

Deutschland

MOSQUEHOLD IN MARCH

卷之三

2/3/28
Blessings

Série: IV
Ficha: 1

四百一

12,00
M

1

- 1 -

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Composição de simetrias axiais

Ficha 1:

Nessa série, vamos combinar simetrias axiais.

Efetua cada vez as simetrias indicadas (com o auxílio de três geoplano-s). Realiza cada mudança sobre a figura apropriada e encontra depois a transformação resultante como mudança que leva diretamente da primeira para a última distribuição dos blocos.

Os blocos não coloridos são amarelos

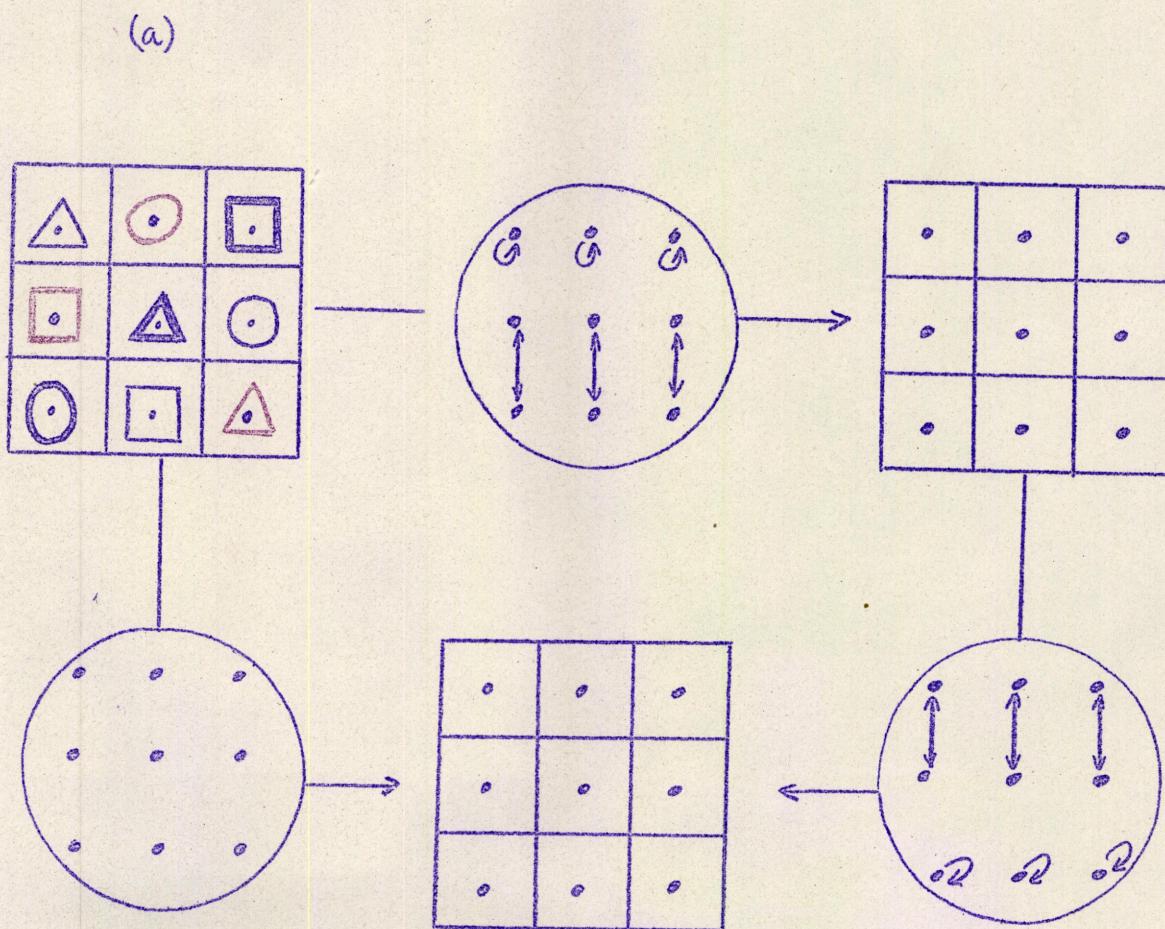


Figura 1

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Ficha 1 (continuação)

(b)

As formas não coloridas são amarelas

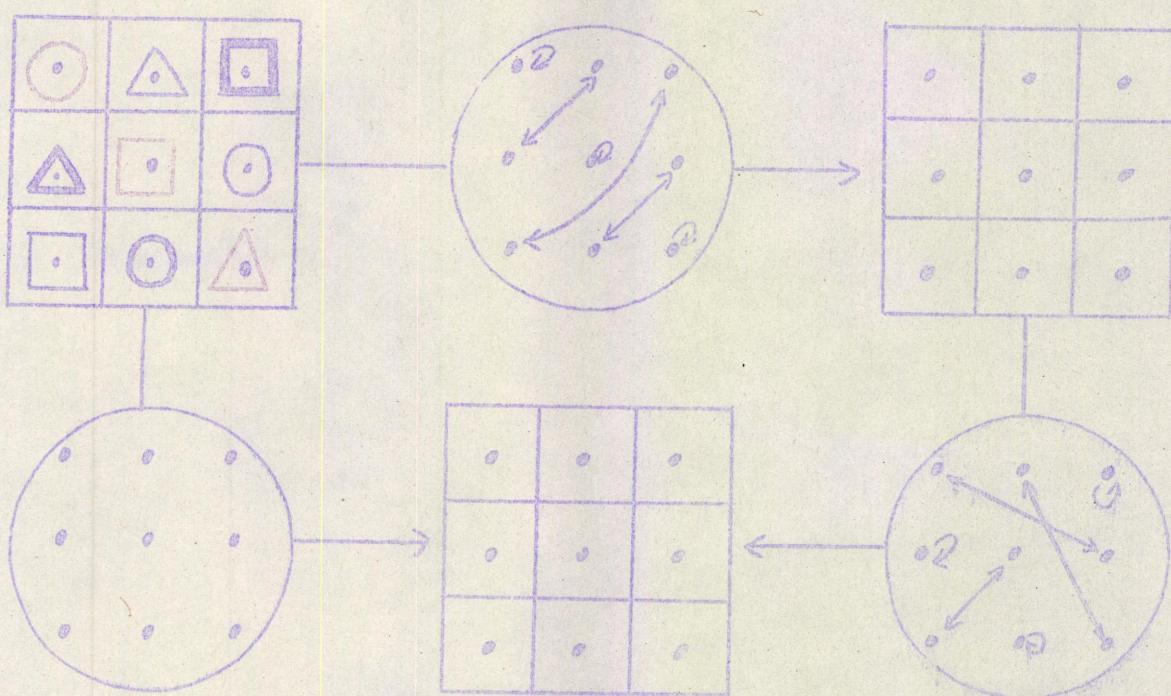


Figura 2

(c)

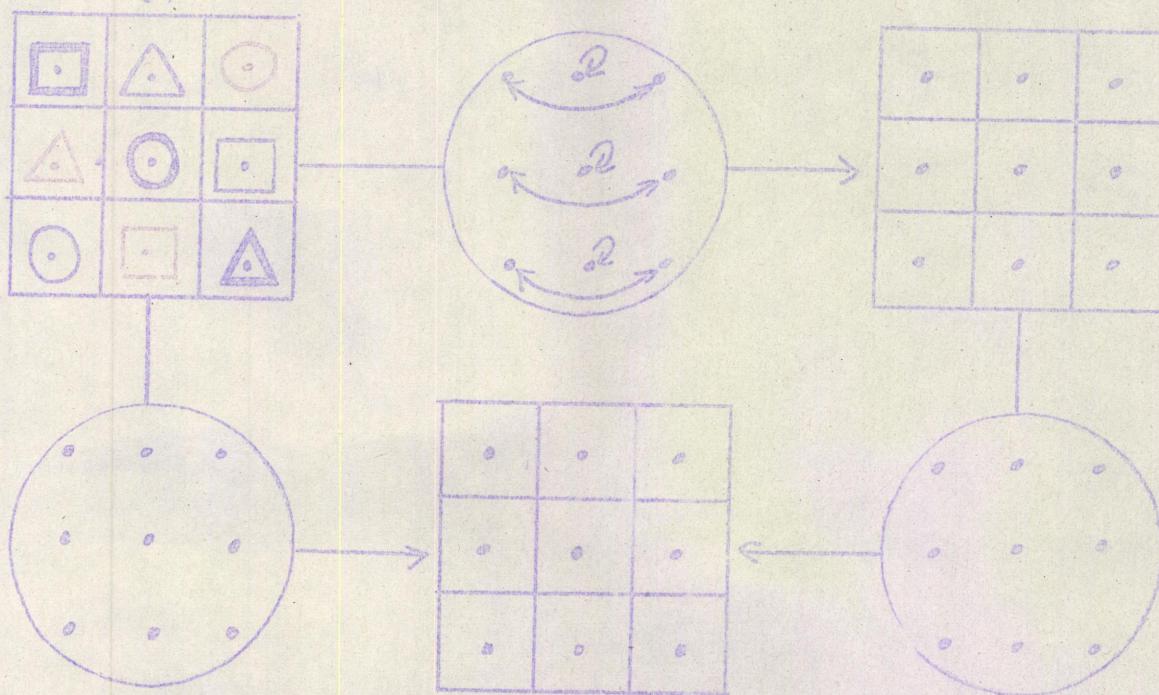


Figura 3

Série V

Ficha 1 (continuação)

