemos imaginar uma linha como sendo um pedaço de barbante. Se há um ponto sobre a linha, como um nó sobre o barbante, deve permanecer na linha, mesmo que imaginemos esta linha dobrada, alongada ou curvada, por muitos meios. Dizemos também que a linha é contínua, nela não há furos. Se uma linha atravessa outra, passa através de um ponto dessa linha. Isto significa, por exemplo que, se desenhamos uma linha C D através de uma linha X Y como mostra a figura, a linha C D passa através de um ponto na linha X Y.



Variam tantas das propriedades das linhas e figuras nesta tira de borracha geométrica que podemos pensar nenhuma permanecer a mesma. Isto não é verdade. Veja a linha A B na figura 2, novamente. Não importa como estiremos ou curvemos a tira, a trajetória de A para B permanece uma trajetória de A para B, a qual não atravessa a si própria. A linha ou trajetória pode ser curvada ou alongada mesmo pois que ~~na~~ figura 3. Permanece, entretanto, uma linha com trajetória de A para B. Em Topologia, uma trajetória ou linha como A B é chamada arco AB.

#### COMO FIGURAS GEOMÉTRICAS VARIAM EM TOPOLOGIA

O que dissemos a cêrca de simples linhas, como A B, também se aplica para linhas que formam figuras geométricas, tais como círculos ou triângulos. Vejamos o que acontece a um círculo sobre uma tira de borracha. Pela distensão da borracha, o círculo pode va-

.....  
.....

.....  
.....  
riar, como as figuras seguintes

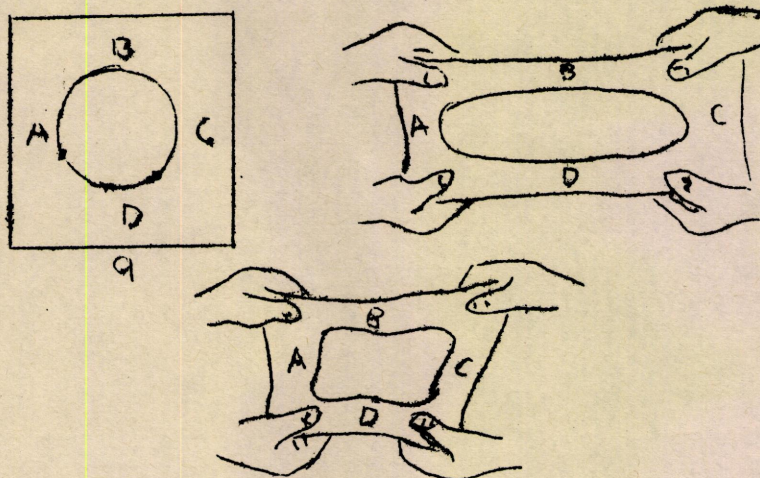


figura 5

Podemos ver que um círculo varia em grande proporção em forma e tamanho. Mas, não importa como distendamos a tira, a figura permanece numa trajetória ABCDA. Podemos também ver que, não importa onde comece essa trajetória, retornamos ao ponto de partida, sem atravessá-la. Se iniciamos em C, passamos por BAD e retornamos a C. Em topologia, tôdas estas figuras têm o mesmo nome. Cada uma é chamada uma curva simplesmente fechada ou circuito fechado e é construída sobre dois arcos ABC e ADC os quais têm somente os pontos A e C em comum.

