

de Allan
de Oliver

The elementary school journal - March 1 1948 - pág. 376)

Há alguns anos atrás o escritor aplicou testes em aritmética para crianças que iam entrar para o ginásio.

No meio dos testes, houve esta questão: - " que parte de 36 é 27? "

Noventa ^{por} cento dos alunos falharam. Uma unidade na conduta no 5º grau do ensino de aritmética, com operações em partes de ~~grupos~~, tais como: $\frac{3}{4}$ de ~~18~~ 28 e $\frac{21}{8}$ vezes 32 e semelhantes, ~~deu~~ considerável embaraço e professores queixaram-se, uma grande parte, sobre a dificuldade de aquisição destas idéias de parte de seus discípulos.

No ensino, do ~~mesmo~~ conceito de fração para os alunos de escola elementar, quatro estágios de desenvolvimento são, geralmente, considerados:

- 1) Uma fração como parte unitária de um inteiro:
 $\frac{1}{5}$ de uma ~~fração~~ ^{torta}.
- 2) Uma fração como parte múltipla de um inteiro:
 $\frac{3}{4}$ de uma ~~fração~~ ^{maçã}.
- 3) Uma fração como parte unitária de um ~~grupo~~ ^{a coleção}
 $\frac{1}{8}$ de 32.
- 4) Uma fração como parte múltipla de um ~~grupo~~ ^{coleção}
 $\frac{3}{5}$ de 15.

Jolly

No 1º e 2º graus, os alunos adquirem o conceito de fração como parte de ^{um todo} inteiro de acordo com os dois primeiros estágios.

A idéia é desenvolvida através de sua familiaridade com partes de tortas, maçãs, e outros objetos que cercam seus ^{primeiros} anos. Assim eles têm ^{um} razoável conceito de fração de um inteiro quando eles entram no 1º ano.

A RELAÇÃO DE RAZÃO E O CONCEITO DE FRAÇÃO

Preparando testes para prontidão aritmética, o autor descobriu que o conceito de fração como parte de um ~~grupo~~ ^{coleção} era muito mais ~~grm~~ difícil de ser dominado e exigia uma idade mental de um para dois anos mais do que aquela requerida para o domínio do conceito de fração como parte de um inteiro.

Esta descoberta não parecerá estranha, porque a fração como parte do inteiro, é, sobretudo, o único e verdadeiro conceito. Para as crianças, frações são pedaços de inteiros, e para elas considerarem um número inteiro tal como 3, como sendo uma parte de outro número inteiro, tal como 12, é uma experiência estranha, verdadeiramente.

Assim nós chegamos ao maior propósito deste artigo: o exame do conceito de ~~razão~~ ^{razão} e sua relação com o conceito de fração.

Como primeira consideração, reconheceremos os três usos estandarizados de forma de fração:

- 1) Fração como parte de ^{um} inteiro: $\frac{2}{3}$ de um bloco.
- 2) Fração como indicação de uma razão entre dois números: ^a razão de 9 para 15 e $\frac{3}{5}$.

3) Fração indicando divisão: $A = \frac{1}{2} B$
O primeiro uso ~~tem~~ ^{tem} sido discutido; o terceiro não será discutido aqui, porque ele pertence ao campo das fórmulas e equações que são tratadas nos graus superiores de escola elementar e no ginásio. Contudo a fração como expressão de relação ou razão entre dois números, necessita muito esclarecimento e melhor ensino, porque muitos livros tratam só, ~~pobremente~~, si tanto.

que a idéia de fração e a idéia de razão são conceitos diferentes, foi interessante e vivamente induzido ~~persuasão~~ ^{persuasão} à propósito pelo escritor, quando ele experimentou ensinar para a classe de 2º ano o conceito de relação de números ou razões, por meio de uma série de blocos-razões.

^{de} a série de blocos-razões, que foram usadas, consistem de 10 blocos de madeira, cada um feito com a base de quadrado de polegada, e ordenados na altura de 1 a 10 polegadas.

Com um pouco de cuidado, estes blocos podem ser feitos na oficina de trabalhos manuais de cada escola.

Depois de um aluno ~~dar~~ ^{mostrar} conhecer os blocos em ordem, na seqüência de 1 a 10, foi pronunciada a primeira pergunta: " quantos destes blocos ~~número~~ ^{número} 1, devem ser apanhados para fazer este número 2? " O professor apontou para os dois blocos ~~apontados~~ ^{apontados}. A resposta " 2, " prontamente vem da classe.

Depois ^{outro} a resposta foi ~~exata~~ ^{exata} como prontamente dada para esta questão: Este bloco nº 4 fará quantos semelhantes a este nº 2? Depois de um nº de questões similares terem sido respondidas, o escritor, apontando para os blocos ~~apontados~~ ^{apontados} " quantos destes blocos nº 4, farão este número 15? "

é este nº 1? A classe ficou silenciosa, nenhum som foi pronunciado. Através desta experiência, descobriu-se que, para a criança, razão tem conceito diferente de fração.

