

INSTITUTO DE EDUCAÇÃO "GENERAL FLORES DA CUNHA".

CURSO DE DIDÁTICA DA MATEMÁTICA MODERNA - DEE.

PSICOLOGIA.

1971.

O CONCEITO DO NÚMERO - SUA DESCOBERTA PELA CRIANÇA.

PIAGET afirma que a criança parte de um nível de confusão total, sem noção alguma de que o número realmente significa - mesmo quando pode contar até 10 ou 20.

É um nível em que o número está completamente misturado com a dimensão, a forma e a disposição, ou varia a cada momento, segundo o modo em que se subdivide ou soma.

O que se requer para que a criança aprenda o verdadeiro significado do número, isto é, para dissociá-lo da FORMA e do TAMANHO, da DISTRIBUIÇÃO ESPACIAL e de ORDENAMENTO, e localizá-lo no âmbito peculiar que lhe é próprio?

É necessário que a criança DESCOUBRA SOZINHA que este âmbito que é próprio ao número é aquele em que:

- cada número CONSERVA seu próprio caráter, por mais que se separem seus elementos, e logo se reuna os mesmos de modos diferentes, ou por mais que se divida, agrupe ou reagrupem;
 - um número deve permanecer idêntico, com independência do que se faça com ele, desde que não se acrescente ou subtraia algo;
 - que qualquer coisa que se tenha feito com ele, sempre se pode fazer o processo inverso, e voltar ao ponto de partida, ou seja,
- SEMPRE PODEMOS INVENTER O PROCESSO, pois são REVERSIVEIS.

Na maioria das crianças de 4 a 5 anos, não se encontra siqueir larges de semelhante noção - mesmo quando são capazes de contar com liberdade até 10, e mesmo até 20. E toda tentativa que façamos de transmitir esta ideia, enfrenta uma cabal incompreensão ou um firme rechaço por parte da criança.

Na idade média de 5 a 6 anos, só encontramos começos de tentativa, e algumas primeiras manifestações da capacidade para responder a sugestões ou insinuações reiteradas.

As experiências realizadas por Piaget põem em manifesto que num estádio - 6 anos e meio a 7 anos e meio ou 8 anos, mais ou menos, já está presente toda a ideia básica, e num nível de números mais baixos, isto é, no nível em que a criança não se perde entre os símbolos que não lhe são familiares, já pode manejar as diversas relações que a situação exige.

Exemplificando: Neste estádio, a criança pode ver como é possível dividir das mais variadas maneiras um número como o 12, sem que por isso deixe de ser só o 12, em qualquer momento.

A criança já alcança, também, separar todos os elementos não numéricos e carentes de significação, como a localização no espaço, a forma e o tamanho, que tanto a confundiam um ou dois anos antes (quando no 2º estádio), e que a impediam de adquirir o sentido do número.

Portanto, é neste 3º momento ou fase evolutiva que a ideia de número, e todas as operações relacionadas com ela, realmente vêm a formar um esquema organizado na mente da criança.

Não podemos esquecer, que ainda se trata de uma conquista funcional e operacional, e não uma conquista verbal.

Isto significa que a criança pode USAR de modo correto a noção de número, e recorrer às relações que necessita, mas não será capaz de expressar formalmente os princípios que dirigem a sua prática.

AS EXPERIÊNCIAS DE PIAGET

Todas as experiências foram organizadas como situações de jogo às quais as crianças reagem com interesse e entusiasmo, e, nos limites de suas capacidades, com disponibilidade e cooperação. A maioria das situações foram ideadas com muito engenho e com compreensão dos hábitos das crianças pequenas, com a finalidade de lhes parecerem o mais naturais possível, pelo menos para iniciar e alcançar a participação das crianças. No que se refere aos números cardinais, uma das formas principais em que Piaget e seus colaboradores puseram à prova a existência de alguma ideia dos números como tal, consistiu em variar a forma, o tamanho aparente, a localização espacial e a distribuição de um grupo que as próprias crianças haviam contado, e logo ver se elas se fixavam ou não no número que correspondia segundo a situação. Outro método consistiu em provar se podiam realizar algo tão simples como fazer coincidir um grupo particular que haviam contado com outro igual em número, seja tomando um membro de cada grupo por vez ou de qualquer outro modo que preferissem. Um 3º conjunto de provas consistiu em ver se as crianças podiam reordenar duas pilhas desiguais de objetos de maneira que ficassem iguais, ou apreciar algo tão elementar como que 2 séries iguais de coisas permaneciam iguais ainda quando eram subdivididas de modo diferente.

Portanto, a finalidade de todas essas experiências era ver se a criança havia passado realmente de contar à IDÉIA de número. Podia PENSAR em termos de número, ou COM números, ou EMPREGÁ-LOS como ideia? Tinha já o número como tal algum significado para ela? Considerava naturalmente o contar como uma maneira de controlar o número? E quando contava de um em um, tinha alguma noção da unidade como unidade, do número como composto de unidades, e de dois números iguais como compostos de unidades que se correspondiam?

Poderemos refazer as experiências, e alcangaremos às nossas próprias respostas às perguntas acima, pelos resultados alcançados e observados na situação experimental, com crianças de diferentes idades.

EXPERIÊNCIA COM AS QUANTIDADES CONTÍNUAS

Toda compreensão, seja em nível científico ou em nível de sentido comum, pressupõe um sistema de princípios de constância. Esta é uma das ideias fundamentais. O pensamento matemático requer esta regra. Uma quantidade, por exemplo, de um líquido, ou uma coleção de objetos, só é concebível se o seu valor total permanece constante, qualquer que sejam as modificações que se introduzem na relação que os elementos mantêm entre si. A operação que conhecemos como grupo de permutações, mostra precisamente a possibilidade de realizar muitas modificações nas unidades sem alterar o tamanho total. Isto é o que se conhece como "invariância" do número. Em forma semelhante, uma quantidade contínua, como uma medida de longitude ou de volume, só pode ser utilizada pela mente na medida em que permaneça constante com independência das diferenças na distribuição de suas partes. Mas... será que esta ideia de permanência está presente na mente da criança desde o nascimento, sendo a base sobre a qual se controem as noções de número e de quantidade? Será parte da estrutura essencial da mente, uma espécie de ideia inata que surge com o primeiro funcionamento intelectual, com o 1º contato com a experiência? Ou será que se desenvolve apenas gradualmente?

A TÉCNICA DA EXPERIÊNCIA é a seguinte (para estudar este problema, e responder a estas perguntas):

A Cada criança que se submete ao teste apresenta-se 2 recipientes cilíndricos semelhantes, de igual tamanho e que contêm uma quantidade igual de líquido colorido. Depois, passa-se o conteúdo de um dos recipientes a dois recipientes semelhantes, mas menores, e se pergunta à criança se a quantidade de líquido permanece igual à do recipiente em que não se tocou, que ficou como quadro de referência. Pode-se continuar a experiência despejando o conteúdo de um dos recipientes menores, em dois iguais, mas ainda menores que este, fazendo novamente as perguntas.