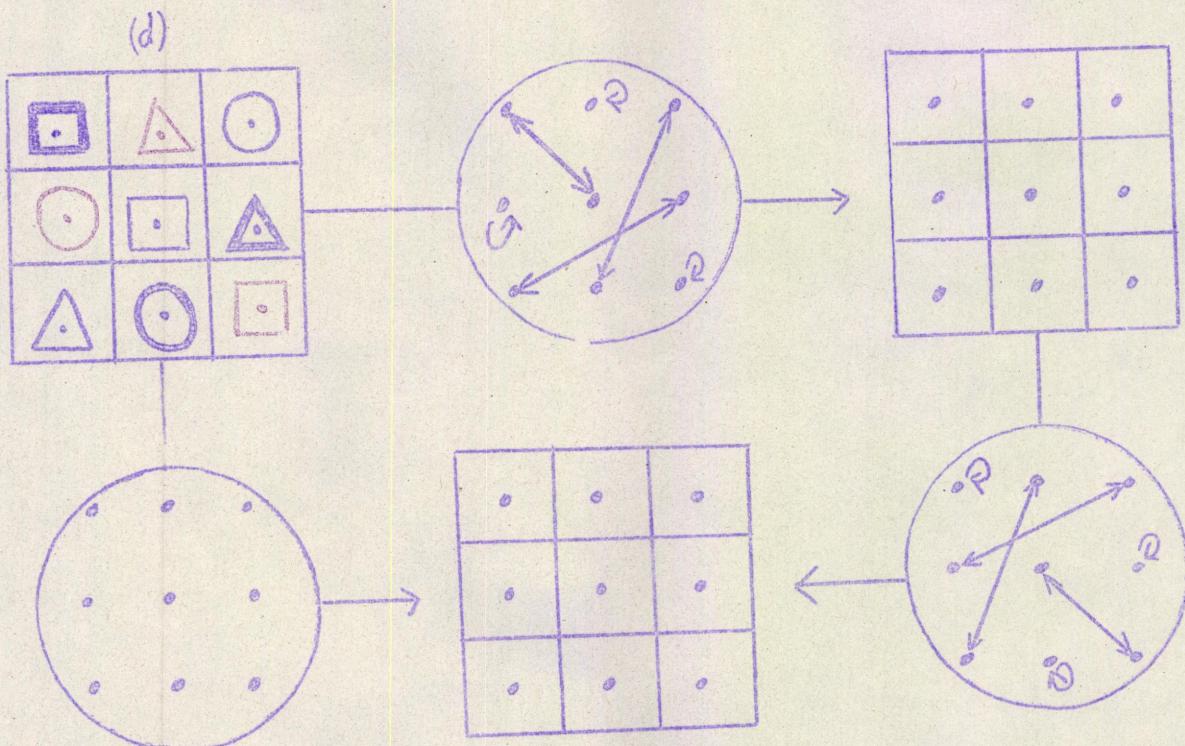


Figura 4

Que se pode dizer de duas simetrias axiais combinadas, em cada um desses exemplos?

De que tipo são as transformações compostas?

② Centre Psycho-Mathématique, Université de Sherbrooke, Québec, Canada
GEEMPA - Tradução: Neley D. Borella.

Série V

Ficha 2 : Estuda esses problemas da mesma maneira que na ficha 1.

(a)

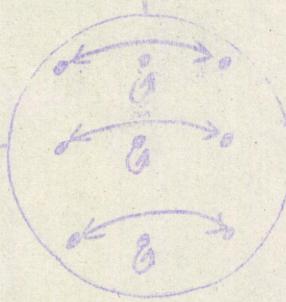
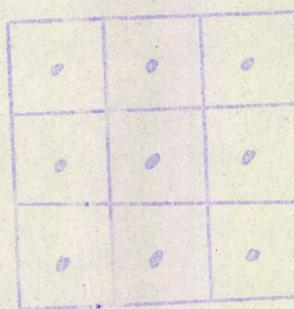
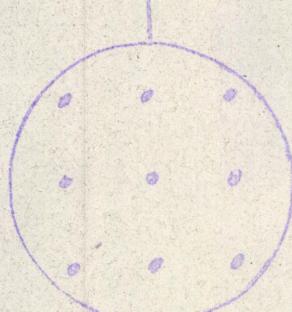
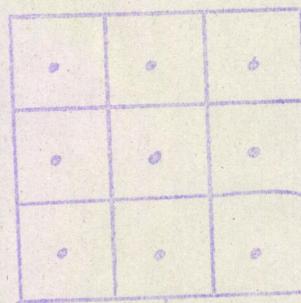
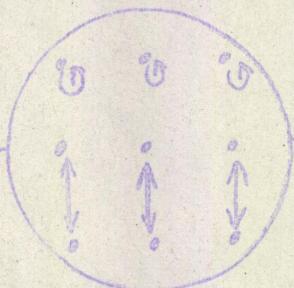
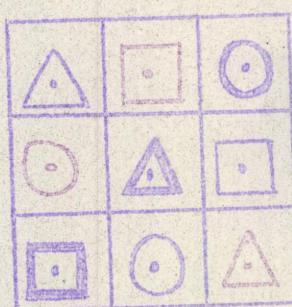


Figura 5

(b)

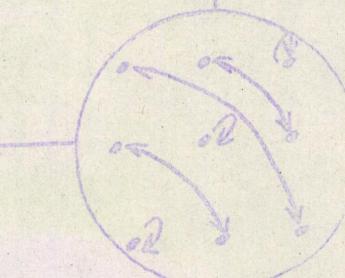
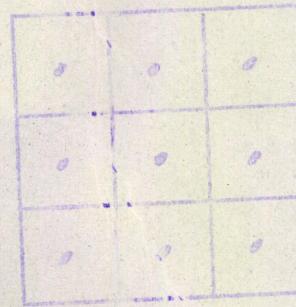
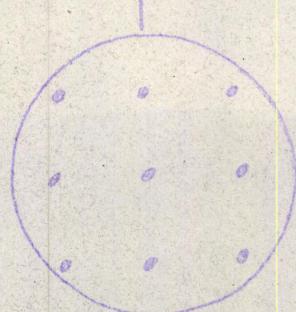
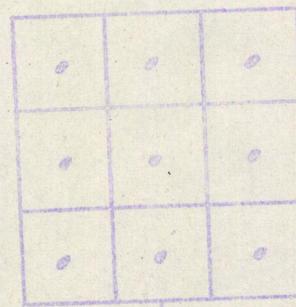
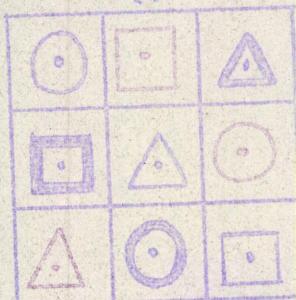


Figura 6

Série V

Ficha 2 (continuação)

(c)

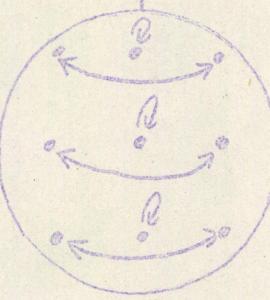
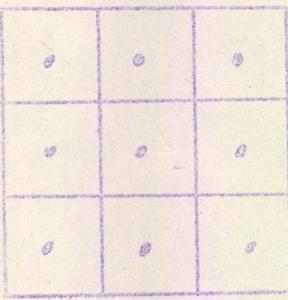
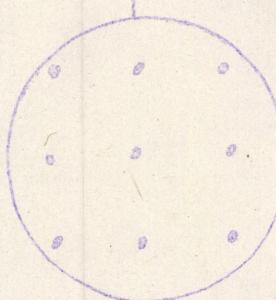
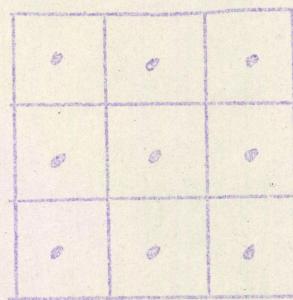
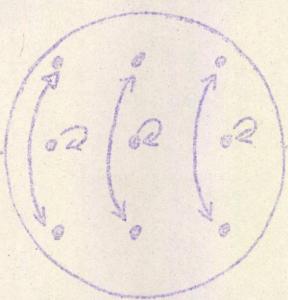
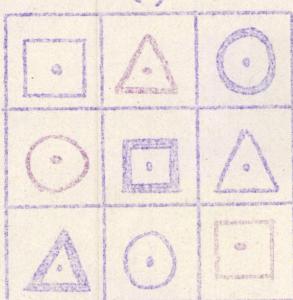


Figura 7

(d)