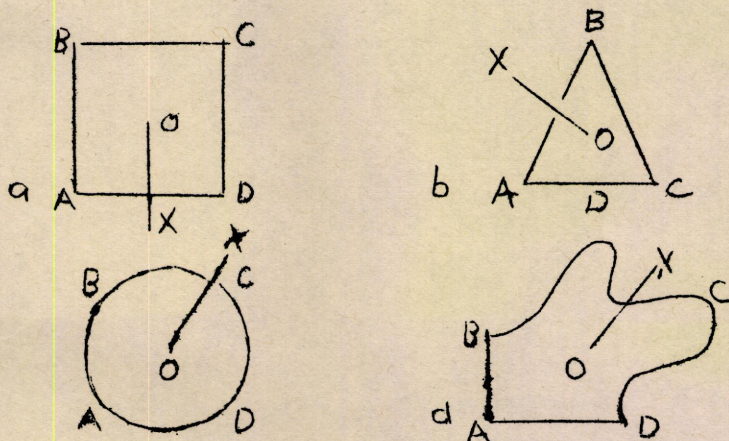


figura 6

.....  
.....

.....  
.....

A Topologia diz que estas figuras são tôdas simples curvas fechadas. Cada uma é feita sôbre dois arcos ABC e ADC não faz qualquer diferença, se os arcos são retos ou curvos.

Em cada ilustração acima, há um ponto O, no interior da curva fechada e um ponto X, fora dela. A linha OX atravessa um arco da curva fechada. Não importa como estas figuras possam ser variadas por distenção, O X passará sempre através de um arco da curva. A curva fechada ABCD não tem furos por onde passe O X.

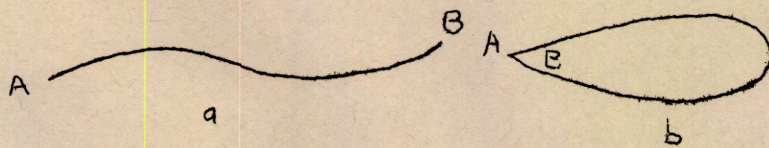
Esta idéia de não haver furos numa linha parece simples, mas é uma idéia muito importante. Vimos que a idéia de não haver furos é chamada continuidade. Atualmente ninguém sabe se uma linha tem furos ou não. Mas parece razoável supor que não há furo numa linha.

Dizemos que estas curvas fechadas dividem a tira em duas partes, uma interior e uma exterior. Você não pode ir do interior para o exterior, sem atravessar a curva. Esta verdade é segura, não importa como você varie a forma. Desde que você sempre atravesse a linha, indo de fora para dentro, não importa quanto você distorça a figura. Chamamos a esta travessia uma situação invariante. Em Topologia, qualquer situação que permanece a mesma, sob distorção, é chamada uma invariante. Quando distorcemos uma figura, por exemplo, uma linha reta esticada, numa linha curva ou um quadrado num círculo, fazemos uma variação chamada variação topológica ou uma transformação Topológica. Essas transformações mudam o tamanho ou a forma da figura mas não formam uma nova figura topológica. Se cortamos, rasgamos ou dobramos uma linha ou superfície, mudamos essa linha ou superfície e temos, assim, uma nova figura.

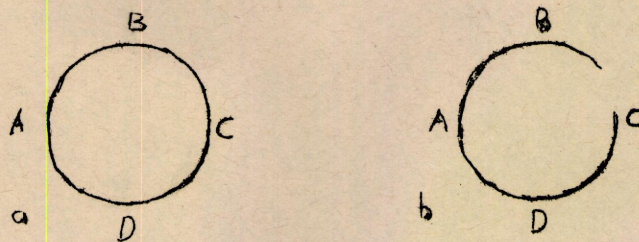
Uma transformação Topológica é feita sem cortar, rasgar, dobrar ou perfurar.

No círculo A B C D, outra propriedade que não varia, ou

.....  
.....  
É invariante, é a ordem dos pontos A B C D. O que era invariante em relação à linha A B? Não importa quanto a estiremos, ela permanece uma trajetória de A para B, sem atravessar-se a si mesma. Vimos que, em Topologia, um círculo pode transformar-se numa eclipse ou num quadrado e uma linha reta pode transformar-se numa linha curva. Mas, quando juntamos os pontos A e B da linha AB, como na figura abaixo, temos uma nova figura, a curva fechada



De forma similar, quando cortamos o arco de um círculo, como na figura abaixo, mudamos a curva fechada numa linha.