O problema se apresenta em diversas formas, mas sempre em termos de CONSERVAÇÃO - ou NÃO-CONSERVAÇÃO - da igualdade com o líquido do recipiente que permanece idêntico (que permanece como quadro de referência).

Os resultados mostram que encontramos três etapas evolutivas:

- 1º - Um estágio no qual a criança considera como natural que a quantidade de líquido varie segundo a forma e as dimensões dos recipientes em que o líquido é despejado;
- 2º - Um período de transição e de elaboração, em que a noção de conservação se constitue progressivamente. Ela começa a aparecer, mas a criança a descobre EM ALGUNS CASOS, e não a descobre em outros, segundo a diferença dos recipientes.

3º - Neste estágio ou etapa, a criança afirma desde o começo, e sem duvidas, a conservação, independentemente do número ou da natureza dos transvasamentos efetuados. No momento em que a criança descobre a invariância, ela a afirma como uma coisa tão simples e tão evidente que parece independente de qualquer multiplicação das relações e de qualquer participação.

Em cada uma das experiências, e em cada variação delas, houve uma quantidade de crianças classificadas por Piaget como sendo da ETAPA 1, em sua maioria crianças de 4 a 5 anos, MAS TAMBÉM ALGUMAS MAIORES, que se mostravam completamente confusas. Mas encontrou outros que podiam dar as respostas corretas quando eram ajudados pela percepção e o método de ensaios e erro, AINDA QUE VOLTAVAM À ETAPA 1, apenas as apariências se tornavam desfavoráveis, ou, de algum modo, apresentavam obstáculos; Estes, que em sua maioria tinham entre 5 e 6 anos, APESAR DE QUE ALGUNS ERAM MENORES, E OUTROS MAIORES, representam a ETAPA 2, ou ETAPA DE TRANSIÇÃO, assinalada por PIAGET. Por último, uma quantidade de crianças, que em sua maioria tinham entre 6 e 7 anos, demonstraram ter REALMENTE A IDÉIA de que o número significa ao dar as respostas evidentes, e considerar a conservação como necessária, supondo, desde o começo, que a quantidade de líquido é constante.

Ao passar ao plano da interpretação, surge o problema de SE A IDÉIA DE CONSTÂNCIA DA QUANTIDADE NÃO ESTÁ EM INTIMA RELAÇÃO COM A IDÉIA MESMO DE QUANTIDADE. A criança não chega primeiro à ideia de quantidade, e logo à ideia de que ela permanece constante. Só chega a apreender a significação da quantidade quando é capaz de compreender a ideia de totalidades que podem permanecer constantes. No 1º nível, a quantidade é simplesmente uma rudimentar distinção perceptual entre o mais e o menos, o mais alto e o mais largo. As verdadeiras relações dimensionais não se compreendem, posto que não é possível relacioná-las entre si mediante as operações de adição e multiplicação. Na segunda etapa, a criança alcança a noção lógica de quantidade, mas não alcança a possibilidade de medi-la por meio de unidades. Ao alcançar a 3º etapa, a criança está preparada para ter a ideia de uma quantidade total e estável, que pode medir-se mediante unidades e é independente das meras diferenças na aparência ou distribuição. Só este último descubrimento torna possível o verdadeiro desenvolvimento da ideia do número.

Texto elaborado e adaptado pela Prof. SARAH KNIJNICK IANKILEVICH.
Bibliografia:

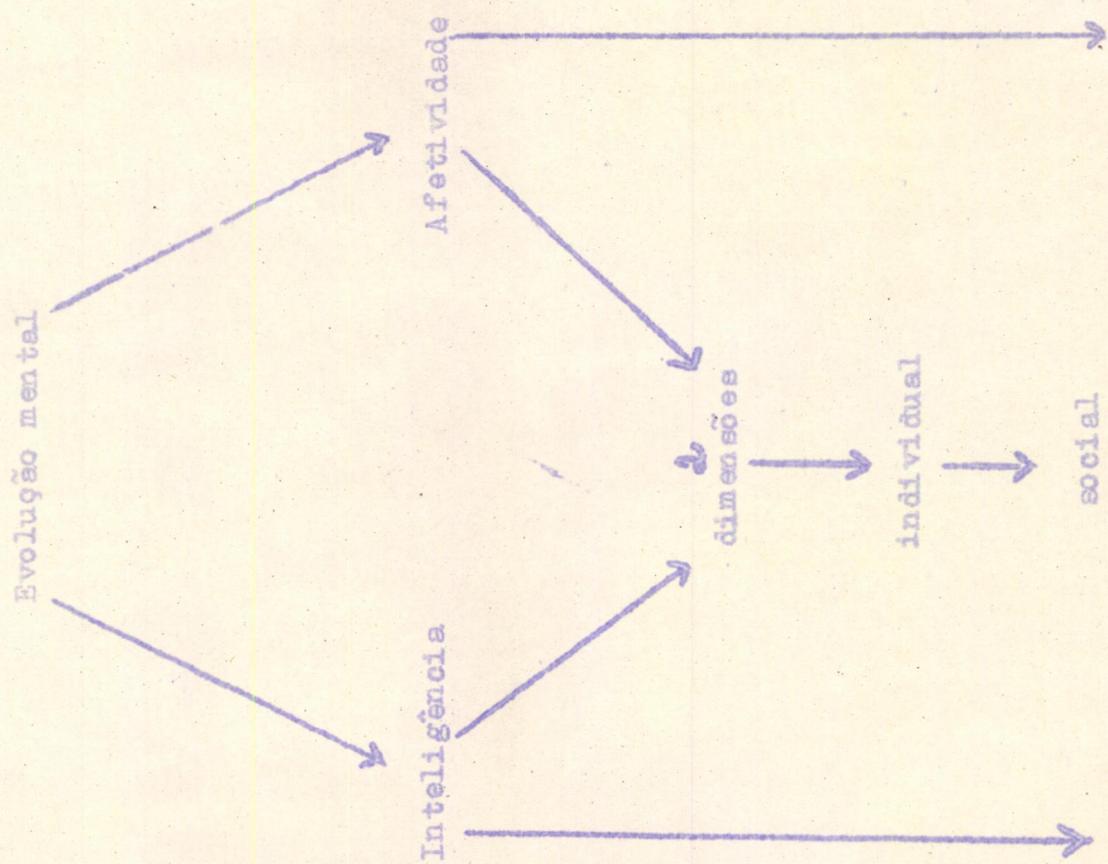
LAWRENCE, THEAKSTON y ISAACS - La comprensión del número y la educación del niño según Piaget. Ed. Paidós.