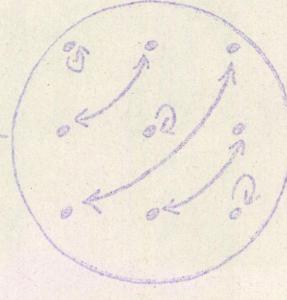
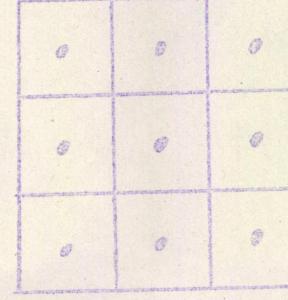
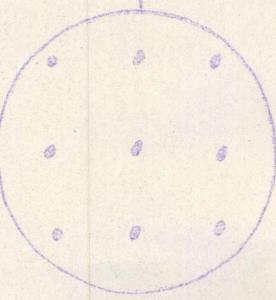
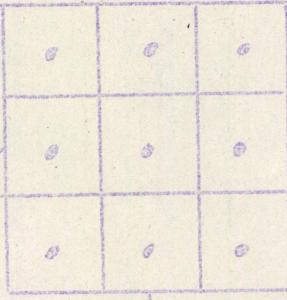
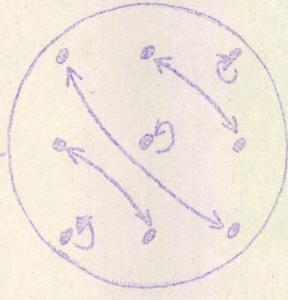
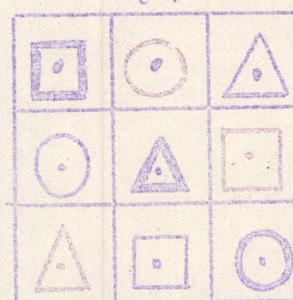


Figura 8

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

-6-

Série V

- Ficha 3 : - Que se pode dizer das duas simetrias axiais combinadas em cada um dos exemplos abaixo?
- Descreve cada transformação dessa ficha.
 - Escolhe a distribuição inicial que desejas, para efetuar as transformações.

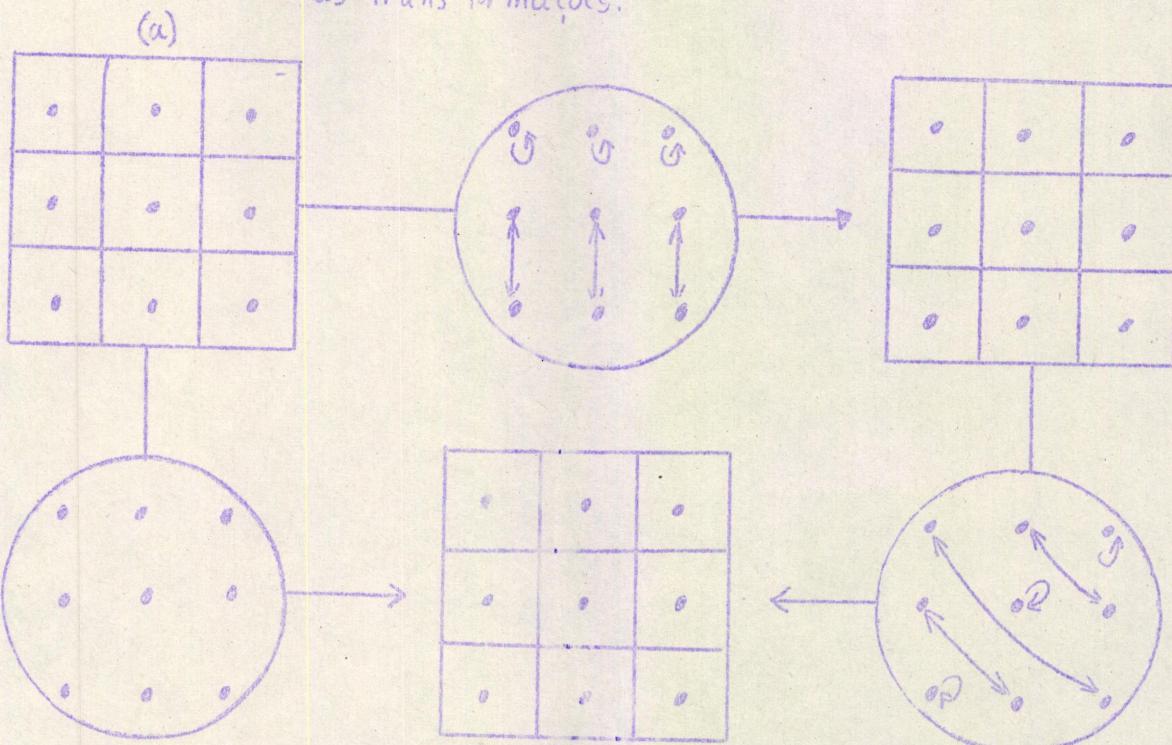


Figura 9

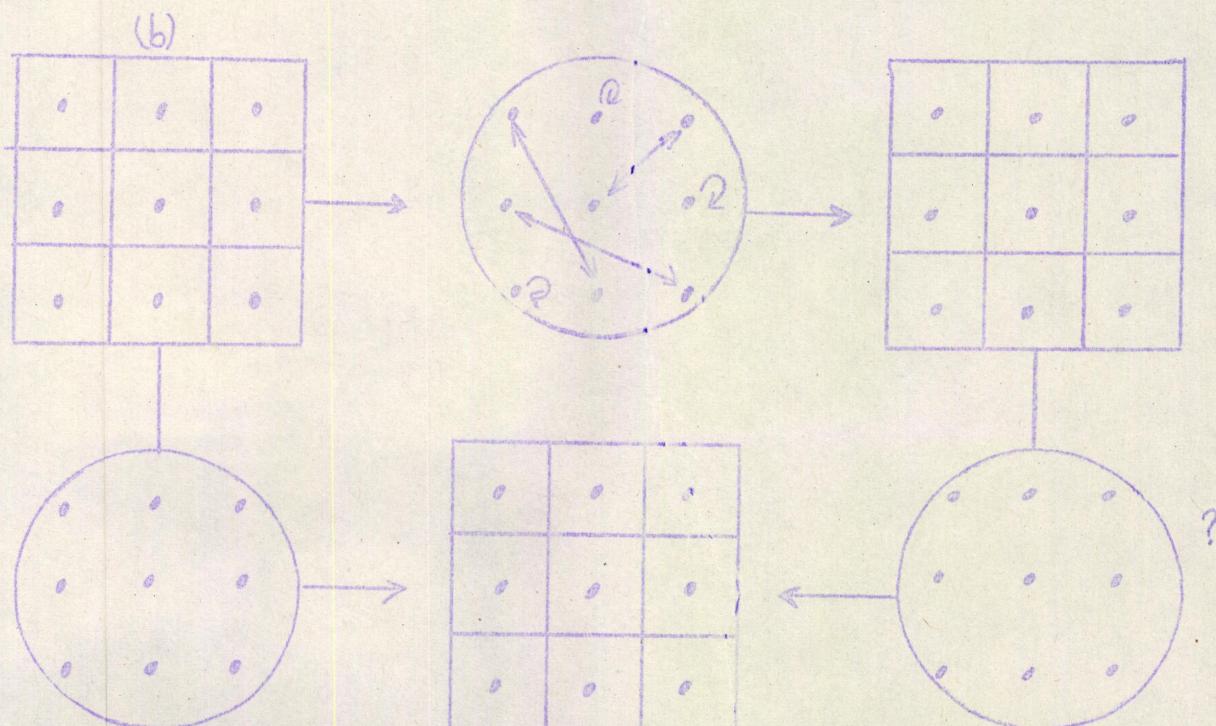


Figura 10

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

-7-

Série V

Ficha 3 (continuação)

