

2

Melvin Chan  
8/3/62

2

L'ARITHMÉTIQUE.

Avec les nombres en couleurs.

ARITHMÉTIQUE QUANTITATIVE

Les nombres de 1 à 100.

de Caleb Gattegno.

Pág. 43 a 70.

TRADUÇÃO - Grupo 243 - D.C.P. - I.G. "Gal. Flores da Cunha"

Leia Madalena Borba.

Maria Lúcia Schaeffer

Clarissa Seligman

Dagmar Closs

Eliane Silveira

Gladis Bricker Duarte

REVISÃO - Grupo 531 - D.E.B. -

Esther Galanternick

Vera Neusa Lopes.

oooooooooooo

## SEGUNDA PARTE

### Os números maiores que 20

1. Façamos um trem sómente com barras alaranjadas.  
Se temos sómente uma barra, sabemos que podemos escrever 10 para esta barra.

Se temos duas barras ponta a ponta, sabemos que podemos escrever 20 para estas duas barras, ou  $2 \times 10$ .

Quando temos mais de duas barras ponta a ponta, damos os nomes seguintes aos trens que formam:

com 3 x 10	...	trinta	e	escrevemos	30,
com 4 x 10	...	quarenta	...	40,	
com 5 x 10	...	cinqüenta	...	50,	
com 6 x 10	...	sesenta	...	60,	
com 7 x 10	...	setenta	...	70,	
com 8 x 10	...	oitenta	...	80,	
com 9 x 10	...	noveventa	...	90,	
com 10 x 10	...	cem	...	100.	

2. Quantas vezes déz em cinqüenta? em sessenta? em oitenta? em cem?  
em quarenta? em noventa? em setenta? em vinte? em trinta?

$$50 = 10 + 10 + 10 + 10 + 10 \text{ ou } 5 \times 10, \text{ mas também}$$

$$2 \times 10 + 3 \times 10 \text{ ou } 20 + 30, \text{ mas ainda}$$

$$10 + 4 \times 10 \text{ ou } 10 + 40.$$

Do mesmo modo, ponhamos sob diversas maneiras os números:

70  
90  
30  
60  
100  
40  
80

3. Quanto faz  $2 \times 20$ ?  $3 \times 30$ ?  $2 \times 40$ ?  $2 \times 50$ ?

Quanto faz  $3 \times 10$ ?  $3 \times 20$ ?  $3 \times 30$ ?

Quanto faz  $4 \times 10$ ?  $4 \times 20$ ?

Quanto faz  $5 \times 20$ ?

Quanto faz  $1/2$  de 20?  $1/2$  de 40?  $1/2$  de 60?  $1/2$  de 80?  $1/2$  de 100?

Quanto faz  $1/3$  de 30?  $1/3$  de 60?  $1/3$  de 90?

Idem  $1/4$  de 40?  $1/4$  de 80?

Idem  $1/5$  de 20?  $1/5$  de 50?  $1/5$  de 100?

Idem  $100 - 30$ ?  $60 - 50$ ?  $30 - 20$ ?

4. Completam por escrito o quadro seguinte:

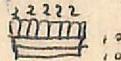
$30 + 50 =$	$30 = 10$
$70 + 20 =$	$30 = 60$
$40 + 60 =$	$80 = 40$
$90 + 10 =$	$100 = 60$
$50 + 20 =$	$90 = 80$
$70 + 30 =$	$90 = 40$
$90 = \dots + 60$	$2 \times 50$
$80 = 40 + \dots$	$3 \times 30$
$100 = 80 + \dots$	$4 \times 20$
$100 - 40 = 2 \times \dots$	$1/3$ de 30 + 50
$90 - 70 = 2 \times \dots$	$2 \times 40 + 2 \times 10$
$1/2$ de 80 = $100 - \dots$	$2 \times 20 + 3 \times 10$

5. Agora, em vez de fazer um trem com barras alaranjadas, façamo-lo lado a lado.

Tomemos duas barras sómente e recubramos-las com o auxílio de barras vermelhas colocadas lado a lado. Quantas são precisas?

Ponham-nas ponta a ponta. Que comprimento fazem?

~~100~~



Uma cruz, formada de uma barra alaranjada e uma vermelha, significa  $2 \times 10$  ou  $10 \times 2$ .

Se pômos cinco barras vermelhas lado a lado, quantas são precisas de barras amarelas lado a lado, para recobri-las?

Uma cruz formada de uma barra amarela e uma alaranjada significa  $5 \times 10$  ou  $10 \times 5$ .

Vaçam as cruzes seguintes:

Prata e alaranjada; azul e alaranjada; marron e alaranjada; verde-escura e alaranjada; carmim e alaranjada; verde-claro e alaranjada; alaranjada e alaranjada.

Podem vocês escrever em cifras (com auxílio dos sinais 1, 2, 3, 4...) o que significam estas cruzes?

Quais são as cruzes que representam 70, 80, 30, 100?

Certos sinais têm quatro cores em vez de duas. Quais são? ?  
Compreendem por que?

6.  $3 \times 10 = 6 \times 5 = 30 \quad 4 \times 10 = 8 \times 5 = 40$

Formem as cruzes para estes dois números.

