

Multiplicação

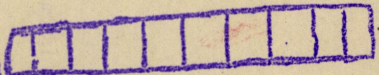
Aprofª prosseguirá o trabalho ainda com o produto 10. ~~KXX~~

- ✓ A ____ Pede que as crianças formem dois conjuntos com 5 elementos cada um e realiza o mesmo trabalho desenvolvido com 5 conjuntos de 2 elementos.
- ✓ Os alunos chegarão à igualdade $10 = 2 \times 5$
- ✓ A profª desenvolverá um trabalho oral : ____ Quantos dedos tem uma mão ? ~~KXX~~
- ✓ Cinco, responderão os alunos. ____ Quantos dedos tem duas mãos,? Quantas mãos precisamos para termos 10 dedos? Duas, responderão os alunos. ____ Quantos conjuntos de cinco classes precisamos para termos 10 classes? Dois conjuntos de 5 alunos, quantos alunos são? Quantos conjuntos de cinco lápis precisamos para termos 10 lápis? Quantas borrachas devemos ter em cada uma das duas caixinhas para termos 10 borrachas? Quantos cinco nós precisamos para termos oxi ~~o~~ 10?
- ✓ A profª conduzirá os alunos a estabelecerem a igualdade $2 \times 5 = 5 \times 2$
- ✓ Formando 5 conjuntos com dois elementos cada um, resulta.....10 elementos
- ✓ Formando 2 conjuntos com cinco elementos cada um, resulta.....10 elementos
- ✓ Então, se $5 \times 2 = 10$ e $2 \times 5 = 10$. então $5 \times 2 = 2 \times 5$ (propriedade comutativa da multiplicação)
- ✓ As crianças deverão trabalhar muito com essa propriedade para terem compreensão da mesma. Deverão estabelecer relações.

B ____ A profª pedirá aos alunos para descobrirem outros conjuntos com mesmo número de elementos que reunidos formem um conjunto com 10 elementos.

Eles deverão encontrar $10 = 10 \times 1$ (10 caixas com 1 elemento cada um)

____ Se os alunos não descobrirem, a profª deverá conduzi-los à igualdade $10 = 1 \times 10$, tomando 1 só caixa com 10 elementos.


C ____ A profª distribui barras de papelão ou de madeira  e pede que as crianças procurem tôdas as barras (ou tiras) iguais (mesmo comprimento) que unidas ponta à ponta tenham o mesmo comprimento da barra que representa o 10.

Conduzirá as crianças a organizarem o quadro do produto 10

$10 = 10 \times 1$
2×5
5×2
1×10

Eles confeccionarão um quadro que será colocado num lugar especial.

D ____ As crianças trabalharão, depois, com os produtos 8 (2×4 , 4×2 , 8×1 , 1×8) $6 (2 \times 3$, 3×2 , 6×1 , $1 \times 6)$, $4 (2 \times 2$, 4×1 , $1 \times 4)$, $2 (2 \times 1$, $1 \times 2)$ usando os processos e os materiais anteriores.

E ____ Os alunos serão levados a interpretar a simbologia da multiplicação a profª escreverá a operação no quadro, por exemplo 2×5 e pede que as crianças representem com materiais na classe, no flanelógrafo ou desenho  Verificará se de fato as crianças dão significado ao multiplicador. Perguntará às cri. : ____ Quando dizemos duas (2) vêzes, o que queremos dizer com isso

isso? quantos conjuntos devemos formar? Duas vezes cinco me diz que tenho que ter quantos 5? etc.

Assim se trabalharé com os multiplicadores 3, 5, 4, 6, 8, 10 e1.
Quando o aluno tiver compreendido bem essa operação, a profª fará o trabalho de sistematizaçã dos fatos básicos trabalhando de cada vez com um multiplicador, mas sempre a cr. estabelecendo relações, tirando conclusões e organizando seu quadro de produtos.

Muitos são os recursos que a profª pode usar, como: cartões relâmpagos, dominó, cartazes com resultados móveis, joguinhos, etc.