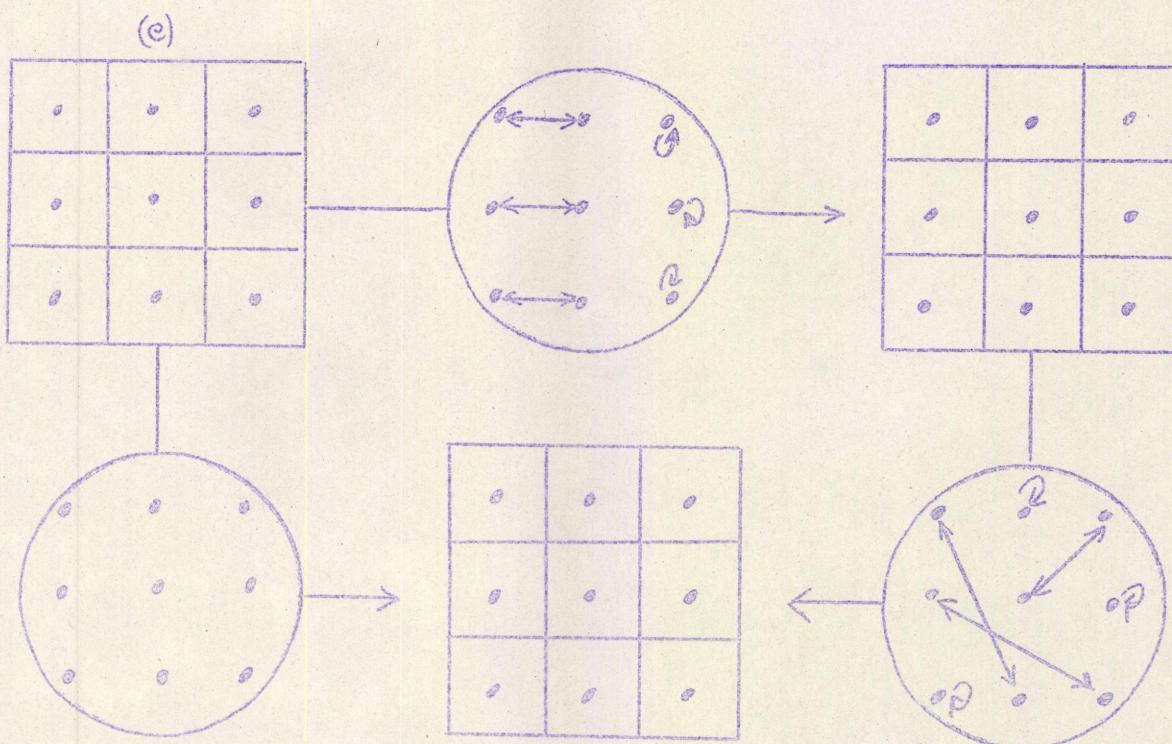


Figura 11

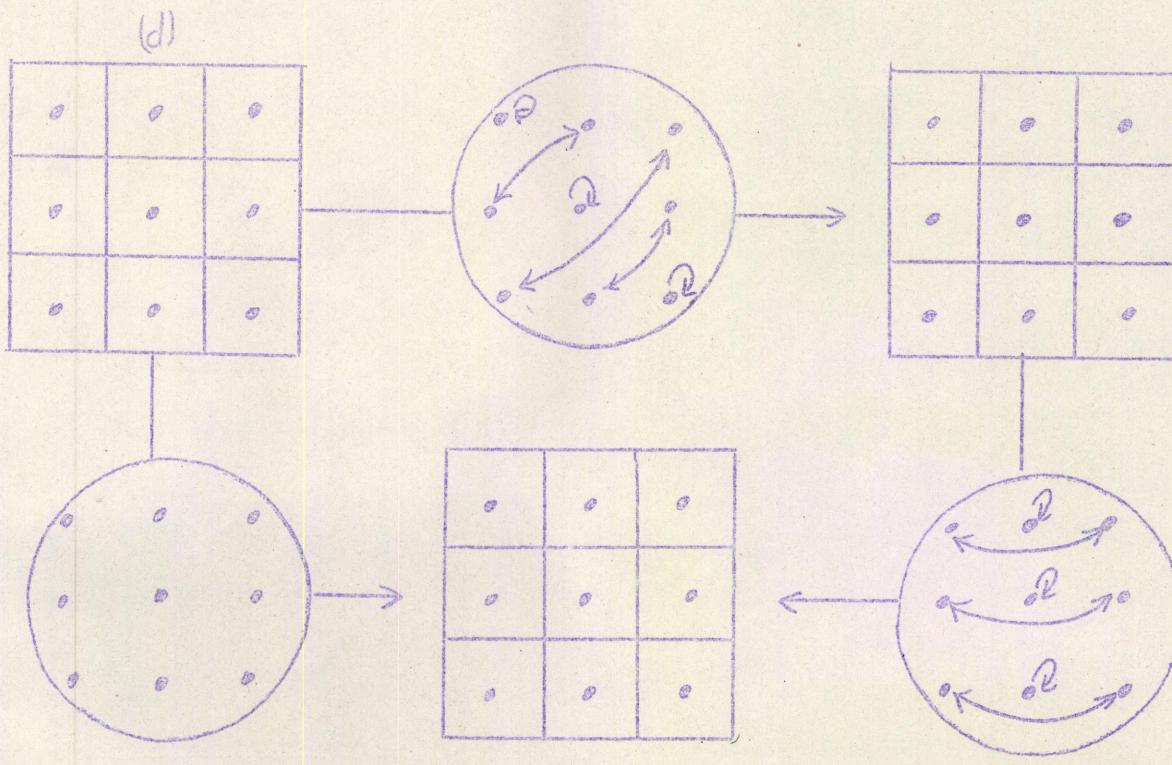


Figura 12

Ficha 4 - ficha de análises

- ① Que se pode dizer de uma transformação composta de duas simetrias axiais?
- cujos eixos são paralelos? (ficha 1)
 - cujos eixos não são paralelos? (fichas 2 e 3)
- ② Para a composição de duas simetrias axiais cujos eixos não são paralelos (fichas 2 e 3), pode-se distinguir as seguintes possibilidades;
- os dois eixos são perpendiculares (ficha 2)
 - os dois eixos não são perpendiculares (ficha 3).
- ③ A composição de duas simetrias axiais é ainda uma simetria axial?
Que tipos de transformações se recebeu dessa maneira?
- ④ Será que a composição de simetrias axiais é comutativa?
- ⑤ A composição de duas simetrias axiais cujos eixos não são paralelos, chama-se uma rotação. A identidade é também compreendida como rotação.
Estuda as rotações do plano afim de ordem 3, com o auxílio das seguintes perguntas:
- uma rotação é uma função? De que tipo?
 - uma rotação transforma sempre uma linha em uma linha?
 - uma transformação, digo, uma rotação transforma sempre uma linha em uma linha paralela?
 - será que as imagens de duas linhas paralelas por uma rotação são paralelas?
- ⑥ Centre Psycho-Mathématique, Univ. de Sherbrooke, Qué.

Série I

Ficha 1 (continuação)

- (1) e) Será que as imagens de duas linhas perpendiculares por uma rotação são perpendiculares?
- f) Quantos pontos fixos e linhas fixas há por uma rotação qualquer?
- g) Quais são os elementos que determinam, de uma maneira única, uma simetria transladada?
- h) Uma rotação respeita a condição C (ficha 1, Série I), para a distribuição dos blocos?
- i) Quantas rotações há do plano afim de ordem 3?

© Centre Psycho-Mathématique, Univ. de Sherbrooke, Qué.

G E E M P A - tradução: Nelcy Borella.

GEOMETRIAS FINITASA₃

Série V

Ficha 5:

Nas fichas que seguem, estudaremos as composições de três simetrias axiais. Faze os seguintes problemas (*) e responde, cada vez, às seguintes perguntas:

- 1) Que se pode dizer dos eixos de 3 simetrias axiais combinadas, em cada um dos exemplos abaixo?

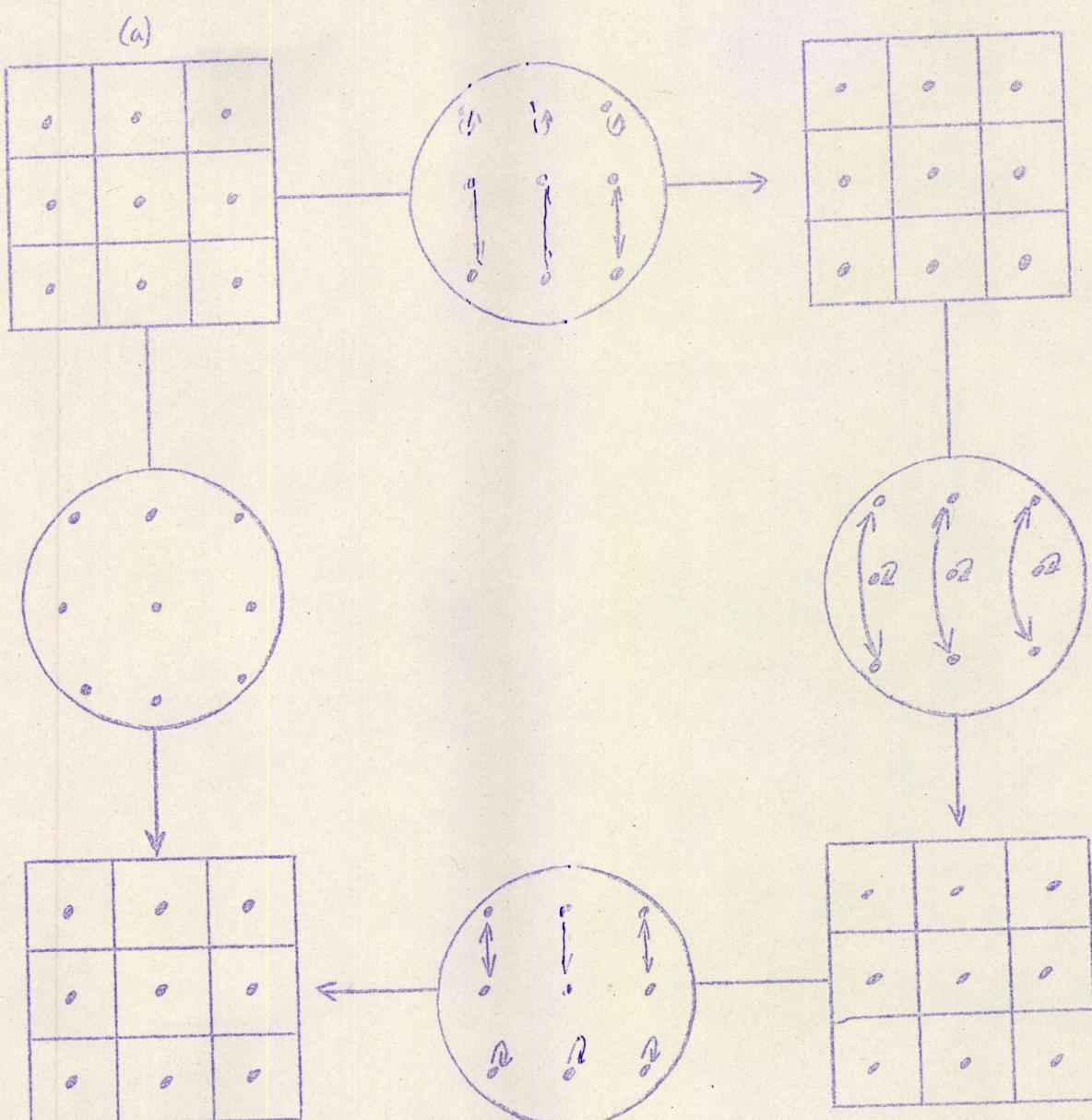


Figura 13

- 2) Descreve cada transformação composta.