Isaacs, N.~ Nueva luz sobre la idea de número en el niño. Ed. Paidós.

Marquez, A.D.~ La enseñanza de las matemáticas por el método de los números en color o método Cuisenaire. Ed. El Ateneo.

*** *** *** *** *** *** *** *** ***

IDADE DO BEBÊ



"O desenvolvimento é uma equilíbrio progressiva, uma passagem contínua de um estado de menor equilíbrio para um estado de equilíbrio superior."

PIAGET

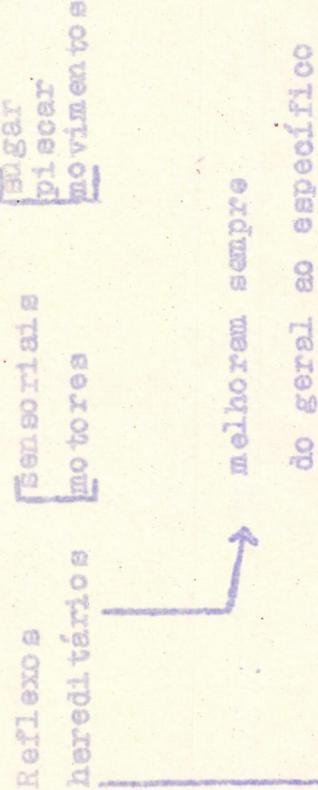
1º Estágio:

Reflexos hereditários
Sensoriais
motorias

Enger
piscar
movimento s

O Estágio:

1. dos reflexos
2. da organização, das percepções e hábitos.
3. da inteligência senso-motora.



melhorem sempre

do geral ao específico

Pronunciam a assimilação mental
pela

SUCESSO

2º Estágio:

- Sucção sistêmática do polegar.

- Virar a cabeça na direção de um ruído.
- Seguir um objeto em movimento.

Hábitos

- Reconhecer certas pessoas em posição a outras (sem noção de pessoa ou objeto como tal).

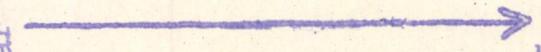
Percepções

- Capacidade de manipulação (novos hábitos)

Como se constroem esses conjuntos?

(Hábitos e percepções)

Reação Circular



Forma evoluída de assimilação

[esquemas
senso-motores]

Conjunto motores
Conjuntos perceptivos

Como se constróem êsses atos de inteligência prática

3º Estágio:

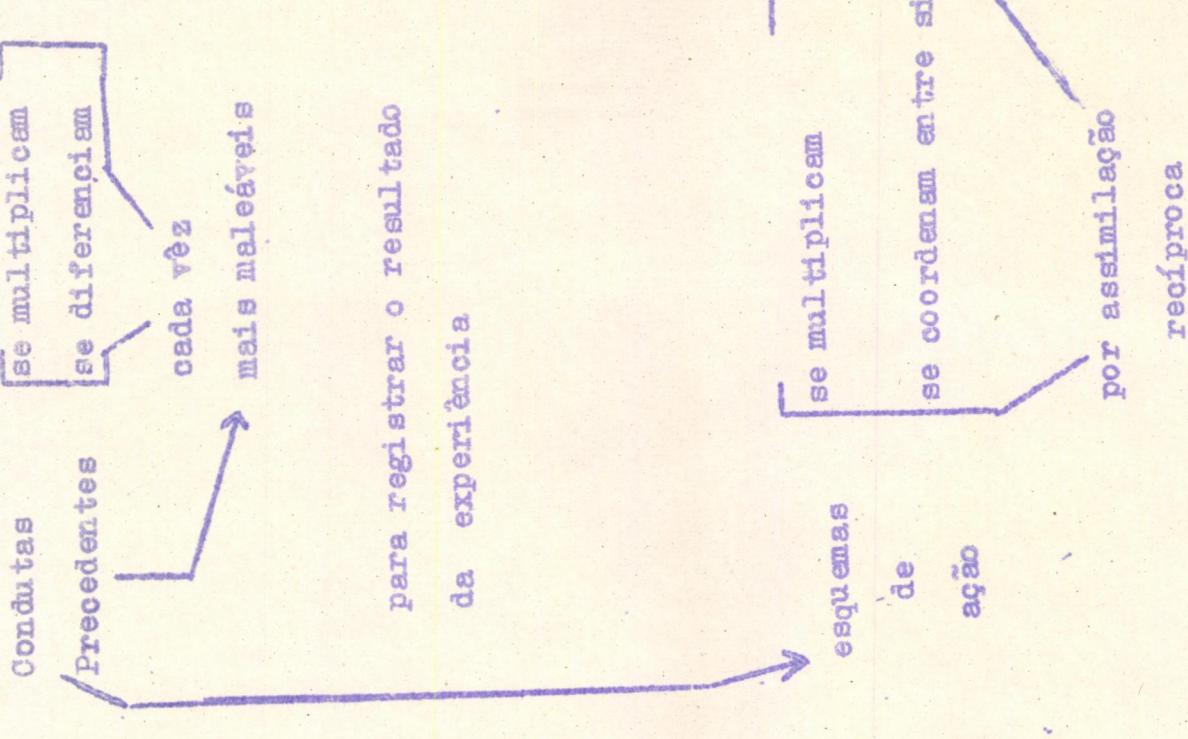
Inteligência prática

(anterior à linguagem)

Manipulação do objeto

12 meses: Puxar o suporte

18 meses: Puxar um objeto com a varreta



Construção de categorias de objetos:

- a) Não reconhece objetos propriamente ditos.
- b) Reconhece quadros sensoriais familiares, mas não os situa no espaço, quando fora do campo da percepção.
- c) No comêgo, pega objetos sem intenção de ir buscá-los.
- d) Procura os objetos numa situação de conjugto, e não como objetos independentes.
- e) Após o 1º ano busca os objetos, quando estes saem fora do campo de percepção.

O B E B E

Início da exteriorização do mundo material.

Saída do ego - centroismo integral para a elaboração final de um universo exteriorizado.

(suas percepções)

experiência objetiva.

Características da evolução intelectual, nos dois primeiros anos

2 - Construção do espaço prático:

- a) No começo há tantos espaços quanto os domínios sensoriais ligados a atividades e movimentos.
- b) No fim do 2º ano, está construído o espaço geral, contendo objetos reais e intencionados entre si, incluindo o próprio corpo. A elaboração especial é devida à coordenação de movimentos e tem estreita relação com o desenvolvimento da inteligência sensor-motora.