A resposta, "um meio", que era a resposta esperada, não esteve no pensamento das crianças. Nós não podemos senão concordar com a criança que o bloco 1 não é realmente uma ^{parte} do nº 2. O bloco nº 2 é um bloco inteiro, nele mesmo possuindo todas as suas partes e o bloco nº 1 não é, atualmente, parte do bloco nº 2.

A experiência lembrou ao escritor uma resposta que ele recebeu para uma resposta num teste dado para um 4º ano.

A pergunta era: "que parte de um galon é um ^{um galon} piscan?" Talvez a pergunta fosse mesmo difícil, mesmo para o 4º ano grau, mas respondeu no seu papel:

"Um piscan é a parte do fundo do galon." Esta ilustração mais uma vez mostrou a idéia de fração como parte de um inteiro, para a criança. Ele estava certo, um é a parte do fundo A pergunta foi incorretamente proposta.

levaram os alunos a Os professores devem ser cuidadosos, por conseguinte, quando desenvolverem a idéia de razão, não perguntar que parte é um bloco é do outro, mas primeiramente que relação há entre um bloco e outro.

FRACÕES SÃO RAZÕES?

Ilustração concreta.

Outra interessante descoberta foi a de que a criança de 2º grau prontamente se apossa de relação ou conceito de razão, quando as relações dos tamanhos são praticadas ante ela, de forma concreta.

Relativamente, é mais fácil dominar razões entre tamanhos de blocos do que razões entre grupos numéricos, porque o último diz respeito a um desenvolvimento mais avançado.

Contar um grupo de dez ^{moedas} "pennies" e dizer "dez", quando aponta o último deles para saber, então, que o dez diz respeito ao grupo todo, é mais difícil para uma criança do que associar tamanhos quantitativos, assim como ela indicou os números, então designando uma série de blocos.

Mais pesquisas na psicologia dos números são necessárias. O autor crê que há uma técnica definitiva para desenvolver a idéia de razão, como revela o uso destes simples blocos.

PRIMEIRO EXERCÍCIO NO 2º grau A (Com razão entre blocos)

- 4 - quem deseja designar estes blocos para nós?
- 1 - Quantos destes (nº 1) blocos apanhará para fazer este (nº 2) ?
- 2 - Quantos destes (nº 1) blocos apanhará para fazer este (nº 3) ?
- 3 - Quantos destes (nº 1) blocos apanhará para fazer este (nº 4) ?
- 4 - Este bloco (nº 5) fará quantos destes (nº 1) ?
- 5 - " " (nº 6) " " " (nº 1) ?
- 6 - " " (nº 7) " " " (nº 1) ?
- 7 - " " (nº 10) " " " (nº 1) ?

Agora seja muito cuidadoso!

- 8 - Quantos destes (nº 2) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 4) ?
- 9 - Quantos destes (nº 2) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 6) ?
- 10 - Quantos destes (nº 2) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 8) ?
- 11 - Quantos destes (nº 2) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 10) ?
- 12 - Quantos destes (nº 3) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 9) ?
- 13 - Quantos destes (nº 4) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 8) ?
- 14 - Quantos destes (nº 5) apanhará para fazer um semelhante a este (nº 10) ?

- B - 1 - Se este bloco (nº 1) é um bombom que vale 2 "cents":
 - a) - Quanto custará este? (nº 2)
 - b) - " " " (nº 3)

- c) - Quanto custará este? (nº 4)
 - d) - " " " (nº 6)
 - e) - " " " (nº 8)
 - f) - " " " (nº 10)
- 2 - Se este (nº 2) custasse 3 "cents":
- a) - Quanto custaria este? (nº 4)
 - b) - " " " (nº 6)
 - c) - " " " (nº 8)
 - d) - " " " (nº 10)

C - COMBINAÇÕES NUMÉRICAS FAZENDO OS FATOS DA ADIÇÃO POR FAMÍLIAS

O professor, primeiro, coloca o bloco, exposto no fim, ante a classe e pergunta seu nome (nº 10). Então ele coloca nº 9, no fim, sobre o bloco nº 1, ao lado do bloco nº 10, perguntando: - " Quanto são 9 e 1 ? ". Depois de alguém ter respondido " 10 ", ele escreve no quadro

$$\begin{array}{r} 9 \\ + 1 \\ \hline 10 \end{array}$$

Então ele pergunta: " Pode alguém me apresentar 1 e 9 com os blocos? quantos são 1 e 9 ? " Quem pode escrever isto no quadro? Escreve-se.

$$\begin{array}{r} 1 \\ + 9 \\ \hline 10 \end{array}$$

Isto é seguido da apresentação do bloco nº 8 sobre o 2º e da pergunta: " quantos são 8 e 2 ? Alguém poderá escrever isto no quadro-negro? quem pode apresentar 2 e 8 ? quem pode escrever isto no quadro-negro? "

Então segue-se com: " Pode alguém fazer 10 com dois outros blocos ? Fazer 10 de outra maneira com os mesmos blocos? Poderemos nós fazer, todavia, de outro modo, com outros dois blocos? quantos de 5 farão 10 ? Apresente-nos, e assim toda a família de 10 é ensinada na adição.