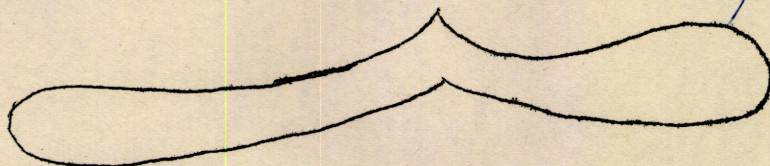
Essas mudanças não são transformações. São formadas novas figuras topológicas.

Em Geometria <sup>Euclidiana</sup> (tradicional) estudam-se as propriedades de tamanho, forma, área e grandeza angular. <sup>Euclidiana</sup> (Em geometria tradicional) Dizem-se congruentes as figuras que, postas uma sôbre outra da mesma forma e tamanho, revelam correspondência de tôdas as partes. Transformações topológicas são figuras que se dizem equivalentes. Em topologia, o círculo e o quadrado são equivalentes, não importa o quanto ~~afirmam~~ afirmem em tamanho. Ambos têm um interior e um exterior. Para ir do interior para o exterior, devemos atravessar uma linha. Sombreamento o

.....  
.....  
interior da figura abaixo, vemos, fàcilmente, como sua superfí-  
cio se divide em duas regiões.

Tradução dos primeiros tópicos do livro de:

JOHNSON, Donovan A. e GLENN, Willian - Topology - The  
Rubber - Sheet Geometry - Ed. John Murray - London, 1964 - 40 pgs.



Traduzido Pela Professora

ZILÁ MARIA GUEDES PAIN

Revisado pelas Professôra

LEDA SPERB LOPES

e

NARA SANTOS

*Arquivado  
em 2/8/88  
Leda Sperb Lopes*

ND.





ESTADO DO RIO GRANDE DO SUL  
SECRETARIA DE ESTADO DOS NEGÓCIOS DA EDUCAÇÃO E CULTURA

VOLUME: - Unidade de volume é o volume de um cubo cuja aresta tenha o comprimento de um metro.

Essa medida chama-se m<sup>3</sup> e representa-se pelo símbolo m<sup>3</sup>

Unidades usuais de volume: Km<sup>3</sup> (múltiplo): (unidade principal) dm<sup>3</sup>, cm<sup>3</sup> e mm<sup>3</sup> (submúltiplos %

Material para dar as crs. noções de cubo e prisma:

O espaço necessário para executar um determinado brinquedo, a caixa com o espaço suficiente para colocar determinado objeto, a estante com altura suficiente para dispôr os livros de História nas prateleiras, o recipiente necessário para comprar um litro de leite, a quantidade do tecido necessário para confeccionar um vestido de boneca, a comparação dos diferentes tamanhos dos animais pelo conhecimento direto e observação de gravuras, são experiências q. dão ao escolar um maior desenvolvimento do conceito de pêso e medida. Utilizando as experiências em medidas definidas, a cr. poderá compreender melhor as expressões usadas, com medidas indefinidas, tais como: mais, menos, muito, pouco, bastante, alguns e outros.

CONCEITO DE VELOCIDADE E DISTÂNCIA: - As competições de corridas, entre crs. ou carrinhos de roda podem auxiliar o escolar a melhor perceber a velocidade e a distância q. deverao desenvolver e percorrer para atingir determinada meta, menor espaço de tempo. O uso dos termos: longe, afastado, distante próximo, ligeiro, vagaroso, lento, apressado, mais ligeiro q. podem fazer parte do vocabulário infantil. Cabe a prof.<sup>a</sup>. a responsabilidade de estimular o uso dos mesmos e levar a cr. a desenvolver a habil. de reconhecer sua significação.

DEFINIÇÃO:- O sistema legal de unidades de pêsos e medidas é o conjunto de unidades, fixadas por lei para medir os comprimentos., as áreas, os volumes, as massas e os valores monetários.