3 - A percepção da causalidade:

- a) Inicialmente é ligada à atividade em seu egocentrismo. É uma ligação que fica fortuita, por muito tempo, entre um resultado empírico e uma ação qualquer.
- b) No fim do 2º ano, reconhece as relações de causalidade dos objetos entre si → objetivização e especialização das causas.

4 - As Séries Temporais:

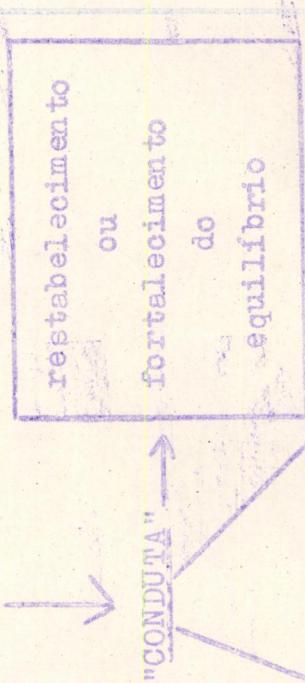
Sua objetivização é paralela à de causalidade. Permite à inteligência sensor-motora, sair de seu egocentrismo radical e inconsciente para se situar em um "universo" não importando quão prático e pouco reflexivo ele seja.

VIDA AFETIVA

Recém-nascido; lactante.



elemento fundamental



"CONDUTA"

SUPÓ:

IMPLICA:

Instruméntos ou uma técnica

modificações

- valôres finais
(sentimentos)

movimentos intelectuais

inteligência
afetividade

1º Estágio: técnicas reflexas

Impulsos instintivos elementares

Reflexos afetivos → emoções primárias

sistema fisiológico das

atitudes ou posturas:

- perda de equilíbrio
- contraste entre um acontecimento fortuito e a atitude anterior

2º Estágio: percepções e hábito e

início da inteligência sensorimotora

sentimentos elementares ou
afetos perceptivos ligados às várias formas de atividades pró-prisias:

egocentrismo geral

- agradável
- prazer
- desagradoável
- dor

indissociáveis → componentes da conduta humana

inteligência afetividade

sentimento de sucesso

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

-

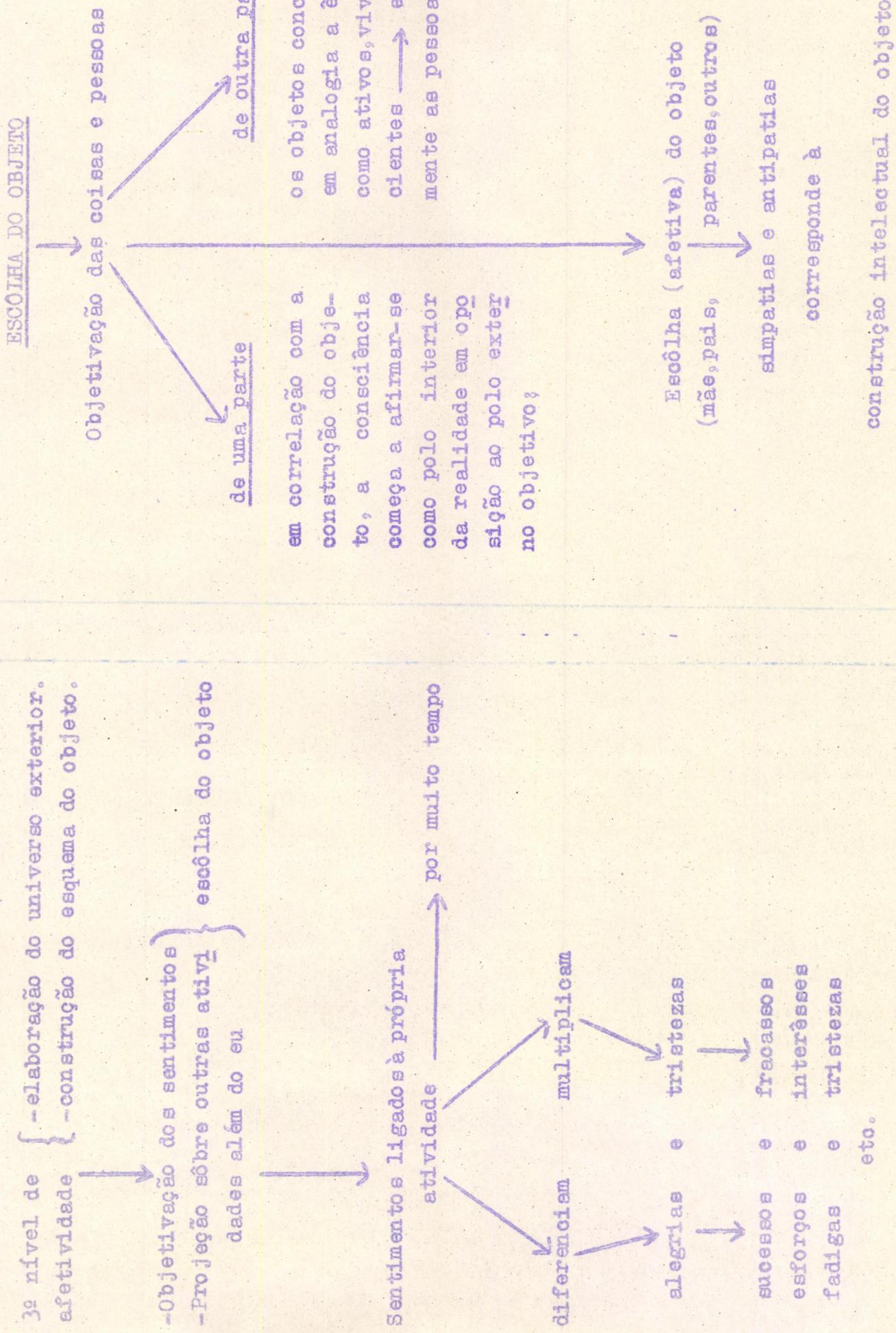
-

-

-

3º Estágio: inteligência sensor-motora

3º nível de afetividade
 - elaboração do universo exterior.
 - construção do esquema do objeto.
 -Objetivação dos sentimentos
 -Projecção sobre outras atividades além do eu



4º Estágio - 2 a 7 anos

aparecimento
da
linguagem

→ traz

profundas modificações na

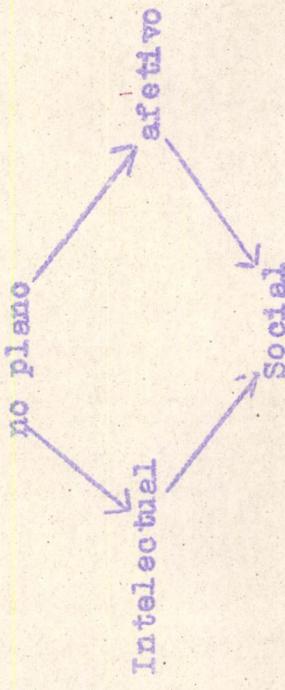
Características:

- INTELIGÊNCIA INTUITIVA

- SENTIMENTOS INTERINDIVIDUAIS
ESPONTÂNEOS

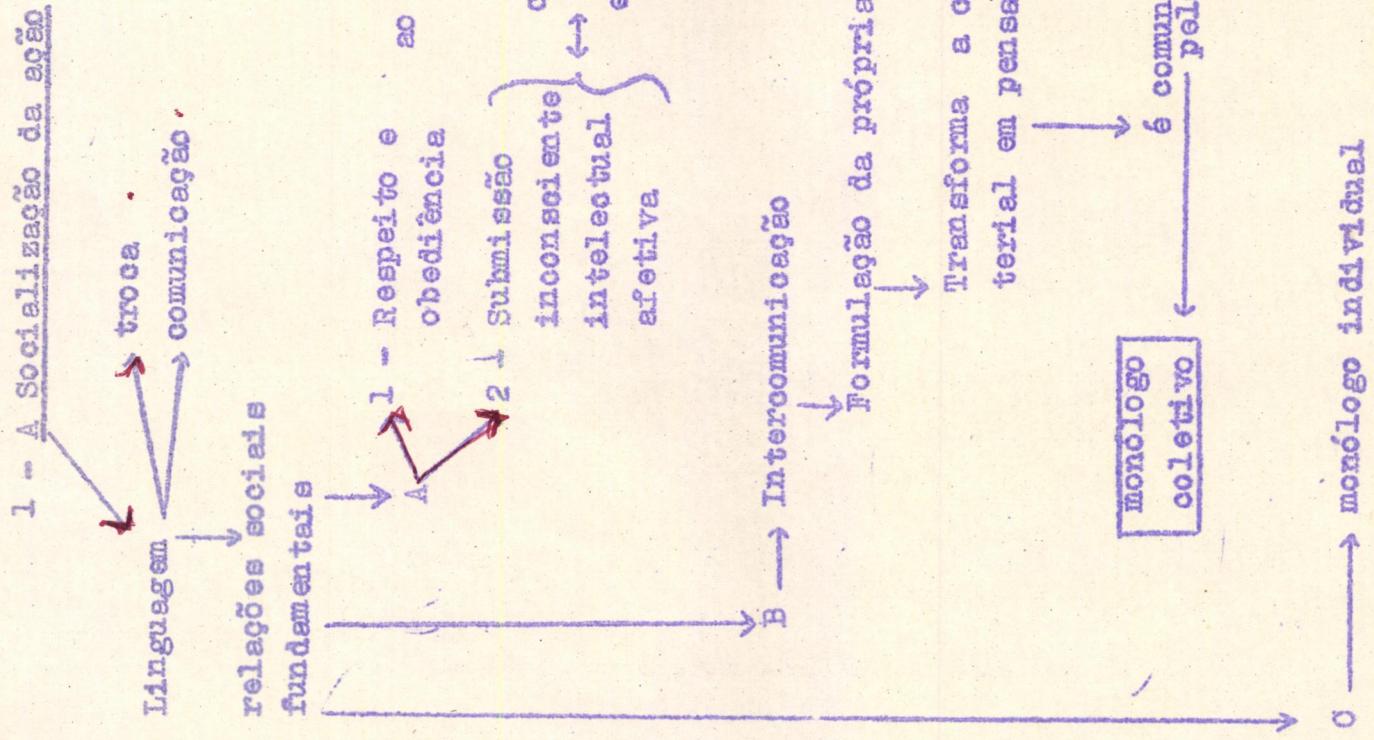
- RELAÇÕES SOCIAIS DE SUBMISSÃO
AO ADULTO.

conduita



- Reconstrói as ações passadas -
(narrativas)
- Antecipa as ações futuras -
representações verbais