Em outro dia, a família do 9, em adição, poderá ser ensinada, e depois a família do 8, 7, 6, 5, etc.

Não são satisfatórias as referências feitas ao conceito de razão na maior parte dos livros de aritmética. Depois dos números inteiros serem ~~aprendidos~~ aprendidos e conhecidos, o passo imediato deve ser o estudo das suas relações, porquanto não são as relações dos números uma avulzada parte da fundamentação de toda matemática ?

Nós temos estado também muito interessados com frações como partes de um inteiro. Nós temos feito barulho em nossos livros com toda espécie de frações nas quatro operações fundamentais - adição, subtração, multiplicação e divisão - que podem ser, e são, rapidamente, concebidas sobre decimais, por um meio muito simples.

Nós, primeiramente, daremos mais atenção ~~para~~ para os números inteiros e suas relações como fundamentação do pensamento relacional e funcional.

Depois das idéias relacionais estarem estabelecidas entre magnitudes ante os alunos, números podem ser designados para essas magnitudes como preparação para tratar esses próprios números como magnitudes. Assim nos VI, VII e VIII será ~~estendido~~ ^{estendido} para os números inteiros em todas as suas três fases. As três fases são:

grau
+ a ideia
de razão

- 1 - achar um número quando a sua relação com outro número conhecido é dada.
- 2 - achar a relação que existe entre dois números dados.
- 3 - achar um número quando um número e sua relação com um número desconhecido é dado.

Estes três estágios podem ser ilustrados por questões tais como as que se seguem:

1 - (Primeiro) achar um número que tem relação com 24 pela razão 1 para 4. (Finalmente) achar 1/4 de 24. (Ainda por último) achar 3/8 de 32.

2 - (Primeiro) que relação tem 9 de 27? (Finalmente) 9 que parte é de 27? (Ainda por último) 5 que parte é de 15?

3 - (Primeiro) 20 tem a relação 1 para 5 para que número? (Finalmente) 20 é 1/5 de que número? (Ainda por último) 27 é 3/8 de ... ?

Este primeiro estágio pode ser ensinado no 5º e 6º graus; o segundo estágio no 6º e 7º graus; o terceiro estágio requer mais maturidade e mesmo que ele possa ser ensinado mecânicamente no 7º grau, muitas vezes, ele não é conhecido anteriormente, até que uma idade mental de, mais ou menos, 14 anos é atingida.



OBSERVAÇÕES

Para melhores resultados uma completa série de blocos-razão para o 11º A consistirá de blocos de 10 polegadas, 8 polegadas, etc até um bloco de 1 polegada. Cada bloco é dividido com sulcos que marcam secções de uma polegada quadrada, assim como o menor dos blocos deverá ser uma polegada cúbica.

Para os graus IV e V largos blocos serão usados, os quais devem ser marcados com números visíveis.

PRÁTICA E "DRILL"

Ensino e prática serão dedicados para questões semelhantes àquelas justamente discutidas assim que os alunos estiverem aptos para perceber o número nas suas relações verdadeiras de um para outro e tornarem-se familiares com os processos que revelam suas relações.

E' desnecessário dizer que, à princípio, pequenos números serão usados. Depois, então, maiores números podem ser praticados por analogia. Si esta prática é dada nos graus VI, VII, VIII o conceito de percentagem pode, facilmente, ser dominado nos graus VII e VIII; os três estágios do ensino das relações numéricas se terminam com os três casos, comumente reconhecidos de percentagem, a saber:

Caso 1 - Encontrar o por cento de um número; por exemplo: encontrar o 20 por cento de 60.

Caso 2 - Encontrar que por cento um número é de outro; por exemplo: que por cento de 5 é 2? 18 que por cento é de 30?

Caso 3 - Encontrar um número quando um certo por cento deste é dado; por exemplo 20 é 25% de que número?

Sente-se, ^{de um modo} "in a way" que a mesma forma (a fração comum) é usada para representar uma parte de um inteiro e para expressar razão entre números - dois ^{profundamente} diferentes conceitos. E' verdade que há um símbolo que representa uma razão, que são os dois pontos (:), mas eles não são usados para qualquer grande extensão, até que os tópicos de razão e de proporção são ensinados nos graus superiores. Si os números forem melhor compreendidos em suas relações com outros números haverá, não unicamente, uma melhor fundamentação para pensamento quantitativo, mas um ^{iniciação} "approach" para a questão da significação da ~~uma~~ aritmética ser executada.

