

3º 4º 5º

Curso Técnico em Supervisão Escolar

Grupo: 541

Aluna: Wilmia H. Figueiredo



Conclusões sobre "frações geradas", após o estudo feito, através da seguinte bibliografia:

- 1º) "Guia Introdutório aos n.ºs em cores" Gattegno - pag. 33
- 2º) "Enseñanza" Monquez - pag. 103
- 3º) "Matemática Dinâmica" Waldesyr - pag. 63

Como nos é dado observar, o estudo das frações parece constituir um assunto bastante difícil, sobretudo, esta dificuldade segundo Gattegno é criada por nós, pois consideramos as frações como algo a parte, isto é, como pedacos, como partes de um todo e as operações sobre pedacos não são fáceis.

Comum sendo, é conveniente acostumar as crianças a ler os produtos de diversas maneiras, o que nos leva a conceber as frações como operadores.

Se 3 unidades de uma mesma espécie constituem uma quantidade, então, a unidade comparada ao produto, é uma fração.

Por exemplo:

$$6 = 3 \times 2 \quad \text{logo} \quad 2 = \frac{1}{3} \times 6$$

Arquitado em  
11/11/82  
Wendell  
C. L.M.

# "Fracão Operador"

Depois de termos em fontes indicadas e muitas vezes ouvirmos nossa professora falar nos sobre "fracão operador", fomos pedidos que escrevêssemos sobre este assunto.

Segundo Gattegno - Crê-se, comumente, que as frações constituem assunto difícil, mas esta dificuldade provém de que se considera as frações como pedaços, como partes de um todo e considerando-a desta forma a compreensão não é fácil.

Gattegno aconselha que se deva acostumar a criança a ver cada produto de duas maneiras.

$$5 \times 1 = 5 \text{ ou } 1 = 1/5 \text{ de } 5$$

"1/5 de" afirma Gattegno é a fracão-operador.

"Uma fração é um meio de tirar de certa grandeza uma outra que lhe seja comparável em natureza, mas que possa diferir em extensão."

"Cada fração pode pois, ser concebida como um operador, que tem uma ação sobre as grandezas."

"Assim 1/5 agindo sobre toda grandeza a substitue por 5 iguais, das quais uma é a escolhida."

Vejam os outros exemplos -

$$9 = 3 \times 3 \text{ logo } 3 = \frac{1}{3} \times 9$$

1 a fracão operador, isto é, o operador  $\frac{1}{3}$  que substitui 6 por 2, 9 por 3, etc.  $\frac{1}{3}$  opera de algum modo sobre 3, 6, 9, levando-nos ao conceito de operador, isto é, fracão operador é aquela que opera sobre uma quantidade.

$$\text{Ex: } 1 = \frac{1}{3} \text{ de } 3 \text{ ou } \frac{1}{3} \times 3 = 1$$

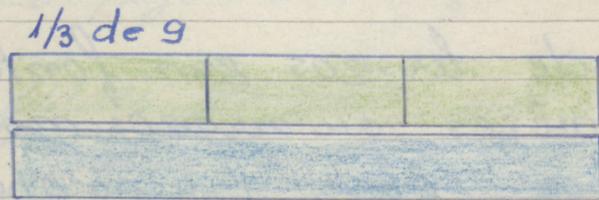
Cada fracão pode, então, ser concebida como um operador, que pratica uma ação sobre as quantidades. Assim, por exemplo,  $\frac{1}{2}$  agindo sobre toda a quantidade  $2^a$  substitui por 2 quantidades iguais das quais uma é escolhida.  $\frac{2}{3}$  agindo sobre uma quantidade  $3^a$  substitui por 3 quantidades iguais das quais 2 somente são tomadas.

## Adição de frações

O que entendemos por adição nas frações?

Adicionar frações não é a mesma coisa que adicionar números, porque se pegue um problema complicado, isto é, procure-se 1º o result. Ador das operações (aplicação de 2 frações sobre a mesma quantidade), depois juntam-se os resultados, encontrando-se a fracão particular que siga o resultado final a grandeza inicial. Assim sendo, concluímos

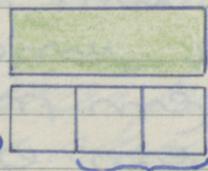
$$9 = 3 \times 3 - \text{logo } 3 = 1/3 \text{ de } 9$$



"1/3 de" - é a fração operador  
 1/3 opera sobre 9 - "1/3 de" é a fração operador que faz substituir o 9 por 3.

Assim chegamos a conceber as frações como operadores e nos habituamos a este conceito de "Operador".