HISTÓRICO: - Antes da adoção do sistema métrico, as medidas antigas não eram fixas, variavam, de um lugar a outro, e as unidades não definidas de modo rigoroso, variavam com o tempo: não guardavam entre si relações simples ou uniformes, e os cálculos a que conduziam os nos. correspondentes eram complicados. Nas medidas das diversas grandezas. Os homens empregavam, primitivamente, certas unidades relacionadas com o corpo humano ou fixadas pelo alcance dos sentidos. Para pequenos comprimentos, por ex. adotavam como unidades de medidas, o pé, a abertura total da mão, o comprim. do braço, etc. unidades que, com pequenas variações, são ainda hoje conhecidas sob diferentes nomes: pé polegada, palmo, braça. Para distâncias relativamente curtas, empregavam o passo e grandes distâncias eram avaliadas pelo alcance de uma flexa ou em léguas. A légua era a distância máxima q. um homem normal pode abranger com a vista em terreno perfeitamente plano. A medida de superfície era feita pela quantidade de sementes q. nela podiam ser semeadas

MEDIDAS BRASILEIRAS ANTIGAS: Antes de ser adotado por lei o Sistema Métrico Decimal, o Brasil tinha seu sistema de Pêsos e medidas, do qual a título de curiosidade, faremos, apenas uma citação: Para compr.: A unidade principal era a braça. Seguiam-se: vara, côcavo, pé, palmo, polegada, linha. Para grandes usava-se: a milha, a légua de semaria, etc.

Área: unidade- braça quadrada: seguiam-se a geira e a Como medidas agrárias além da geira e da , usava-se o grande alqueire e o pequeno alqueire.

Volume e capacidade- Haviam medidas para os secos e para os líquidos. Para os secos eram: moio, fanga, alqueire, quarta, oitava, ~~meia~~, maquia e salamin.

Para os líquidos: almude, pote, camada, pipa, tonel. de carga.

Massa: Usavam-se: tonelada, quintal, arroba, libra, marco, onça e oitava, havia ainda tonelada de frete, tonelada de poste e o quilate.

Moedas: unidade: real. Seguiam-se: tostão, pataca, cruzado, sôlo e conto de réis

DIREÇÃO DE APRENDIZAGEM- As crs. podem ser introduzidas no estudo de medidas/através do material. Revista do ensino 85...

COMO INTRODUIZIR O ENSINO DE MEDIDAS:- Como introdução ao ensino das medidas, serão apresentadas as crs. os meios naturais de medir: por meio do braço (braça), do pé (pés e passo), da mão (palmo e polegada), do punhado, etc. Isto será feito por meio de práticas e sempre pelo processo de levar a cr. a auto-descoberta do q. se deseja q. fique sabendo. Podem ser feitas práticas como estas: 1- Ir até o fundo da sala, contando as passadas ou os pés.

## MEDIDAS DE SUPERFÍCIE

O metro quadrado é a unidade fundamental das medidas de superfície, é a superfície de um quadrado de 1 metro de lado.

Superfície é uma grandeza de duas dimensões (comprimento e largura).

O símbolo do metro quadrado é  $m^2$  (o expoente 2 lembra as duas dimensões da superfície).

### Múltiplos e submúltiplos do $m^2$

Nem sempre podemos expressar a área de uma superfície em  $m^2$  pelo fato dessa superfície não poder ser dividida em quadrados de 1m de lado, como é o caso, por exemplo, de uma fotografia de 3cm de largura por 4cm de comprimento. Entretanto, essa superfície pode ser dividida em quadrados de 1cm de lado, ou seja, um quadrado de 1cm<sup>2</sup> de área. O cm<sup>2</sup> é um submúltiplo do m<sup>2</sup>.

