

Laboratório de Matemática
J.E.

SECRETÁRIO DE EDUCAÇÃO E CULTURA
AIRTON SANTOS VARGAS

1979

DELEGADA DE EDUCAÇÃO

MARIA LUIZA ROTH

MATEMÁTICA 5º-a 8º série

COORDENADORA DA ASSESSORIA TÉCNICA

WILNA ZIEBNER MEDAGLIA

GRUPO DE ELABORAÇÃO:

- Gladis Constança Mantelli
- Janice de Souza Kazmierczak

- Ângela Eifler Gomes

- Professores representantes de 100 Escolas
de Porto Alegre participantes do SPOE de
Matemática

INSTITUTO DE EDUCAÇÃO GENERAL FLORES DA CUNHA

ESCOLA ESTADUAL DE 1^º E 2^º GRAU

SERVIÇO DE COORDENAÇÃO PEDAGÓGICA

5^a a 8^a SÉRIE - 1979.

SUGESTÃO DE UM PROGRAMA SERIADO DE MATEMÁTICA PARA O

1^º GRAU (de 5^a a 8^a série)

GRUPO DE ELABORAÇÃO:

. GLADIS C. MANTELLI

. JANICE DE SOUZA KAZMIERCZAK

. ANGELA EIFLER GOMES

. PROFESSORES REPRESENTANTES DE 100 ESCOLAS DE PORTO ALEGRE,

PARTICIPANTES DO S P O E DE MATEMÁTICA.

REPRODUÇÃO DE DOCUMENTO ENVIADO PELA ASSESSORIA

TÉCNICA - GRUPO FUNCIONAL DE ATIVAÇÃO E AVALLAÇÃO - 1^º D.E. - SEC.

SECRETARIA DE EDUCAÇÃO E CULTURA

1^a DELEGACIA DE EDUCAÇÃO

ASSESSORIA TÉCNICA

SUGESTÃO DE UM PROGRAMA SERIADO DE MATEMÁTICA PARA

O 1º GRAU

S U M Á R I O

1. OBJETIVOS	7
2. JUSTIFICATIVA	7
3. PROGRAMAS	9
3.1.Para 5 ^a série	9
3.2.Para 6 ^a série	15
3.3.Para 7 ^a série	21
3.4.Para 8 ^a série	27

1. OBJETIVOS

„Apresentar o resultado da compatibilização das listagens realizadas durante o Seminário Permanente de Orientação ao Ensino de Matemática, pelos professores representantes de 100 escolas das Áreas Educacionais vinculados a esta Delegacia de Educação.

„Favorecer a unidade entre os planos de todas as escolas de Porto Alegre que mantêm ensino de 1º grau da 5ª a 8ª série.

2. JUSTIFICATIVA

A flexibilidade dada pela Reforma do Ensino oportunizou às escolas a elaboração e seriação de seus programas de acordo com suas necessidades e seu corpo docente, resultando dai , uma diversidade muito grande entre as escolas da 1ª DE, o que dificultou a determinação do comportamento de saída dos alunos de 1º grau.

A presente sugestão deverá ser adaptada adequadamente à situação atual das escolas compatibilizadas com as novas diretrizes curriculares a serem emanadas da SEC e gradatamente implantadas.