O material de Cuisenaire será um grande auxiliar neste trabalho de frações. Por exemplo - a criança toma a barra verde clara e é convidada a encontrar tantas barrinhas brancas, quantas forem necessárias, para cobrir a verde - disto resultará:



1/3 de 3      2/3 de 3

Cada uma das barrinhas brancas será 1/3 da verde - logo:

$$1 = 1/3 \text{ de } 3$$

$$1 = 1/3 \times 3 \text{ ou } 1/3 \times 3 = 1$$

1/3 de - é a fração operador

Digamos que ela esteja trabalhando agora, com a barra verde escura - e com barras vermelhas -



1/3 de 6

$$6 = 3 \times 2 \quad \text{logo} \quad 2 = 1/3 \text{ de } 6$$

$$2 = 1/3 \times 6 \text{ ou}$$

$$1/3 \times 6 = 2$$

"1/3 de" é a fração operador que faz substituir o 6 por 2 - logo 1/3 opera ou atua de algum modo sobre o 6.

Assim, como procuramos demonstrar, muitos exercícios, como estes, poderão ser feitos com o auxílio das barras.

Elas auxiliarão a adquirir uma melhor compreensão das frações, do ponto de vista matemático, sem apelar para operações difíceis de realizar, pois estas operações serão feitas intuitivamente.

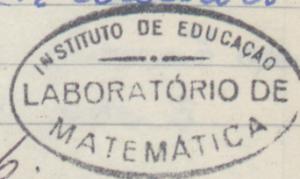
Dai a razão de Cuisenaire defender o ponto de vista de que o estudo das frações pode e deve ser iniciado no 1.º ano escolar.

Segue - Bibliografia



## "Bibliografia consultada"

- 1- Anotações de aula
- 2- Gattegno - { Eléments  
Guide Introductif
- 3- Márquez - Enseñanza
- 4- Polignafó - do Laboratório - Les nombres en couleurs



Aluna: Vera G. F. de Almeida. 1966.

que não se adicionam frações, mas os resultados das operações e que o objetivo é encontrar -  
mas uma só fração que desempenhe o  
mesmo papel que as outras duas.

$$\text{Ex: } \frac{1}{4} + \frac{1}{3} =$$

Veríamos como  $\frac{1}{4}$  de 12 e  $\frac{1}{3}$  de 12

$$\frac{1}{4} \times 12 = 3$$

$$\frac{1}{3} \times 12 = 4$$

$$3 + 4 = 7$$

Como podemos observar, o início das frações pode iniciar-se e deve, como diz Cimpennice desde o 1º ano ou ainda como podemos ver no livro 1º de Gattegno, até mesmo de uma só vez  $\frac{1}{2}$ ,  $\frac{1}{3}$ ,  $\frac{2}{3}$ , etc ainda ao nível da Escola Maternal e do Curso Preparatório.

Exemplo de alguns exercícios que poderão ser resolvidos pelas crianças.

$$\frac{1}{2} \text{ de } 2 = \dots$$

$$\frac{1}{2} \text{ de } 4 + 1 = \dots$$

$$3 - \left(\frac{1}{2} \text{ de } 2\right) = \dots$$

$$2 = \frac{1}{2} \text{ de } \dots$$

$$2 + \frac{1}{2} \text{ de } 2 + \frac{1}{2} \text{ de } 4 = \dots$$

$$5 - \left(\frac{1}{2} \text{ de } 2\right) = \dots$$

$$\frac{1}{2} \text{ de } 4 = \dots$$

$$3 + \frac{1}{2} \text{ de } 2 = \dots$$

$$4 + \left(\frac{1}{2} \text{ de } 2\right) = \dots$$



Agora, adotemos a barra vermelha, como termo de comparação e determinaremos os valores das outras barras, como por ex:

a) O que é a verde-clara da vermelha?

Como a verde clara equivale a 3 brancas e cada branca é a metade da vermelha, resulta: a verde-clara é = a 3 metades da vermelha.

$$\text{Exemplo: } 3 = \frac{3}{2} \times 2$$

Observamos, ainda, que a verde-clara equivale a uma vermelha mais a metade da vermelha.

$$3 = 2 + \frac{1}{2} \times 2$$

b) O que é a preta da vermelha?

A preta corresponde a sete brancas e como cada branca vale metade da vermelha, podemos dizer que a preta é = a sete metades da vermelha.

$$\text{Exemplo: } 7 = \frac{7}{2} \times 2$$

c) O que é a azul da vermelha?

A barra azul corresponde a nove brancas. Cada branca vale metade da vermelha. Logo a azul equivale a 9 metades da vermelha.

$$9 = \frac{9}{2} \times 2$$

— Leia e represente com as barras, as seguintes expressões:

$$\frac{1}{2} \times 2 + \frac{1}{2} \times 2$$

$$3 + \frac{1}{2} \times 2$$

$$\frac{1}{2} \times 2 + 1$$

$$\frac{3}{2} \times 2 + 1$$

$$\frac{1}{2} \times 4 + \frac{1}{2} \times 2 + 4$$