Uma grande superfície territorial, uma fazenda, por exemplo, de forma retangular de 8000m de comprimento e 5000m de largura, tem uma área de 40 000 000m<sup>2</sup>, número muito grande e pouco expressivo. Entretanto, essa fazenda pode ter sua área calculada tendo como unidade de medida um quadrado de 1km de lado, portanto, o resultado será dado em km<sup>2</sup>. A área dessa fazenda é 40km<sup>2</sup>. O km<sup>2</sup> é um múltiplo do m<sup>2</sup>.

Múltiplos do  $m^2$  ..... km<sup>2</sup> ... hm<sup>2</sup> ... dam<sup>2</sup>

Submúltiplos do  $m^2$  ..... dm<sup>2</sup> ... cm<sup>2</sup> ... mm<sup>2</sup>

Construindo um quadrado de 1m de lado e dividindo em decímetros nos quatro lados ligando os pontos opostos o aluno verificará que 1m<sup>2</sup> tem 100dm<sup>2</sup>.

Dividindo esse quadrado em centímetros o aluno verificará que 1m<sup>2</sup> tem 10000cm<sup>2</sup> e que 1dm<sup>2</sup> tem 100cm<sup>2</sup>.

Apos muito trabalho com material concreto o aluno concluirá que as sucessivas unidades de medida de superfície varia de 100 em 100, isto é, cada unidade das medidas de superfície vale 100 vezes a unidade que lhe é imediatamente inferior portanto a virgula se movimenta de duas em duas casas para cada unidade.

### Direção do trabalho

#### 1º momento

a) Examinar o problema da colocação de algum objeto em algum lugar. Levar o aluno a sentir a necessidade de conhecer a área disponível e a área já ocupada pelo objeto.

b) Trabalhar com padrões naturais para que a criança verifique a necessidade da medida padrão.

#### 2º momento

Trabalho com a medida padrão.

Material----1m<sup>2</sup> de papel grosso, jornal etc. cordões, pranchetas de madeira ou papelão (quadrado com 100 preguinhos colocados a uma distância de 1cm)

a) Construir um  $m^2$  com as crianças, levando-as a verificarem que ~~há~~ a figura tem 1m de comprimento e 1m de largura.

b) Levar ~~sax~~ as crianças a verificarem que 1m<sup>2</sup> tem 100dm<sup>2</sup>, porque há 10dm no comprimento e 10dm na largura.

Sugestão: Construir um quadrado dividido em 100 quadradinhos





A cr. chegará a conclusão, por ex. q, a toalha de sua mesa tem 2 lados iguais com 2 metros e dois lados iguais com 3 metros.

Para representar essas figuras elas utilizarão a escala com as medidas coletadas pelas crs. q. resultarão em probls. organizados por elas mesmas: serão feitos desenhos pelos quais elas verão as igualdades, desigualdades e diferenças entre elas.

A cr. solucionará o problema de acordo com o seu desenvolvimento. Ex: uma toalha q, tenha 5m. por 8m surgirão soluções como estas:

$$5m+8m+5m+8m=26m$$

$$5m+5m+8m+8m=26$$

$$3 \text{ } 5m \text{ ) } + (2 \text{ } 8m)=26$$

$$2 \text{ } 5m =10m$$

$$2 \text{ } 8m =16m$$

$$10m+16m=26$$

$$5m+8m=13m$$

$$5m=8m=13m$$

$$13m^2=26$$

São aceitas diversas soluções, pois na sua própria solução a cr. terá maior compreensão. A palavra perímetro será introduzida pela prof. e fará parte aos poucos do vocabulário da classe.

PERÍMETRO DO RETÂNGULO:

1 - Material: retângulo de papel, madeira, cartolina, etc. em vários tamanhos e cores. régua.

2 - Pontos q. devem ser observados previamente: ret.: lados iguais, paralelos dois a dois.

Ângulos retos.

3 - Distribuição das figuras (1 ret. para cada aluno)

Sugestões de atividade: situações da vida real: Um pintor fez um quadro, quer emoldurá-lo.