Consequências →



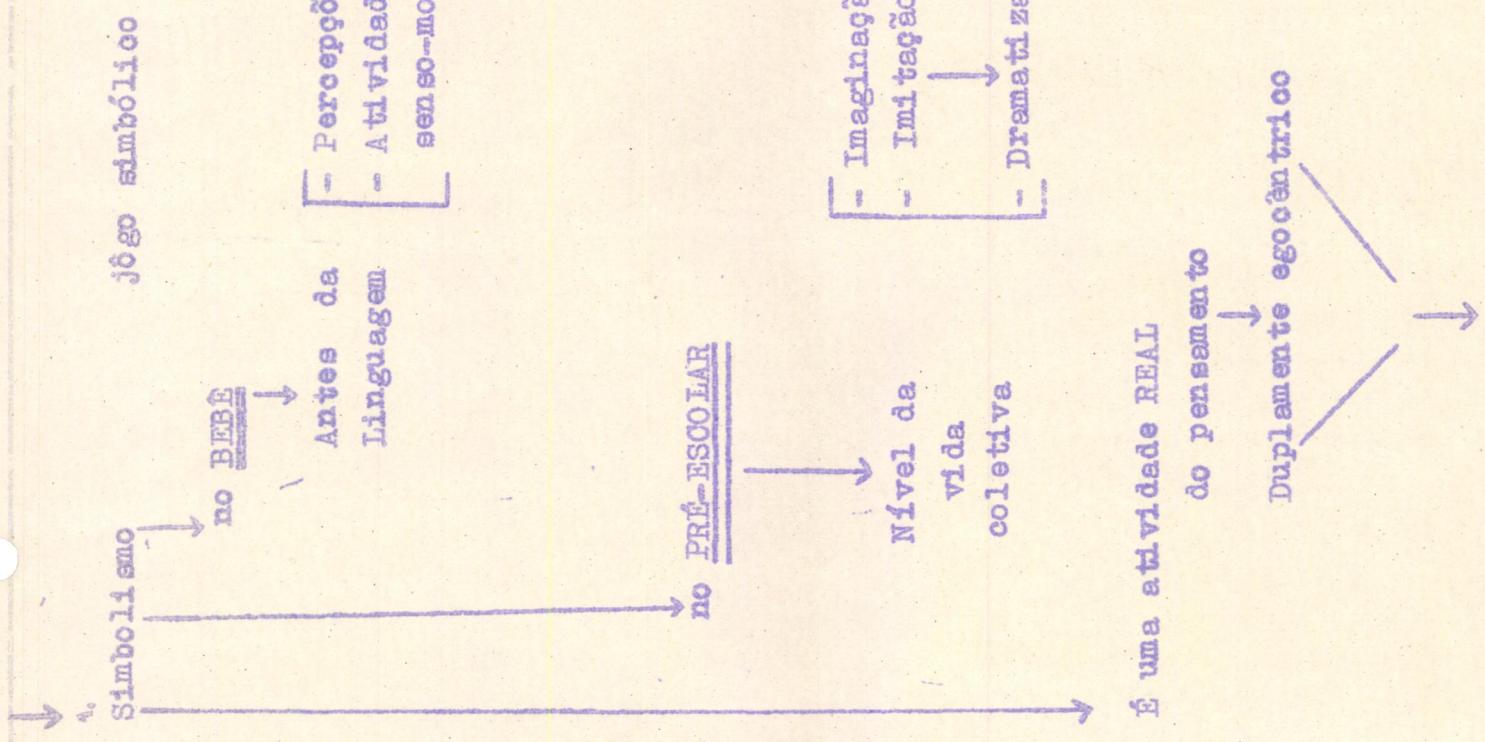
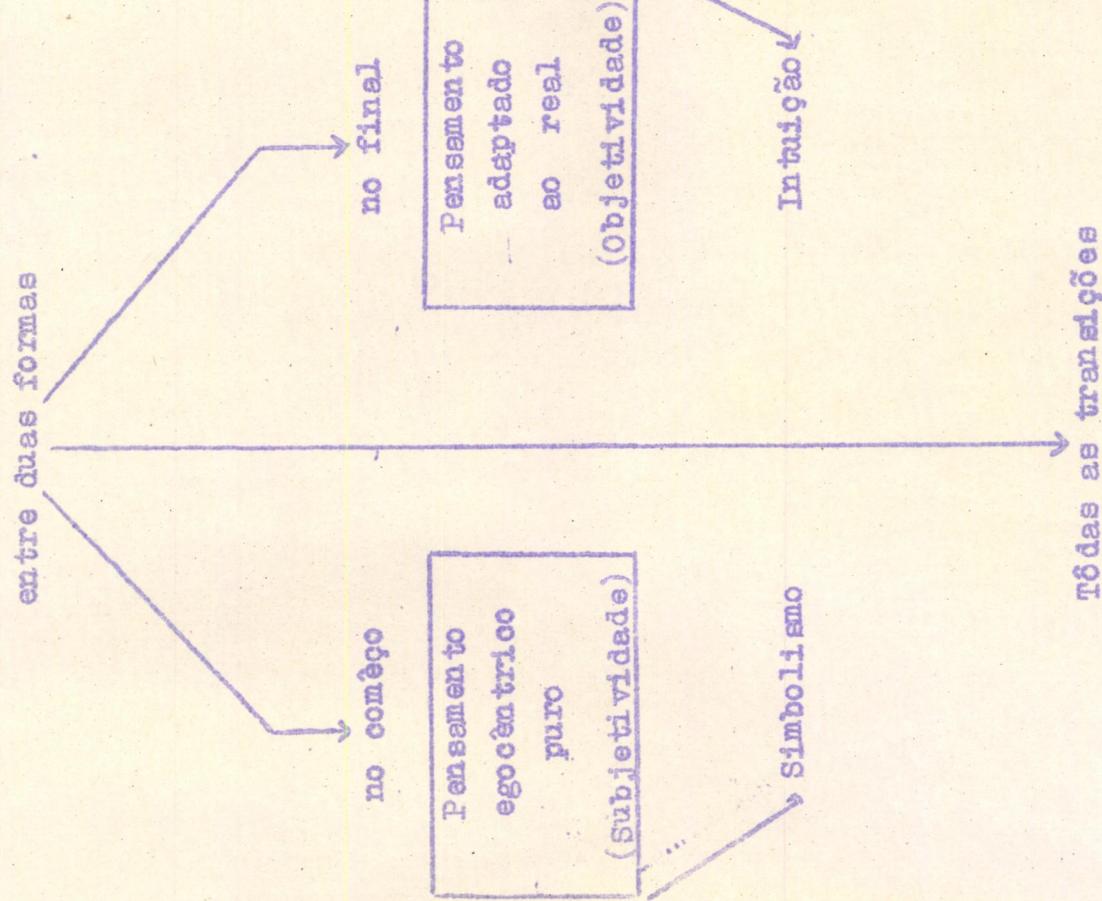
- Socialização da ação: possível troca entre os indivíduos.

- interiorização da palavra: aparição do pensamento propriamente dito, (signos e linguagem interior);

- interiorização da ação como tal, que, de perceptiva e motora passa a se constituir no plano intuitivo das imagens e "experiências mentais".

Repercussões afetivas

A Gênese do pensamento



Pensamento

duplamente egocêntrico

Formas de transição

entre

1. Simbolismo e 3. Intuição



Satisfação do eu
pela

- transformação do real em função de seus desejos;
- Completagem da realidade através da ficção.

Intervenção de Linguagem

- ↓
- Instrumentos
 - Imagem
 - Símbolo
- ↓
- Totalmente individual

- ↓
- a) - finalismo
- b) * exímismo
- c) artificialismo

"O jogo simbólico não é um esforço de submissão do sujeito ao real mas, ao contrário, uma assimilação deformada da realidade do eu."

Piaget - Seis estudos

a) FINALISMO

(pensamento verbal)

b) ANIMISMO

"Concede as coisas como vivas e
dotadas de intenção."

as perguntas

onde?

o que é

até 3 anos

Por que?

até 7 anos

↓
fim e causa
ao mesmo tempo

↓
A origem não admite exceção

↓
"A razão de ser" das coisas é a
resposta para estes "por quês"

b) ANIMISMO

1º. momento:

O objeto que exerce uma atividade e tem
uma utilidade para o homem.

2º. momento:

"Os agentes e os corpos que podem mo-
ver-se por si sóis" - O vento e os as-
trois.

3º. momento:

"Acréscimo de certa consciência à vida
com um mínimo de saber e intencionali-
dade". A nuvem carrega a chuva.

4º. momento:

"Só o movimento espontâneo é dotado de
consciência". O vento sopra porque ele
é quem sopra.

5º. momento:

Os objetos são inteligentes;
A lua acompanha a criança.
A lua sabe que é noite.
A lua conta história.

C - O Artificialismo:

"Crença de que todas as coisas foram construídas ou por uma atividade divina, operando do mesmo modo que a fabricação humana."

Para que a criança não contra-diz o animismo:

Os bebês são vivos e construídos ao mesmo tempo.

A causalidade

indiferenciação entre

psiquismo
e físico.

egocentrismo
intelectual

Confusão entre:

- lei natural e lei moral
- determinismo e obrigatoriedade

O Movimento:

estado de transição tendente a uma finalidade que o completa

A força é ativa e substancial

ligada a cada corpo e intrinsecável; os corpos se movem por acionamento e interno.