3. PROGRAMAS

3.1. PARA 5a. SÉRIE

CONTEÚDOS	PRÉ- REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>I- CONJUNTO DOS NÚMEROS NATURAIS - N</p> <ul style="list-style-type: none"> . Sistema de numeração - definição - princípios . Ordenação em N . Operações em N <ul style="list-style-type: none"> - Adição - Subtração - Multiplicação - Divisão - Potenciação - Radiciação . Propriedades das Operações em N : <ul style="list-style-type: none"> - comutativa - associativa - elemento neutro - elemento absorvente - distributividade . Expressões Numéricas . Relações de Ordem : <ul style="list-style-type: none"> - ser múltiplo (ou ser divisível) - ser divisor . Critérios de divisibilidade , Números primos e compostos 	<ul style="list-style-type: none"> . Representação de números na base 10 . Semi-reta natural . Operações com conjuntos <ul style="list-style-type: none"> - União e Intersecção - Complementação - Produto Cartesiano - Partição Propriedades das Operações com conjuntos . Relações entre conjuntos. . Propriedades das relações. . Relação de ordem. 	<ul style="list-style-type: none"> . As operações em N devem estar relacionadas com as operações entre conjuntos, o mesmo ocorrendo com as suas propriedades. . A radiciação deve ser vista aqui apenas como operação inversa da potenciação e após o estudo de decomposição em fatores primos. . Observe-se que o elemento neutro deve ser bilateral. . Para o estudo de expressões numéricas se faz necessário um estudo prévio de pontuação matemática. . As propriedades das relações devem ser estudadas de maneira mais sistemática. . Divisibilidade por 2,3,5 e 10.

5a. SÉRIE

CONTEÚDOS	PRÉ- REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<ul style="list-style-type: none"> • Decomposição em fatores primos • Maximação • Minimação • Equações e inequações <p>II- CONJUNTO DOS NÚMEROS RACIONAIS NÃO NEGATIVOS Q^+</p> <ul style="list-style-type: none"> • Frações <ul style="list-style-type: none"> - próprias - impróprias - aparentes • Classe de equivalência de frações • Simplificação de frações • Redução ao mesmo denominador • Noção de número racional não negativo • Operações em Q^+ <ul style="list-style-type: none"> - adição - subtração - multiplicação - divisão • Propriedades das operações em Q^+ <ul style="list-style-type: none"> - comutativa - associativa - elemento neutro - elemento absorvente - elemento inverso - distributiva • Fração decimal e ordinária • Representação decimal de números racionais • Operações com números sob a forma ' 	<ul style="list-style-type: none"> • Sentença aberta e fechada • Relações : ser igual, ser menor e ser maior. <ul style="list-style-type: none"> • Relação de equivalência • Divisão • Minimação <ul style="list-style-type: none"> • Adição em N • Multiplicação em N <ul style="list-style-type: none"> • Propriedades das operações em N <ul style="list-style-type: none"> • Sistema decimal de numeração • Divisão inexata 	<ul style="list-style-type: none"> • Uso da variável • Relação entre variável e constante <p>Deve ser observado que a divisão em Q^+ só deverá ser vista após o estudo da multiplicação em Q e da propriedade do elemento inverso.</p>

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<ul style="list-style-type: none"> • Expressões Numéricas • Equações e Inequações III- GEOMETRIA <ul style="list-style-type: none"> • Espaço • Plano • Ponto • Reta: <ul style="list-style-type: none"> - semi reta - seguimento de reta - extremidades • Figuras planas <ul style="list-style-type: none"> - triláteros - quadriláteros • Figuras espaciais: <ul style="list-style-type: none"> - Cubo - Paralelepípedo • Medidas de : <ul style="list-style-type: none"> - Comprimento - Superfície - Volume Massa - Capacidade • Perímetro 	<ul style="list-style-type: none"> • Sentença aberta e fechada • Relações: ser igual, ser menor e ser maior <p style="text-align: center;">Noção de figura plana</p> <ul style="list-style-type: none"> • Noção de figura espacial. <p style="text-align: center;">Noção de medida</p> <ul style="list-style-type: none"> • Noção de fração • Operações com racionais não negativos <p style="text-align: center;">Adição</p>	<p>Uso da variável e constante</p> <ul style="list-style-type: none"> - Associar medidas de comprimento com distância. - Relacionar unidades de padrões com seus múltiplos. - Relacionar medidas equivalentes (ex: 1 l = 1dm³) <p>Os conteúdos deverão ser explorados, ao máximo, através de situações-problema.</p>