Qual será a medida da moldura?

UNIDADE DE MEDIR: No perímetro, usa-se o metro simples, porque é o comprimento de uma só dimensão q. vai ser medida.

ÁREA: O 1º trabalho será levar a cr. ao conceito de área. Para isto o prof. lança mão de comparação de áreas de diferentes tamanhos q. serão medidas, com a unidade de medida de área q. é o metro quadrado.

O prof. fará a cri. notar q. cada determinada figura contém 1 diferente nº de quadradinhos unidade de medida e q. este nº de quadradinhos determinará a área da figura.

Para este estudo, será usado material manipulativo e individual e a cr. concluirá q. o tamanho de uma figura é q. determina sua área.

CÁLCULO DE ÁREA: Para levar a cr. a calcular a área, faz-se a seguinte atividade:

A cr. receberá 12 quadradinhos q. representarão a área de uma figura. A prof. dirá q. um dos lados do ret. contém 3 quadradinhos e os manda organizar 1 dos lados q. contém 3 quadradinhos. Em seguida, formarão ao lado tantas fileiras de 3 quadradinhos, quantas fôr possível.

Para auxiliar a cr. a calcular a área com esta expressão, organiza-se uma tabela com perguntas como: 1 - Qual o lado conhecido? (3) 2 - outros. cm2 foram colocados ao todo?

3 - Quantos cm2 foram colocados em uma fileira? (3) 4 - Quantas fileiras são? (4)

5 - Qual o comprimento do outro lado da figura? (4) 6 - Qual o cálculo q. deve ser feito para encontrar a área desta figura? (3x4cm2= 12cm2.)

ÁREA DO RET. E QUADRADO: (Outra maneira X Para levar o aluno a encontrar a área desta duas figuras, o prof. desenha no quadro um ret. Por ex: o divide em quadradinhos iguais.

Para com q. os alunos contém o nº de quadradinhos de uma fila e o nº de filas os levará a conclusão de q. ~~xxxxxxxx~~ multiplicando o nº de quadradinhos de uma fila pelo nº de filas determinará a área do ret.

ÁREA DO TRIÂNGULO: Para levar a cr. a encontrar a área do triângulo, propomos o seguinte probl.:

Este terreno possui 3 m de altura, 4m de largura. A sua área é, portanto, de 12 m2.

Entretanto só a metade do terreno será comprada, portanto ele será dividido em 2 partes por uma diagonal e tomará a forma de um triângulo. Se a área total do ret. é de 12m2, e o triâng. é a metade do ret., qual será sua área? Unidade de medida é o m2.

## DETERMINAÇÃO DE ÁREA

### ÁREA DO RETÂNGULO

ANEXO 1 - ORÇAMENTO DE MATERIAIS

#### FASE CONCRETA:

- 1 - Distribuição de retângulos de cartolina às crianças, todos do mesmo tamanho e de um quadrado menor que servirá de unidade de medida.
- 2 - Observar e estabelecer relações quanto aos lados de figura (lados iguais e paralelos 2 a 2) e quanto aos ângulos (retos)
- 3 - Pedir a criança que divida a figura em quadradrinhos do mesmo tamanho usando a unidade de medida que foi distribuída.
- 4 - Pedir que marquem com o lápis os quadradrinhos.
- 5 - Pedir que numerem os quadradrinhos

#### FASE SEMI-CONCRETA

- 1 - Orientar a criança para que desenhe no caderno a mesma figura realizando a mesma divisão em quadrados, desenhando ao lado a unidade de medida. Os quadradrinhos devem ser igualmente numerados.
- 2 - Orientar o trabalho para que a criança chegue à ~~conceitualização~~ conceitualização de base e altura ou comprimento e largura.  
Explicar que no estudo das montanhas viram que sempre elas tem uma parte que serve de sustento, chamada base.  
Assim, no retângulo, há um lado maior que é a base. Na montanha há a altura que pode variar, no retângulo há a altura.
- 3 - Pedir as crianças que numerem a linha correspondente à base e à altura, numa correspondência com os quadradrinhos encontrados:

#### FASE ABSTRATA

- 1 - Orientar a criança na observação de que no nº. de quadradrinhos encontrados corresponde ao produto da base pela altura. A criança é quem deve concluir.
- 2 - Levar a criança a concluir que a área do retângulo é igual ao produto da base multiplicado pela altura.