(*) Para efetuar as transformações escolhidas por Ti, faz uma distribuição inicial de blocos (segundo a condição C, série I, ficha 1).

Série V

Ficha 5 (continuação)

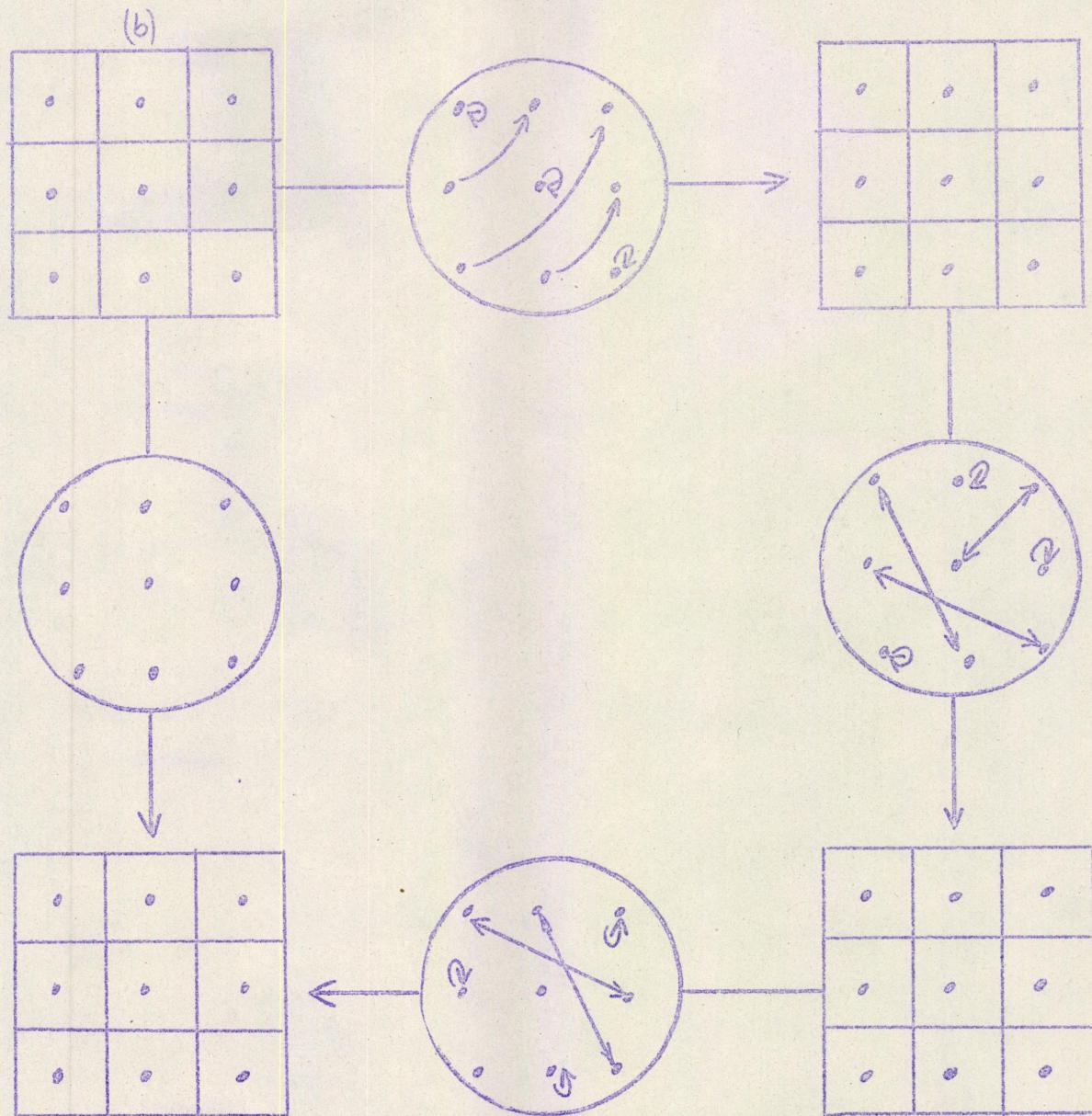


Figura 14

GEOMETRIAS FINITAS

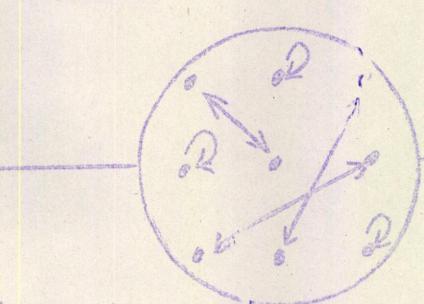
A₃

Série V

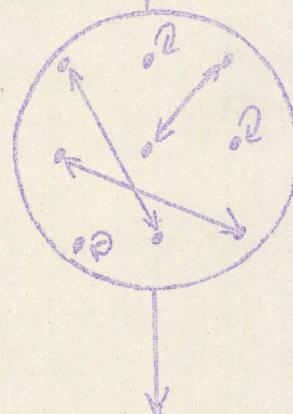
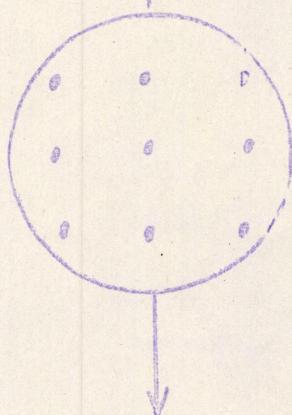
Ficha 6:

(a)

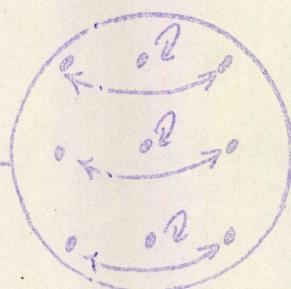
o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o

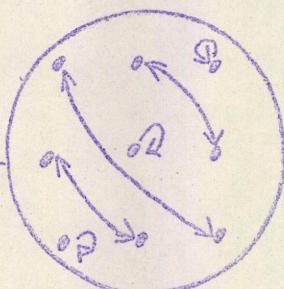
Figura 15

Série V

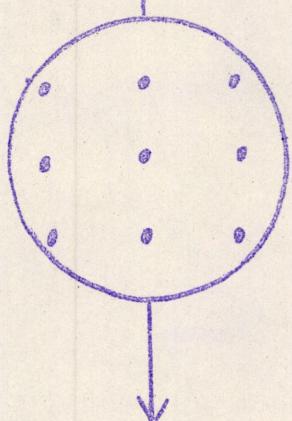
Ficha 6 (continuação)

(b)

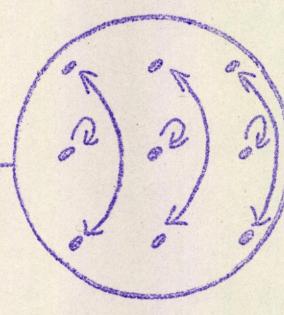
o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
/	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o

Figura 16

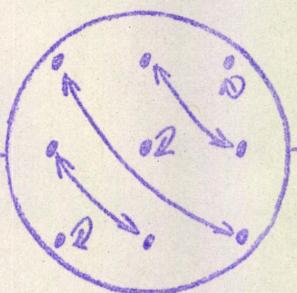
GEOMETRIAS FINITAS A_3

Série V

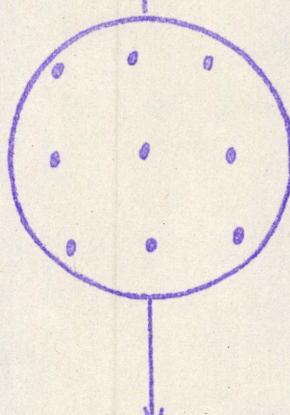
Ficha 7

(a)

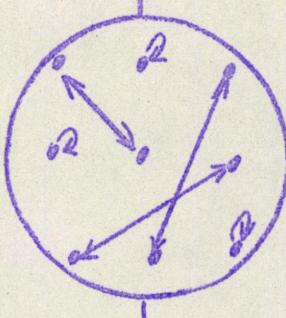
o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o