3.2. PARA 6^a SÉRIE

6

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>I -CONJUNTO DOS NÚMEROS INTEIROS -Z</p> <ul style="list-style-type: none"> ◦ Noção de número inteiro ◦ Ordenação em Z ◦ Representação na reta orientada ◦ Módulo ◦ Operações em Z <ul style="list-style-type: none"> - Adição - Subtração - Multiplicação - Divisão - Potenciação - Radiciação ◦ Propriedades das operações em Z <ul style="list-style-type: none"> - Comutativa - Associativa - Elemento neutro - Elemento absorvente - Elemento oposto - Distributividade <p>◦ Expressões</p> <p>◦ Equações e inequações</p>	<ul style="list-style-type: none"> ◦ Conjunto dos números naturais: - Relações - reta e ponto ◦ Operações em N <p>◦ Propriedades das operações em N</p> <p>◦ Sentenças aberta e fechada</p> <p>◦ Relações: ser igual, ser menor e ser maior.</p>	<ul style="list-style-type: none"> ◦ Pode-se iniciar nesse momento o processo prático de obtenção de uma raiz quadrada. ◦ Para o elemento neutro continua válida a observação feita em 5^a série. ◦ A propriedade do elemento oposto deve ser fundamentada na propriedade do elemento neutro da adição e na propriedade comutativa. ◦ Para expressões continua válida a observação feita em 5^a série.

CONTEÚDOS	PRÉ -REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>II- CONJUNTO DOS NÚMEROS RACIONAIS-Q</p> <ul style="list-style-type: none"> ◦ Conceito de número racional ◦ Ordenação em Q ◦ Representação na reta orientada ◦ Operações em Q <ul style="list-style-type: none"> - Adição - Subtração - Multiplicação - Divisão - Potenciação - Radiciação ◦ Propriedades das operações em Q <ul style="list-style-type: none"> - Comutativa - Associativa - Elemento neutro - Elemento absorvente - Elemento inverso - Elemento opsto - Distributividade <p>III- SENTENÇAS MATEMÁTICAS</p> <ul style="list-style-type: none"> ◦ Equações de 1º grau ◦ Conjunto universo ◦ Conjunto verdade ◦ Inequações de 1º grau ◦ Sistema de equações de 1º grau 	<ul style="list-style-type: none"> ◦ Conjunto dos números naturais e dos números inteiros ◦ Fração ◦ Reta numerada ◦ Operações em Z ◦ Minimação ◦ Propriedades das operações ◦ Elemento neutro da multiplicação ◦ Elemento neutro da adição ◦ Noção de conjunto, elemento e pertinência ◦ Propriedades das operações ◦ Relações definidas por : ser maior, ser menor e ser igual ◦ Operações em Q 	<p>Deve-se dar ênfase à representação na reta numerada de números racionais escritos sob a forma de frações próprias, impróprias e aparentes.</p> <p>Deve-se iniciar o processo prático de obtenção de uma raiz quadrada caso o mesmo não tenha sido aplicado no conjunto dos números inteiros.</p> <p>Continuam válidas as observações feitas anteriormente a respeito das propriedades das operações.</p> <p>Os sistemas de equações de 1º grau deverão ser resolvidos através dos métodos de adição e subtração.</p>

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>IV - GEOMETRIA</p> <ul style="list-style-type: none"> • Entes primitivos e derivados • Posições relativas das retas • Posições relativas entre retas e planos • Seguimentos: <ul style="list-style-type: none"> - consecutivos - colineares - congruentes • Figuras <ul style="list-style-type: none"> - côncavas - convexas • Ângulo <ul style="list-style-type: none"> - Conceito - Medida - Congruência - Classificação - Bissetriz • Círculo <ul style="list-style-type: none"> - Circunferência - Diâmetro - Corda - Arco • Posições relativas de uma reta e uma circunferência <ul style="list-style-type: none"> - Angulo central - Angulo inscrito 	<ul style="list-style-type: none"> • Noção de reta, ponto e plano • Noção de intersecção • Noção de medida • Figuras planas • Noção de interior e exterior • Segmento • Relação de inclusão • Semi-reta • Distância • Curva fechada e aberta 	<ul style="list-style-type: none"> • Os ângulos serão classificados em agudos, obtusos e retos. • Deverá ser dada ênfase à utilização dos instrumentos: régua, esquadro, compasso e transferidor. • Os conteúdos deverão ser explorados ao máximo através de situações-problema.