### ÁREA DO QUADRADO

Mesma situação da área do retângulo, só o material distribuído são quadrados de cartolina e a conclusão chegada será de que a área do quadrado é igual ao produto do lado vezes lado.

Para escrever de uma forma mais simples, diz-se que  
área do quadrado =  $(l)^2$



## MEDIDAS DE SUPERFÍCIE

O metro quadrado é a unidade fundamental das medidas de superfície e a superfície de um quadrado de 1 metro de lado.

Superfície é uma grandeza de duas dimensões (comprimento e largura)

O símbolo do metro quadrado é  $m^2$  (o expoente 2 lembra as duas dimensões da superfície).

### Múltiplos e submúltiplos do $m^2$

Nem sempre podemos expressar a área de uma superfície em  $m^2$  pelo fato essa superfície não poder ser dividida em quadrados de 1m de lado, como é o caso, por exemplo, de uma fotografia de 3cm de largura por 4cm de comprimento. Entretanto, essa superfície pode ser dividida em quadrados de 1cm de lado, ou seja, quadrado de  $1cm^2$  de área.  $0\text{ cm}^2$  é um submúltiplo do  $m^2$ .

Uma grande superfície territorial, uma fazenda, por exemplo, de forma retangular de 8000m de comprimento e 5000m de largura, tem uma área de 40 000 000  $m^2$ , que é muito grande e pouco expressivo. Entretanto, essa fazenda pode ter sua área calculada tendo como unidade de medida um quadrado de 1km de lado, portanto, resultado será dado em  $km^2$ . A área dessa fazenda é  $40km^2$ .  $0\text{ km}^2$  é um múltiplo do  $m^2$ .

Múltiplos do  $m^2$  .....  $km^2$  ...  $hm^2$  ...  $dam^2$

Submúltiplos do  $m^2$  .....  $dm^2$  ...  $cm^2$  ...  $mm^2$

Construindo um quadrado de 1m de lado e dividindo em decímetros nos quatro lados ligando os pontos opostos o aluno verificará que  $1\text{ m}^2$  tem  $100dm^2$ .

Dividindo esse quadrado em centímetros o aluno verificará que  $1\text{ m}^2$  tem  $10000cm^2$  e que  $1dm^2$  tem  $100cm^2$ .

Após muito trabalho com material concreto o aluno concluirá que as sucessivas unidades de medida de superfície varia de 100 em 100, isto é, cada unidade das medidas de superfície vale 100 vezes a unidade que lhe é imediatamente inferior, portanto a virgula se movimenta de duas em duas casas para cada unidade.

### Direção do trabalho

#### 1º momento

a) Examinar o problema da colocação de algum objeto em algum lugar. Levar o aluno a sentir a necessidade de conhecer a área disponível e a área ocupada pelo objeto.

Trabalhar com padrões naturais para que a criança verifique a necessidade da

padrão.

ento

com a medida padrão.

---  $1m^2$  de papel grosso, jornal etc. cordões, pranchetas de madeira

(quadrado com 100 preguinhos colocados a uma distância de 1cm)

Construir um  $m^2$  com as crianças, levando-as a verificarem que há

100  $dm^2$  de comprimento e 100  $dm^2$  de largura.

Levar as crianças a verificarem que  $1\text{ m}^2$  tem  $100dm^2$ , porque há 10dm no comprimento e 10dm na largura.

Construir um quadrado dividido em 100 quadrados