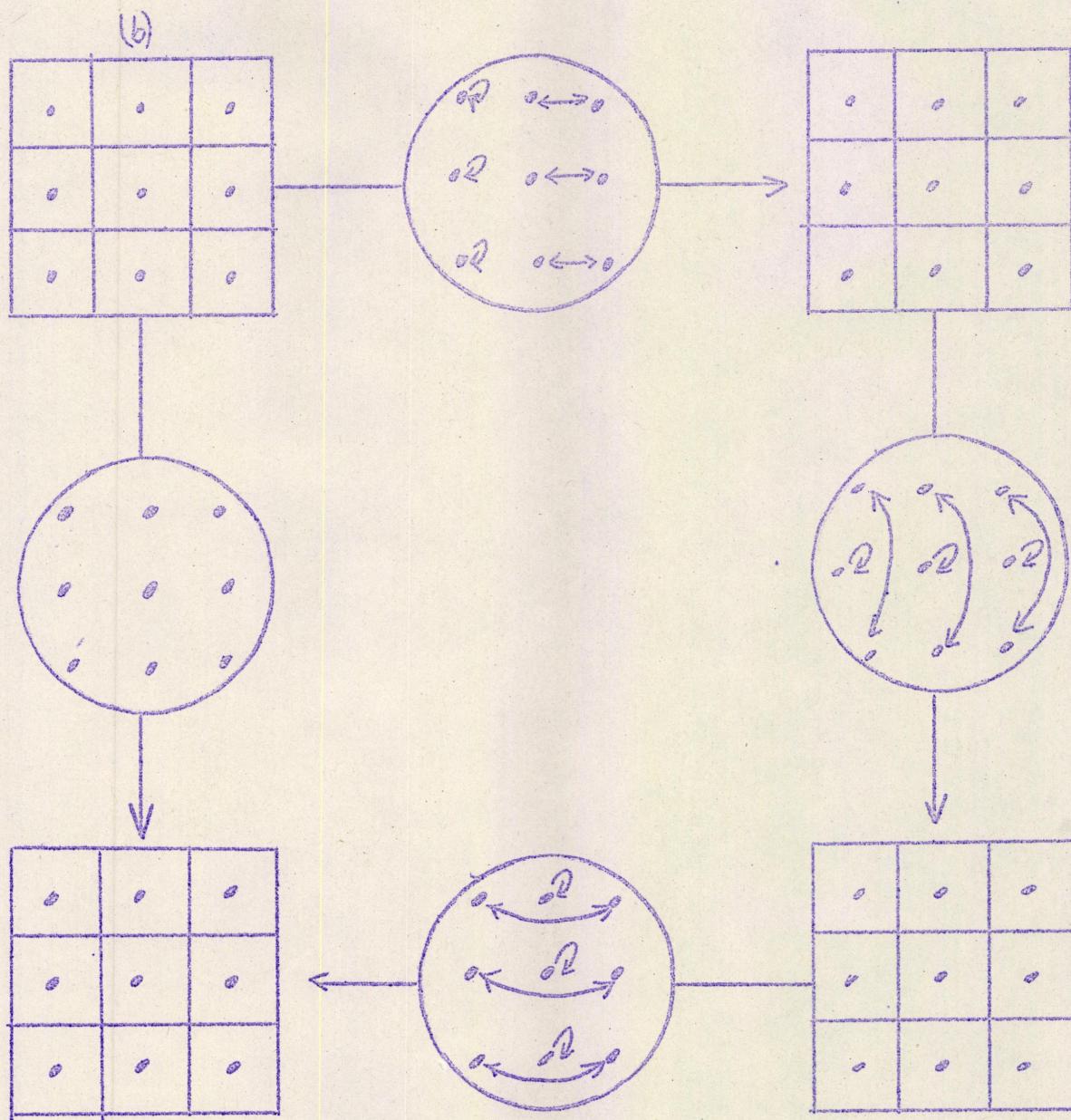
Figura 17

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Ficha 7 (continuação)



Ficha 18

Série V

Ficha 7 (continuação 2)

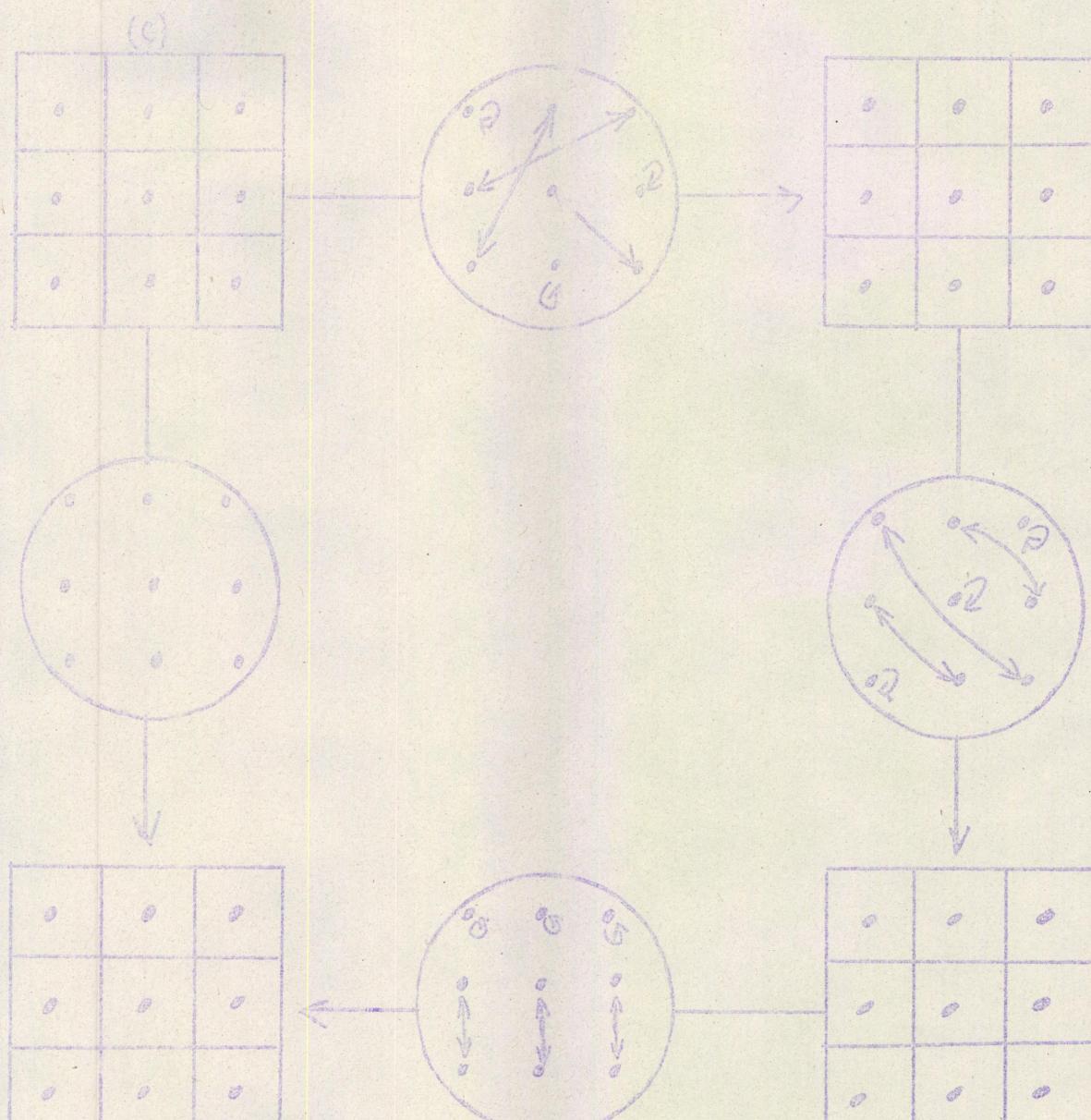


Figura 19

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Ficha 7 (continuação)