Na criança pré-lógica (coerência)

A assimilação
deformada
de realidade

Tendem a uma assimilação correta

3 - INTUIÇÃO

A criança afirma todo o tempo

sem demonstrar

motivo → ego centrismo

- indiferença entre seu ponto de vista e o do outro;
- a confiança em si existe antes da reflexão;
- dificuldade de retrocepção;
- ausência de conceito de distância pelo uso

ven.

- a) do finalismo
- b) da carência de provas

Dominio verbal é menor que a ação e a menipelação será mais lógica

Inteligência

Até cerca de 7 anos a criança

- permanece pré-lógica;
- suplementa a lógica pelo mecanismo da intuição.

"Interiorização das percepções e do movimento sob a forma de imagens e de "experiências mentais" que prolongam, assim, os esquemas sensoriomotores, seu ordenação propriamente racional."

- propriamente prática

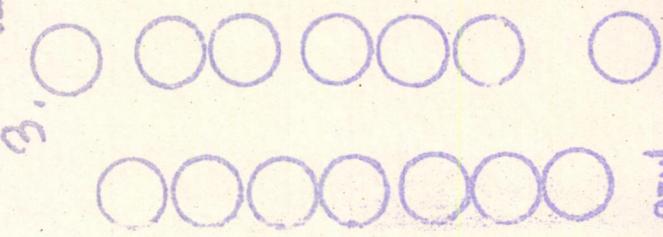
- a) prolonga a pre-verbal
- b) prepara as noções técnicas

- tendendo à experimentação

Entre 4 e 5 anos:

Forma primitiva de intuição:

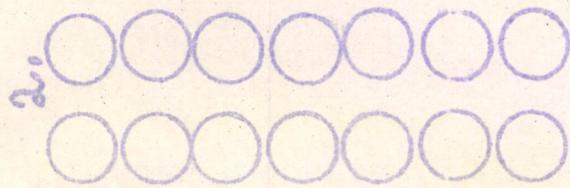
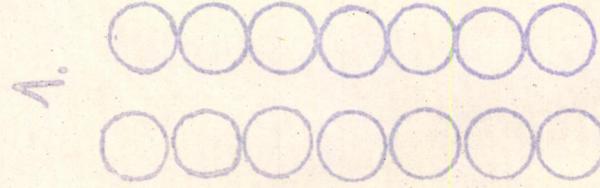
consiste em avaliar peles quinilidades perceptivas globais - da coleção focalizada e não pelas relações.



Entre 5 e 6 anos:

A orientação conclui

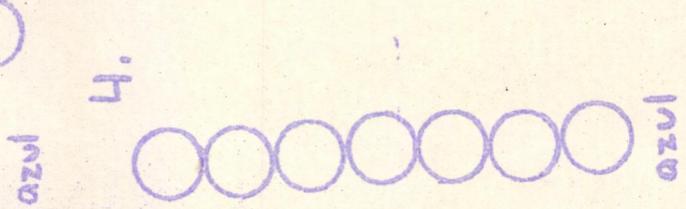
que a coleção de fichas vermelhas deve ser igual a coleção de fichas azuis.



também entre 5 e 6 anos

CONCLUI

que a fileira mais longa, contém mais fichas.



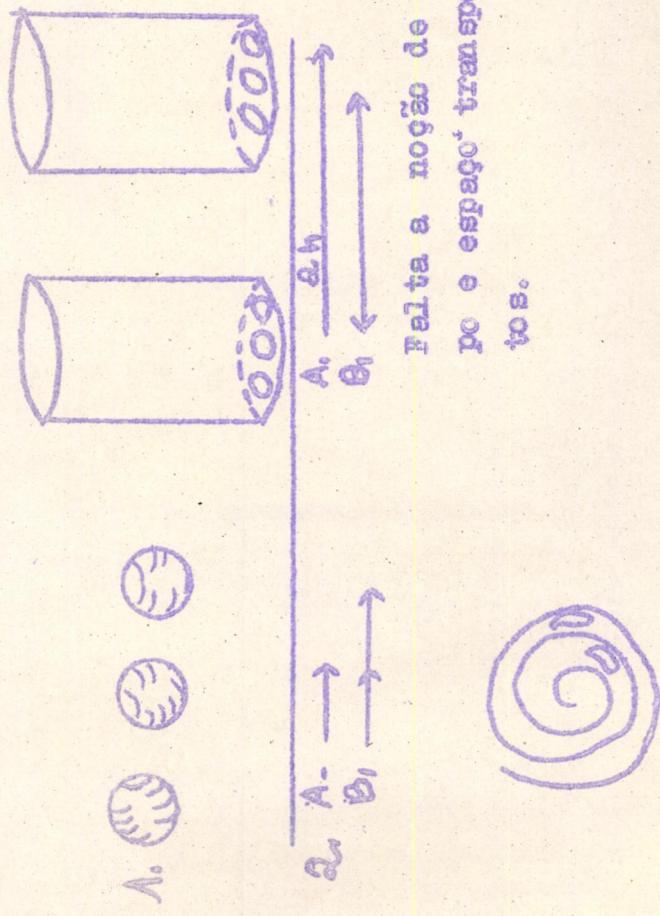
Neste caso, a equivalência perde mais ainda.

Por que?

Intuição articulada.

que são "intuições articuladas?"

E que faltam a estas intuições para se tornarem operatórias e se transformarem em sistemas lógicos?



"São apenas esquemas perceptivos ou esquemas sensoriomotores, portanto, mas transpostos ou interiorizados como representações. São imagens ou intuições da realidade, a meio caminho entre experiência efetiva e a "experiência mental" não se constituindo ainda em operações lógicas passíveis de serem generalizadas e combinadas entre si."

"A intuição articulada avança nesta direção. Enquanto que a intuição primária é apenas uma ação global, a intuição articulada a ultrapassa na dupla direção de uma antecipação das consequências desta ação e de uma reconstrução dos estados posteriores. Sem dúvida, ela permanece ainda irreversível. Basta alterar uma correspondência ótica para que a criança não possa arranjar os elementos em sua ordem primitiva no pensamento. É suficiente dar meia volta ao tubo para que a ordem inversa escape ao sujeito, etc. Mas o inicio desta antecipação e reconstrução prepara a reversibilidade, constituindo uma regulação das intuições iniciais; esta regulação, prenuncia as operações. A intuição articulada é, portanto, suscetível de atingir um nível de equilíbrio mais estável e mais móvel ao mesmo tempo, do que a ação sensoriomotora sózinha, resindindo ao grande progresso do pensamento próprio desse estágio sobre a inteligência que precede a linguagem. Comparada à lógica, a intuição do ponto de vista do equilíbrio é menos estável, dada a ausência de reversibilidade; mas em relação aos atos pré-verbais, representa uma autêntica conquista."