Multiplicação com dois algarismos no multiplicando

Condições: domínio dos fatos básicos, conceito bem firme de dezena e unidade, multiplicando e multiplicador.

a) Multiplicação sem transporte

Seja por exemplo a operação 3×12

$$\begin{array}{r} 12 \dots\dots \text{multiplicando} \\ \times 3 \dots\dots \text{multiplicador} \\ \hline \end{array}$$

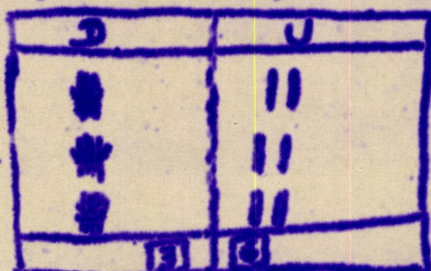
1º momento Leitura da operação pelos alunos

Significação do sinal \times significa que vamos repetir uma mesma quantidade um certo número de vezes. Assim, em 3×12 repetiremos o 12, três vezes

2º momento Representação do número 12 com material (12 elementos), antes decompondo-o: 1 dezena e duas unidades. (um conjunto dezena e dois elementos)

Nota: a classe deverá estar dividida com um cordão, portando o feixe de varetas ou saquinho de tampinhas que representa uma dezena ficará no lado esquerdo (lado das dezenas) e as duas varetas ou tampinhas ficarão no lado das unidades (lado direito).

Como o multiplicador é 3, a cr. deverá representar o material três vezes assim



3º momento Realização da operação pelo lado direito.

Assim, 3 vezes 2 elementos são elementos (põe o cartão com o numeral 6 abaixo do lado direito do cordão)

4º momento Realização da operação pelo lado esquerdo. Três vezes 1 dezena tem 3 dezenas. Coloca-se o cartão com o numeral 3, abaixo, junto ao cordão.

5º momento Leitura do resultado :

$$3 \times 12 = 3 \text{ dezenas mais } 6 \text{ unidades} = 36$$

Trabalha-se muito com material antes de trabalhar-se no quadro.

As cr. deverão desenhar no caderno as operações realizadas, desenhando os

6 - Adjetivam-se os produtos parciais.

Com um trabalho bem dirigido a professora deverá levar os alunos a oportunamente concluírem que na prática não precisam colocar os zeros finais nos produtos parciais e compreenderão a razão de cada produto parcial recuar uma casa.

Multiplicação com algarismo zero

Cuidado especial merece a multiplicação com algarismo 0, quer no fim e quer intermediário. O aluno deve perceber que o 0 dá parcelas nulas mas que é importante observar o récuo da parcela seguinte que será de duas casas e não só de uma.

$$\begin{array}{r} \text{Ex.} \quad 325 \\ \quad \times 130 \\ \hline \quad 000 \\ \quad 975 \\ \quad 325 \\ \hline 42250 \end{array}$$

na prática

$$\begin{array}{r} 325 \\ \times 130 \\ \hline 9750 \\ \quad 325 \\ \hline 42250 \end{array}$$

Para operar com o zero neste tipo ou multiplicação, o aluno deve ter trabalhado muito com fatos básicos com zero.

$$\begin{array}{l} \text{Ex.: } 5 \times 0 = 0 + 0 + 0 + 0 + 0 \\ \quad 8 \times 0 = 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 + 0 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{-----} \\ \text{-----} \end{array} \quad \begin{array}{l} 5 \times 0 = 0 \\ 8 \times 0 = 0 \end{array}$$

O aluno deve ter concluído que o zero anula um número na multiplicação.

Observação: Deve haver uma graduação das dificuldades com o zero.

c) comparação dos resultados da multiplicação por 1 e por 10, levando o aluno a verificar o que ocorre.

X " Para se multiplicar um número qualquer por 10 multiplica-se esse número por 1 e acrescenta-se o zero". Em outras palavras: -- "Para se multiplicar um número qualquer por 10, basta acrescentar um zero final a esse número."