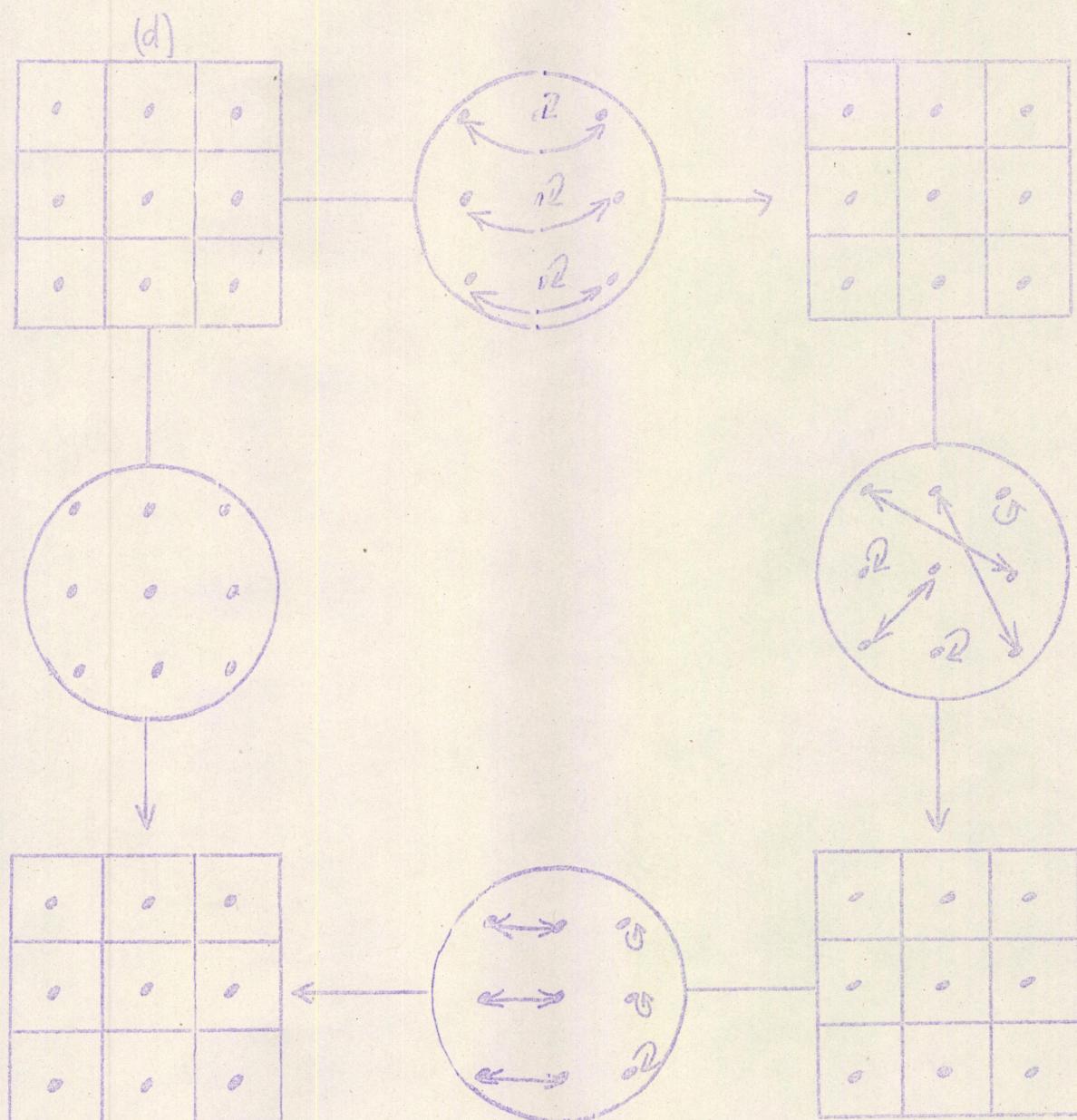


Figura 20

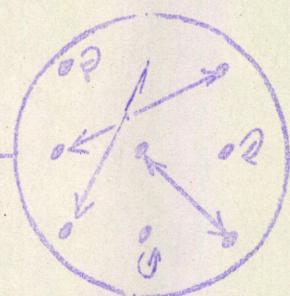
Série V

Ficha 7

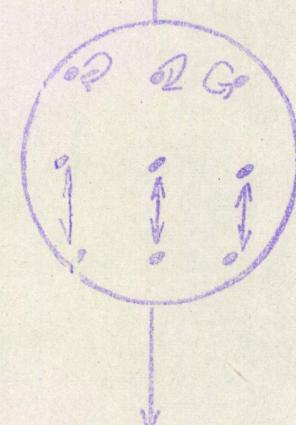
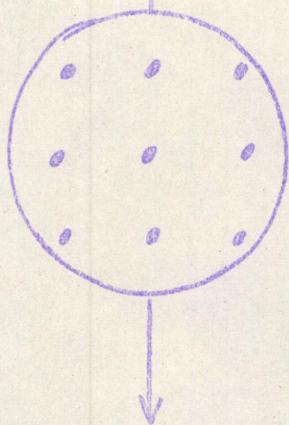
(continuações I)

(e)

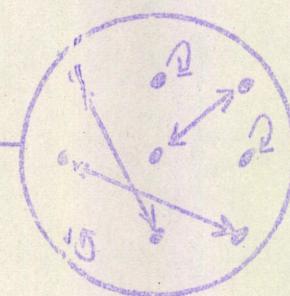
o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o



o	o	o
o	o	o
o	o	o

Figura 21

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Ficha 7 (continuação 5)

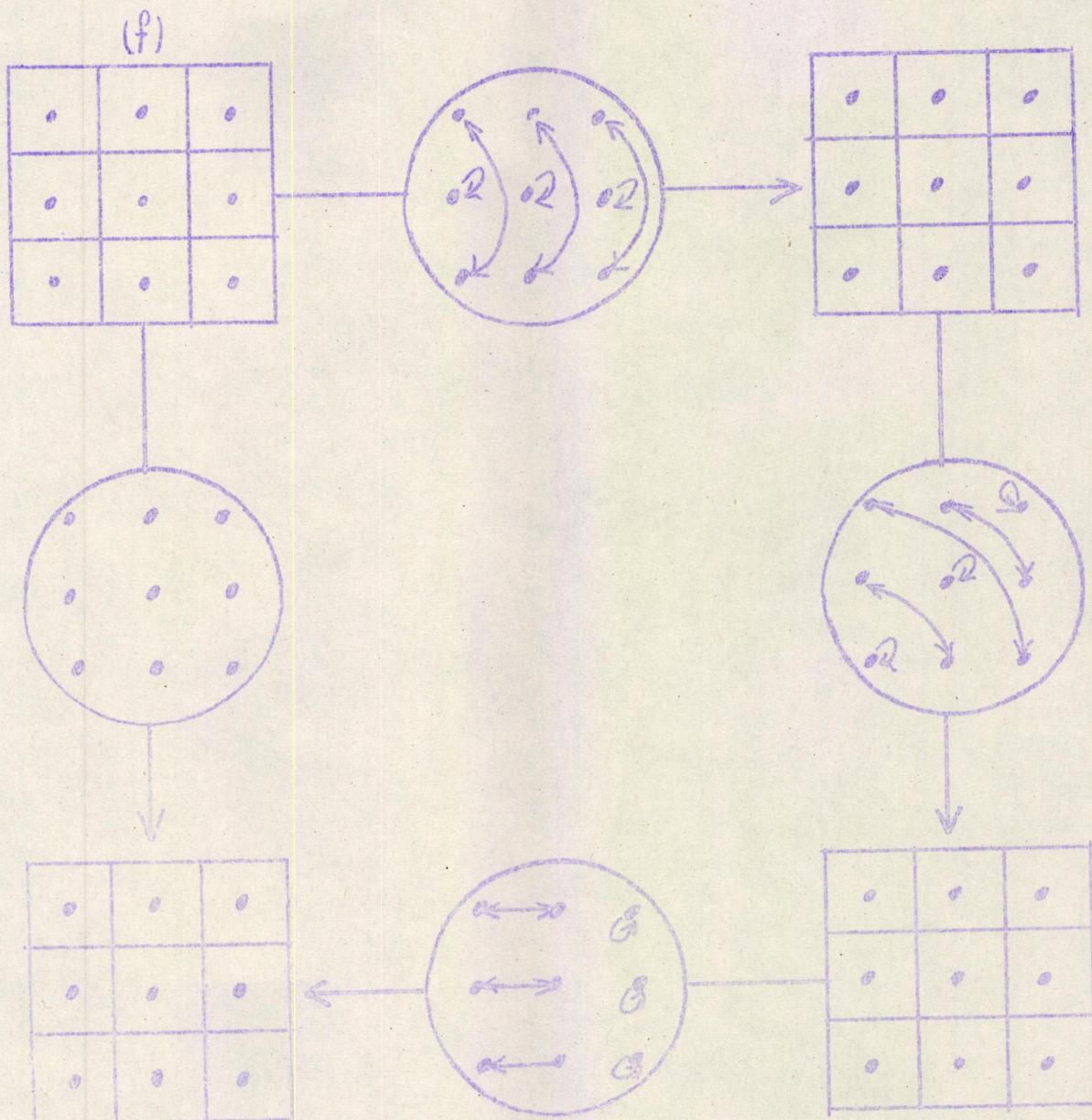


Figura 22

Série V

Ficha 8 - ficha de análise

- (1) Que se pode dizer dos eixos de simetria dos exemplos da ficha 5 ?
De que tipo são as transformações compostas?
- (2) Que se pode dizer dos eixos de simetria dos exemplos da ficha 7?
De que tipo são as transformações compostas?
- (3) Que se pode dizer dos eixos de simetria dos exemplos da ficha ??
Descreve as transformações compostas.
- (4) A composição de três simetrias axiais cujos 3 eixos não são nem paralelos nem concorrentes, chama-se uma simetria translada.
Estudo as simetrias transladas do plano afim de ordem 3, com o auxílio das seguintes perguntas:
- Será que uma simetria translada é uma função?
De que tipo?
 - Uma simetria translada transforma sempre uma linha sobre uma linha?
 - Uma simetria translada transforma toda linha em uma linha paralela?
 - Será que uma simetria translada conserva o paralelismo (a perpendicularidade)?

(c) Centre Psycho-Mathématique, Université de Sherbrooke, Qué.

G E E M P A ; tradução ~ N. Boiville.

GEOMETRIAS FINITAS

A₃

Série V

Ficha 8 - (continuação)

- a) Quantos pontos fixos e linhas fixas há para uma simetria transladada?
- f) Quais são os elementos que determinam de uma maneira única, uma simetria transladada?
- g) Uma simetria transladada respeita a condição C (ficha 1, série I), para a distribuição dos blocos?
- h) Quantas simetrias transladadas do plano afim de ordem 3 há?



Centre Psycho-Mathématique, Université de Sherbrooke, Qué.

G E E M P A - tradução: Nelcy Dondoni Borella.

Série V

Ficha 9 : Nos problemas seguintes encontrares exemplos de simetrias transladas do plano afim, de ordem 3. Representa cada simetria translada por uma composta de uma simetria e de uma translação tal que o eixo de simetria seja paralelo às linhas fixas da translação.