CONTEÚDOS	PRÉ- REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>I- RAZÃO E PROPORÇÃO</p> <ul style="list-style-type: none"> ◦ Grandezas proporcionais ◦ Regra de três simples ◦ Regra de três composta ◦ Porcentagem ◦ Juro ◦ Escala ◦ Montante <p>II- EXPRESSÕES ALGÉBRICAS</p> <ul style="list-style-type: none"> ◦ Conceito ◦ Valor numérico ◦ Polinômios - Termo - Grau - Operações: <ul style="list-style-type: none"> ◦ Adição ◦ Subtração ◦ Multiplicação ◦ Divisão Produtos Notáveis <ul style="list-style-type: none"> - Quadrado da soma - Quadrado da diferença - Produto de uma soma pela diferença <ul style="list-style-type: none"> ◦ Fatoração ◦ Frações algébricas - Conceito - Simplificação - Operações 	<ul style="list-style-type: none"> ◦ Fração ◦ Medida ◦ Operações em \mathbb{Q} ◦ Propriedades <ul style="list-style-type: none"> ◦ Variável e constante ◦ Operações em \mathbb{Q} ◦ Propriedades ◦ Potenciação <ul style="list-style-type: none"> ◦ Máximo Divisor Comum ◦ Mínimo Múltiplo Comum 	<p>◦ O montante deverá ser dado como a soma do capital com o juro.</p>

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<ul style="list-style-type: none"> • Equações fracionárias <ul style="list-style-type: none"> - Conceito - Resolução III - Geometria <ul style="list-style-type: none"> • Ângulos <ul style="list-style-type: none"> - Interior e exterior de um ângulo - Complementares e suplementares - Opostos pelo vértice - Formados por duas paralelas e uma transversal - Operações com medidas de ângulos • Polígonos <ul style="list-style-type: none"> - Conceito - Elementos de um polígono - Classificação - Número de diagonais • Triângulos <ul style="list-style-type: none"> - Conceito - Classificação - Ponto médio de um segmento - Mediana - Altura - Bisetriz - Soma das medidas dos ângulos <u>internos</u> - Soma das medidas dos ângulos <u>externos</u> - Congruência 	<ul style="list-style-type: none"> • Plano, reta, semi-reto, segmento • Noção de ângulo • Posições relativas de retas • Retas transversais • Operações com números racionais 	<ul style="list-style-type: none"> • Deve-se dar ênfase à construção de figuras, utilizando os instrumentos: régua, compasso, esquadro e transferidor. • Os triângulos devem ser classificados quanto à medida dos ângulos e quanto à medida dos lados.