Consequências:

1. multiplicação por 100

$$2 \times 100 = 200 \quad 3 \times 100 = 300 \quad \dots\dots$$

Generalização: " Para se multiplicar um número qualquer pela unidade (1) seguido de zeros, basta acrescentar a esse número tantos zeros quantos forem os zeros que seguirem a unidade."

2. multiplicação por dezenas

$$2 \times 20 = 40 \quad 3 \times 20 = 60 \quad 4 \times 30 = 120$$

$$(2 \times 2) = 40 \quad (3 \times 2) = 60 \quad 4 \times 3 = 120$$

B. Faz-se uma revisão da multiplicação com 1 só algarismo no multiplicador, trabalhando com mais de 1 processo.

1º processo:

a) $4 \times 12 =$ b) $3 \times 16 =$ c) $3 \times 223 =$

D	U
1	2
x	4
4	8

D	U
1	6
x	3
3+(1)	(1)8
4	8

C	D	U
2	2	3
	x	3
6	6	9

d) $3 \times 426 =$

C	D	U
4	2	6
	x	3
12	6+(1)	(1)8
12	7	8

1º passo : 3 vezes 6 unidades são 18 unidades
 $3 \times 6 U = 18 U$, mas $18 U = 1 D e 8 U$, logo a dezena vai para o lugar das dezenas.

2º passo : 3 vezes 2 dezenas são 6 dezenas.
 Mas 6 D mais 1 D que foi transportado são 7 D.

3º passo : 3 vezes 4 centenas são 12 centenas que vão no lugar das centenas.

Resultado 1278

e) $4 \times 658 =$

C	D	U
6	5	8
	x	4
24+(2)	20+(3)	(3)2
	(2)3	
26	3	2

1º passo : $4 \times 8 U = 32 U$, mas $32 U = 3 D e 2 U$
 as 3 D vão para a coluna das dezenas.

2º passo : $4 \times 5 D = 20 D$, mas $20 D + 3 D = 23 D$
 mas $23 D = 2 C e 3 D$.

As 2 C vão para a coluna das centenas.

3º passo : $4 \times 6 C = 24 C$, mas $24 C + 2 C = 26 C$

Resultado: 2632

IMPORTANTE, 2º processo.

Essas operações podem ser realizadas através da distributividade, isto é, decompõe-se o multiplicando nas suas diferentes classes e depois multiplica-se cada classe pelo multiplicador e adicionam-se os produtos parciais.

$$\begin{aligned} \text{a)} \quad 3 \times 12 &= \\ 12 &= 10 + 2 \\ 3 \times (10+2) &= \\ 3 \times 10 &= 30 \\ 3 \times 2 &= \underline{+6} \\ &36 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b)} \quad 5 \times 17 &= \\ 17 &= 10 + 7 \\ 5 \times (10+7) &= \\ 5 \times 10 &= 50 \\ 5 \times 7 &= \underline{+35} \\ &85 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{c)} \quad 3 \times 123 &= \\ 123 &= 100 + 20 + 3 \\ 3 \times (100+20+3) &= \\ 3 \times 100 &= 300 \\ 3 \times 20 &= 60 \\ 3 \times 3 &= \underline{+9} \\ &369 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{d)} \quad 5 \times 314 &= \\ 314 &= 300 + 10 + 4 \\ 5 \times (300+10+4) &= \\ 5 \times 300 &= 1500 \\ 5 \times 10 &= 50 \\ 5 \times 4 &= \underline{+20} \\ &1570 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{e)} \quad 4 \times 563 &= \\ 563 &= 500 + 60 + 3 \\ 4 \times (500+60+3) &= \\ 4 \times 500 &= 2000 \\ 4 \times 60 &= 240 \\ 4 \times 3 &= \underline{+12} \\ &2252 \end{aligned}$$

Para esse trabalho é necessário que a cr. já tenha trabalhado concretamente, isto é, com material manipulativo e tenha trabalhado com multiplicação do 10 e seus múltiplos.