(a)

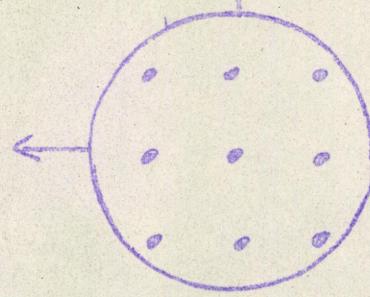
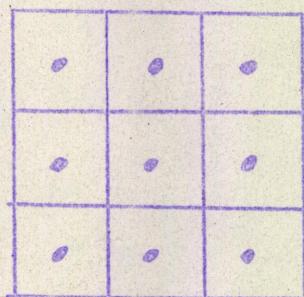
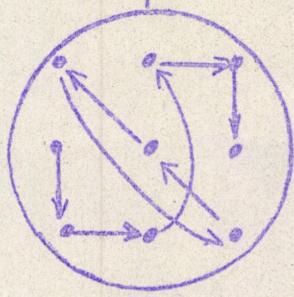
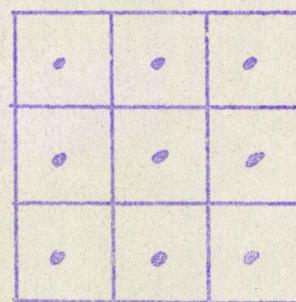
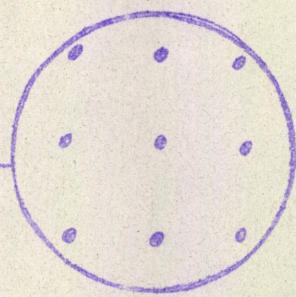
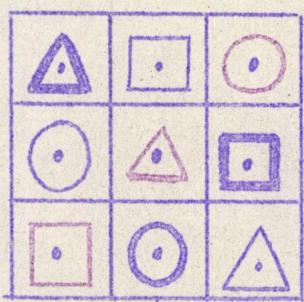


Figura 23

(b)

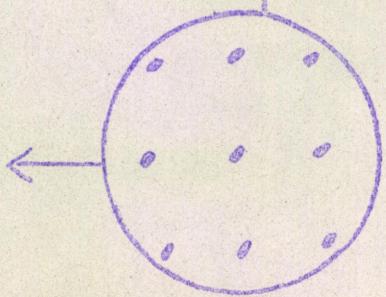
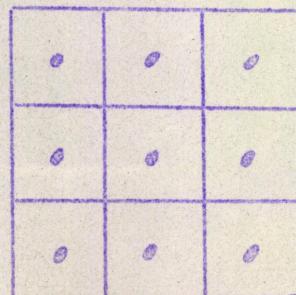
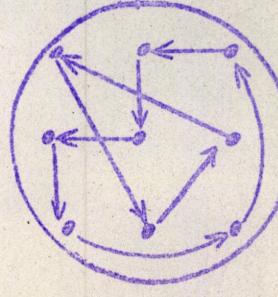
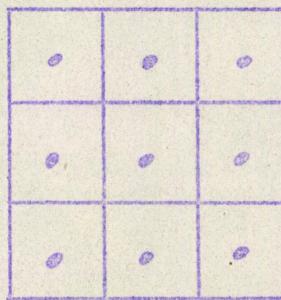
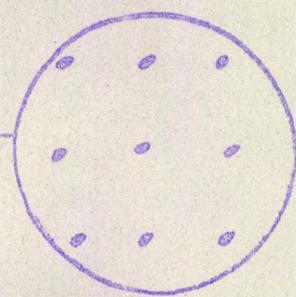
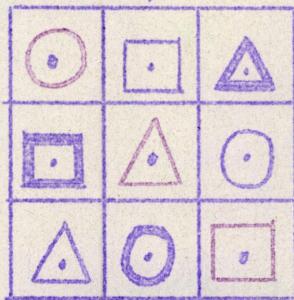


Figura 24

Série V

Ficha 9 (continuação)

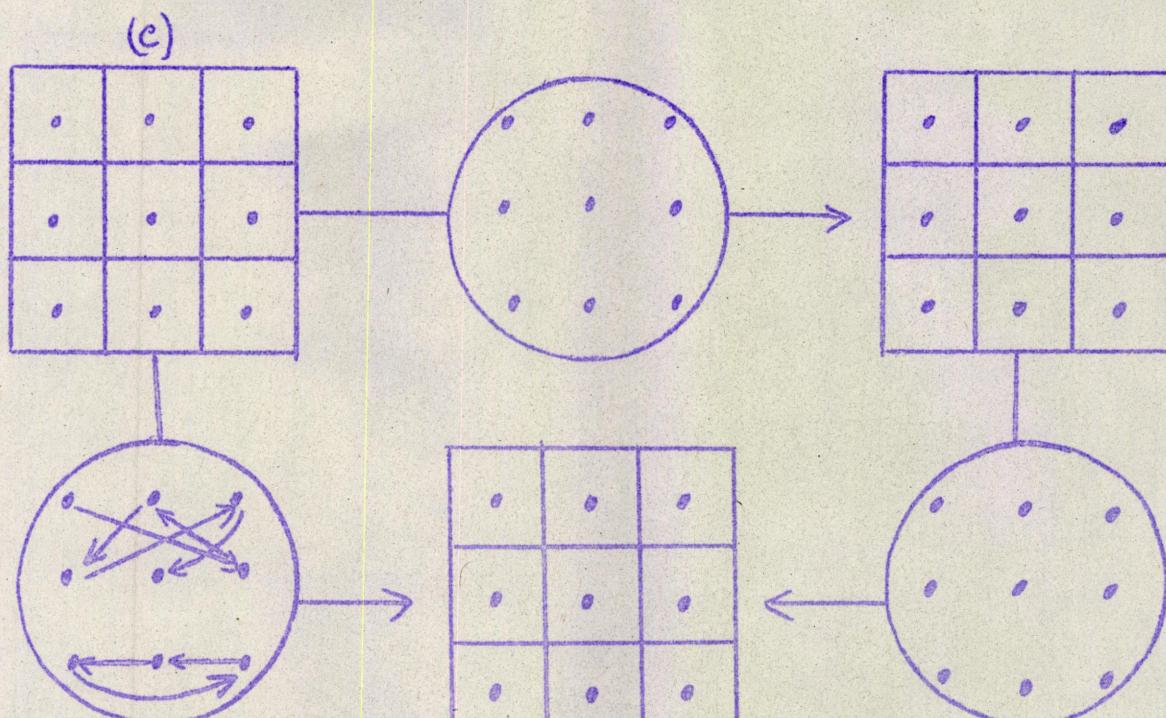


Figura 25

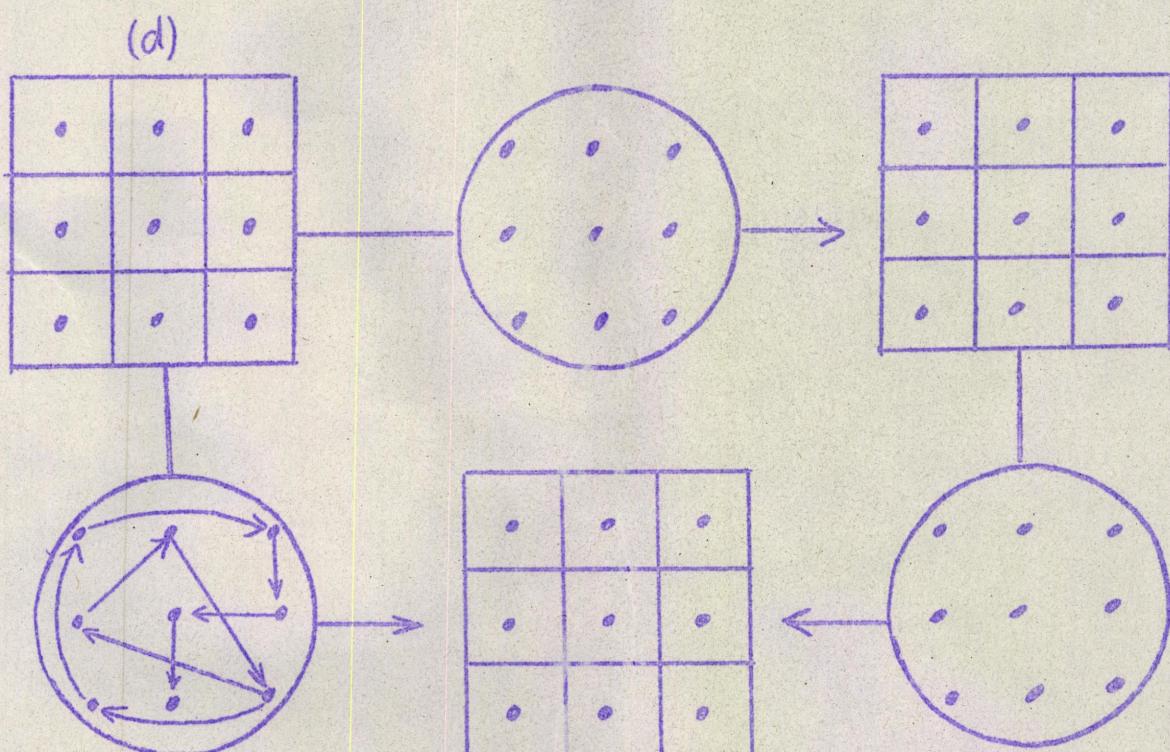


Figura 26