3.4. PARA 8a SÉRIE

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<p>I-CONJUNTO DOS NÚMEROS REAIS - R</p> <ul style="list-style-type: none"> • Conjunto dos números racionais e irracionais • Radicais • Operações • Propriedades <p>II-EQUAÇÕES</p> <ul style="list-style-type: none"> • Equações de 2º grau <ul style="list-style-type: none"> - Conceito - Resolução • Equação literal • Equação irracional <p>III-FUNÇÕES</p> <ul style="list-style-type: none"> • Sistema de coordenadas no plano • Domínio • Imagem • Função <ul style="list-style-type: none"> - Linear - Quadrática • Representação gráfica <p>IV-GEOMETRIA</p> <ul style="list-style-type: none"> • Semelhanças • Medidas de segmentos • Razão entre as medidas de dois segmentos • Segmentos proporcionais 	<ul style="list-style-type: none"> • Reta numerada • Operações em \mathbb{Q} <p>• Polinômio</p> <p>• Grau de um polinômio</p> <p>• Produto Cartesiano</p> <p>• Noção de perpendicularismo</p> <p>• Relação</p> <p>• Equação de 1º grau</p> <p>• Entes primitivos</p> <p>• Ângulos</p> <p>• Polígonos</p> <p>• Medida</p> <p>• Posição relativas das retas</p>	<p>Observe-se que a unidade sobre funções será retomada no 1º ano do 2º grau e, portanto, não precisa ser esgotada.</p>

CONTEÚDOS	PRÉ - REQUISITOS	OBSERVAÇÕES
<ul style="list-style-type: none">•Quadriláteros• Conceito•Classificação•Soma das medidas dos ângulos internos•Soma das medidas dos "ângulos		<ul style="list-style-type: none">•Os quadriláteros devem ser classificados em paralelogramos e trapézios.•Os conteúdos devem ser explorados ao máximo, através de situações problema.

Janice

Instituto de Educação General Flores da Cunha

MATEMÁTICA

Elaboração

Professoras:

- Ana Maria Beltrão Gigante
- Anilda Orlandini
- Elaine Vieira Thomaz - Coordenação de Área
- Elsa G. Netto
- Emilia Eni Winckler
- Laé Machado Brasil
- Léa Volquind
- Leila Baratojo
- Lizete Wolkind
- Maria Celeste Koch
- Maria Rejane Ferreira da Silva
- Marilis Ricciardi
- Nilva E. da Silva Pereira
- Zilá P. Franco

Coordenação Geral:

- Regina Ávila
- Janice de Souza Kazmierczak

De acordo com o Parecer 853/71

"A Matemática tem por função tornar o educando capaz de explicar o meio próximo e remoto que o cerca e atuar sobre ele, desenvolvendo para tanto o espírito de investigação, invenção e iniciativa, o pensamento lógico e a noção de universalidade das leis científicas e matemáticas."

Objetivo geral da Matemática na Escola

"Capacitar os estudantes no uso de métodos e princípios matemáticos para a resolução de problemas (uso de variáveis e símbolos, sistematização, codificação e decodificação, construção de algoritmos, generalização e especificação, raciocínio indutivo e dedutivo, aceitação e utilização do pensamento crítico e reflexivo como ferramenta importante das atividades matemáticas)."

Justificativa

- A aprendizagem deve estar ligada à realidade e é impossível abranger todos os conhecimentos e informações, sendo necessário, pois, saber selecionar.
- O progresso tecnológico diminui a necessidade da mecanização e faz crescer a necessidade do pensamento lógico e criador.
- O essencial para o aluno é adquirir método de estudo e trabalho.
- A Matemática deve ser tratada como um todo e não como um processo mecânico de resolver problemas.
- É necessário atender às recomendações formuladas nos últimos congressos internacionais e nacionais, bem como as diretrizes curriculares da SEC/RS.
- A aprendizagem somente se efetiva quando ocorre a integração professor/aluno.

Temos como Objetivos Gerais:

na Área de Ciências:

proporcionar ao aluno o desenvolvimento do espírito e atitudes científicas e a utilização das estruturas fundamentais das ciências na resolução de situações reais, através do uso adequado de técnicas de linguagem e outros instrumentos de análise científica.

na Matemática:

- desenvolver o raciocínio lógico indutivo e dedutivo;
- desenvolver a capacidade de analisar situações reais e de resolver problemas por meio do pensamento reflexivo;
- desenvolver a capacidade de organizar os conceitos essenciais que estruturam a Matemática;
- desenvolver habilidades de cálculo numérico, algébricas e geométricas;
- orientar o aluno a conhecer e utilizar adequadamente a linguagem matemática;
- estimular no aluno a criatividade;
- desenvolver no aluno hábitos de atenção, organização e perseverança.