C. Multiplicação com mais de um algarismo no multiplicador.

1º processo: Aplicação da propriedade distributiva da multiplicação em relação à adição.

Seja, por exemplo, a operação

$$\begin{array}{r} 123 \\ \times 13 \\ \hline \end{array}$$

1º momento - leitura e interpretação da operação

2º momento - decomposição do multiplicador

$$13 = 10 + 3$$

3º momento - realização da operação

$$\begin{aligned} 123 \times 13 &= \\ 123 \times (10 + 3) &= (123 \times 10) + (123 \times 3) \\ 123 \times 10 &= 1230 \\ 123 \times 3 &= 369 \\ 1230 + 369 &= 1599 \end{aligned}$$

Também poderia ser decomposto o multiplicando, entretanto, sempre o aluno deverá realizar a operação da maneira que lhe é mais fácil e mais agradável. Não podemos ter rigidez na técnica do cálculo. O importante é que o aluno compreenda, estabeleça relações e saiba o porquê do procedimento.

No caso da decomposição do multiplicando, teríamos:

$$123 \times 13 =$$

$$123 = 100 + 20 + 3$$

$$(100 + 20 + 3) \times 13 = (100 \times 13) + (20 \times 13) + (3 \times 13)$$

$$100 \times 13 = 1300$$

$$20 \times 13 = 260$$

$$3 \times 13 = 39$$

$$1300 + 260 + 39 = 1599$$

Ainda decompondo o multiplicador

Seja, por exemplo a operação 365
 $\times 15$

Decompõe-se o multiplicador e efetua-se a multiplicação com cada uma das parcelas que compõem o multiplicador.

Assim, teremos $15 = 10 + 5$

Efetuando a operação com base na decomposição efetuada:

$$\begin{array}{r} 365 \\ \times 15 \\ \hline 365 \times 5 \dots\dots 1825 \\ 365 \times 10 \dots\dots 3650 \\ \hline 5475 \end{array}$$

$365 \times 15 = 5475$

Regra prática:

$$\begin{array}{r} 0 \text{ D } U \\ 6 \text{ 2 } 4 \\ \times 2 \text{ 3} \\ \hline 1 \text{ 8 } 7 \text{ 2} \\ 1 \text{ 2 } 4 \text{ 8 } 0 \\ \hline 1 \text{ 4 } 3 \text{ 5 } 2 \end{array}$$

a) $23 = 20 + 3$

$3 \times 4 \text{ U} = 12 \text{ U}$, mas $12 \text{ U} = 1 \text{ D} + 2 \text{ U}$

Então, as 2 U são colocadas na coluna U 1 D fica de reserva.

$3 \times 2 \text{ D} = 6 \text{ D}$, mas essas 6D mais 1D que ficou de reserva e que é transportada para a coluna D, são 7D que vão para a coluna D.

$3 \times 6 \text{ C} = 18 \text{ C}$, mas $18 \text{ C} = 1 \text{ M} + 8 \text{ C}$. 8C vão para a coluna das centenas e 1M vai para a coluna correspondente.

b) $20 \times 4 \text{ U} = 80 \text{ U} = 8 \text{ D} + 0 \text{ U}$, então 0 U vai para a coluna das Unidades e o 8D fica na reserva.

$20 \times 2 \text{ D} = 40 \text{ D}$, mas $40 \text{ D} = 4 \text{ C} + 0 \text{ D}$. Então 0D mais 8D da reserva, que foram transportadas, são 8D que vão para a coluna das dezenas.

$20 \times 6 \text{ C} = 120 \text{ C}$ mas $120 \text{ C} = 1 \text{ M} + 0 \text{ C}$.

0 C vai para a sua coluna, mas foram transportadas 4C, então, temos 4C. 1M vai para sua coluna.

Revisado em
 05/09/98
[Assinatura]