VIDA AFETIVA:

de 2 a 7 anos:

Continua o paralelismo
vida intelectual
vida afetiva

Conduita

afetividade proporciona:

- motivações e
- dinamismo energético

O aspecto cognitivo
é constituído:

- técnicas
- ajustamento dos

meios empregados

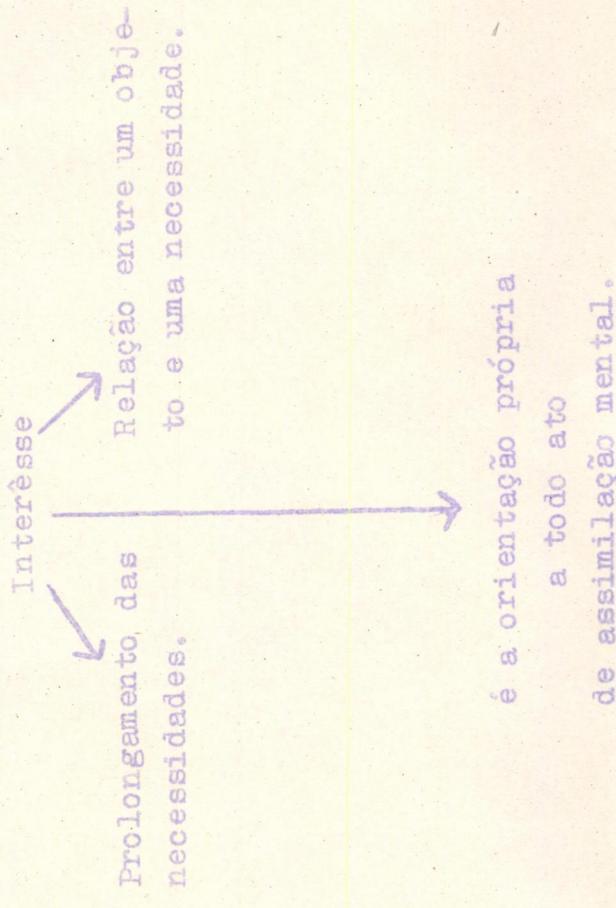
intervém juntos

em relação a pessoas e a objetos

Novidades afetivas:

- 1 - Sentimentos inter-individuais.
- 2 - Sentimento e morais intuitivos.
- 3 - Regularização de interesses e valores.

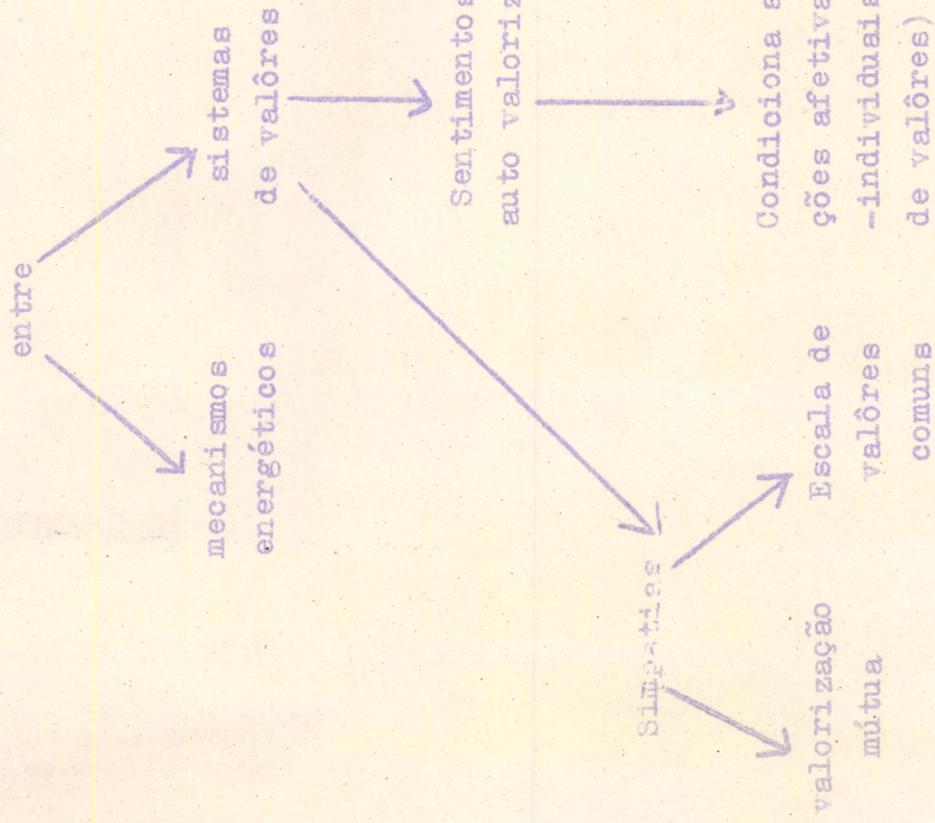
3 - Regularização dos interesses e valores



O interesse começa com a vida psíquica e tem papel importante no desenvolvimento da inteligência senso-motora.

2 - Inter individuais

Com o pensamento intuitivo, os interesses se multiplicam e se diferenciam, dando lugar a uma dissociação progressiva:



1 - Sentimentos morais intuitivos

Valores unilaterais interindividuais importantes para a criança:

- pessoas superiores
- pessoas mais velhas
- seus pais

e respeito - sentimento especial

na relação afetiva
afeição e temor

origem dos primeiros sentimentos morais na criança

1º moral:
a obediência

1º critério de bem:
a vontade dos pais
e superiores

Condiciona as relações afetivas inter-individuais. (troca de valores)

Escala de valorização mútua

(Linha de tempo)

1a. infância
sent. morais

- moral unilateral
ou
heteronomia

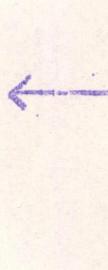
2a. infância
sent. morais

{ - autonomia
- respeito mútuo
- valorização reciproca}

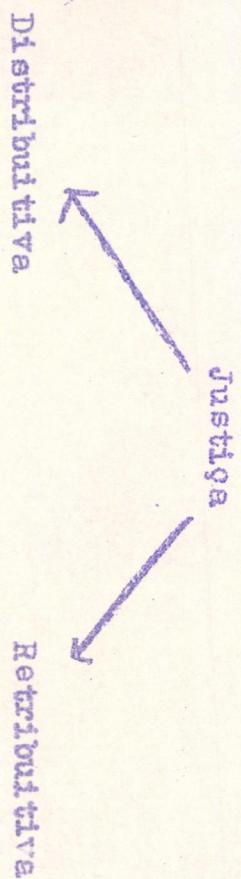
operações legítimas

Formas Superiores de equilíbrio

como se



Vontade



Distributiva



Justiça

Retributiva

Moral