OBJETIVOS GERAIS DE 5^a À 8^a SÉRIE

I. TEORIA DE CONJUNTOS

Utilizar os conceitos, a notação e as relações da teoria de Conjuntos em todos os conteúdos matemáticos.

II. ARITMÉTICA

Operar nos diferentes conjuntos numéricos, aplicando as propriedades das operações neles definidas.

III. ÁLGEBRA

Operar com polinômios e solucionar equações através da transferência de métodos e processos e da aplicação das propriedades das operações numéricas.

IV. GEOMETRIA

Relacionar ponto, reta, plano,^e e seus elementos e, aplicar estas relações na resolução dos problemas do plano e do espaço.

OBJETIVOS ESPECÍFICOS DE 5^a SÉRIE

- 1 - Determinar produto cartesiano de conjuntos, identificando e caracterizando relação como subconjunto desse produto cartesiano.
- 2 - Construir o conjunto dos Números Naturais.
- 3 - Estabelecer relações entre subconjuntos de \mathbb{N} , aplicando os conceitos, as relações e a notação da teoria de Conjunto.
- 4 - Operar em \mathbb{N} , utilizando as propriedades das operações na resolução de expressões numéricas e problemas.
- 5 - Operar com frações, determinando o m.m.c. de 2 ou mais números, através da decomposição desses números em fatores primos.
- 6 - Caracterizar as unidades de medida de comprimento, massa, tempo, utilizando-as na resolução de problemas.

GEOMETRIA de 5^a a 4^a Série

- Explorar as relações entre ponto, reta, plano, e seus elementos.
- Identificar, caracterizar e relacionar as figuras planas ^{e espaço} e de acordo com suas propriedades, constituindo-as através do uso de instrumentos específicos.
- Estabelecer relações entre os elementos das figuras, através das medidas.
- Utilizar as noções geométricas para equacionar problemas.

OBJETIVOS DE 7^a SÉRIE

- 1 - Operar em \mathbb{Z} e \mathbb{Q} , utilizando as propriedades das operações neles definidas.
- 2 - Aplicar as propriedades das operações no cálculo de expressões numéricas.
- 3 - ~~Aplicar~~ Caracterizar equações de 1º grau, resolvendo situações problemas, utilizando eq. de 1º grau.
- 4 - Identificar expressões algébricas, caracterizando-as.
- 5 - ~~Operar com polinômios~~ Resolver expressões algébricas, operando com polinômios.
- 6 - Fatorar expressões algébricas, aplicando as operações e as regras de simplificação.
- 7 - Simplificar as exp. algébricas aplicando as regras de fatoração, Objjetivos da 8^a série 8. Resolver eq. frac. de 1º. grau

1. Identificar a estrutura de \mathbb{R} , relacionando seus elementos.
2. Operar em \mathbb{R} , resolvendo situações-problemas.
3. Resolver situações que envolvam equações e sistemas de 2º grau ou redutíveis ao 2º grau.

OBJETIVOS ESPECÍFICOS DE 6^a SÉRIE

- 1 - Conceituar número racional como uma classe de equivalência de $N \times N$.
- 2 - Operar em \mathbb{Q}_+ .
- 3 - Caracterizar as propriedades das operações em N e \mathbb{Q}_+ , aplicando-as no cálculo de expressões numéricas.
- 4 - ~~Caracterizar equações de 1º grau nos universos N e \mathbb{Q}_+ .~~
Aplicar as prop. das op. na resolução de
das relações
- 5 - Conceituar número inteiro como uma classe de equivalência de $N \times N$.
- 6 - Construir \mathbb{Z} e \mathbb{Q} , utilizando a correspondência entre relação de equivalência e partição.
- 7 - Resolver situações problemas utilizando o cálculo do perímetro, área e volume.