7. Quanto faz  $8 \times 10$ ?  $2 \times 40$ ?  $4 \times 20$ ?  $1/2$  de 80?  $1/4$  de 80?  
 $1/8$  de 80?

$6 \times 10$ ?  $2 \times 30$ ?  $3 \times 20$ ?  $1/2$  de 60?  $1/3$  de 60?  $1/6$  de 60?

Se formarmos 15 com uma barra alaranjada e uma amarela, que comprimento faz  $2 \times 15$ ?

Quanto faz  $1/2$  de 30? e  $1/3$  de 30?

Completem por escrito o quadro seguinte:

$6 \times 5 = \quad 4 \times 10 = \quad 8 \times 5 =$

$1/2$  de 40 +  $1/3$  de 60 =

$1/2$  de 100 +  $1/5$  de 100 +  $1/10$  de 100 =

$100 = (70 + 20) =$

$50 = (3 \times 30) =$

$80 = 4 \times \dots$

$1/3$  de 90 =  $70 = \dots$

$60 = (1/3 \text{ de } 90) =$

$2/3 \text{ de } 90 =$

$10 + 20 + 30 + 40 =$

$100 = (2 \times 30 + 3 \times 10) =$

$1/2 \text{ de } (90 - 70) + 1/3 \text{ de } (50 - 20) + 1/2 \text{ de } (70 - 30) =$

Se não podem fazê-lo, usem as barras.

8. Pondo ponta a ponta duas barras alaranjadas e uma branca, obtemos o comprimento chamado vinte e um, que se escreve 21. Com três alaranjadas e uma branca, obtemos o comprimento trinta e um, que é escrito 31.

Podem formar com as barras (alaranjada e branca): 41 (quarenta e um), 51 (cinquenta e um), 61 (sessenta e um), 71 (setenta e um), 81 (oitenta e um) e 91 (noventa e um)?

Temos  $41 = 40 + 1 = 4 \times 10 + 1$ .

Escravam do mesmo modo:

21 =

31 =

51 =

61 =

71 =

81 =

91 =

9. Pondo duas barras alaranjadas e uma vermelha, obtemos o comprimento chamado vinte e dois que é escrito 22. Com três alaranjadas e uma vermelha, obtemos o comprimento trinta e dois, que se escreve 32.

Podem formar com as barras alaranjadas e vermelhas: 42 (quarenta e dois), 52 (cinquenta e dois), 62 (sessenta e dois), 72 (setenta e dois), 82 (oitenta e dois), 92 (noventa e dois)?

Temos  $52 = 50 + 2 = 5 \times 10 + 2$ .

Escravam do mesmo modo:

22 =

32 =

42 =  
52 =  
72 =  
82 =  
92 =

10. Podemos formar os novos números seguintes, utilizando as barras alaranjadas e as outras barras alternadamente:

23, 33, 43, 53, 63, 73, 83, 93.  
24, 34, 44, 54, 64, 74, 84, 94.  
25, 35, 45, 55, 65, 75, 85, 95.  
26, 36, 46, 56, 66, 76, 86, 96.  
27, 37, 47, 57, 67, 77, 87, 97.  
28, 38, 48, 58, 68, 78, 88, 98.  
29, 39, 49, 59, 69, 79, 89, 99.

11. Escrevam os números seguintes, mostrando quantas vezes vai 52 (ou 50 se fizeram já para 52 = 5 x 10 + 2):

72 =  
37 =  
98 =  
63 =  
54 =  
85 =  
66 =  
49 =  
88 =  
29 =

12. Fazam um quadro de barras para 21 e escrevam-no.

Com 21 quantas vezes 10? e quanto resta?  
9? e quanto resta?  
8? e quanto resta?  
7? e quanto resta?  
6? e quanto resta?  
5? e quanto resta?  
4? e quanto resta?  
3? e quanto resta?  
2? e quanto resta?

Quanto faz  $1/3$  de 21?  $2/3$  de 21? e  $21 - 3$ ?  
 $1/4$  de 21?  $21 : 7$ ?  $2/7$  de 21?  $3/7$  de 21?  
 $4/7$  de 21?  $6/7$  de 21?  $6/7$  de 21?  
 $8/7$  de 21?  $9/7$  de 21?

13. Completam o quadro seguinte:

$19 + 2 =$	$21 = 13 + \dots$
$21 - 2 =$	$21 = \dots + 9$
$3 + 17 + 1 =$	$21 = 2 \times \dots + 5$
$2/5$ de $(21 - 6) =$	$21 = 2 \times 11 - \dots$
$4/7$ de $(21 - 7) =$	$2/3$ de 21 = $17 - \dots$
$1/2$ de 18 + ... = 21	$11 + \dots = 21$
$1/3$ de 21 + $2/7$ de 21 =	
$2/3$ de 21 + $4/5$ de $(21 - 11) + 2/7$ de $(3 \times 4 + 2) =$	
$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 =$	
$21 - 1/2$ de 10 - $1/2$ de 12 = $1/2$ de ...	
$1/21$ de 21 + $2/20$ de 20 + $3/19$ de 19 + $4/18$ de 18 + $5/17$ de 17 + $6/16$ de 16 =	
$1/3$ de $(21 : 7) + (\frac{1}{7}$ de $(21 : 3) + 1/5$ de $(21 - 11) + 1/4$ de $(21 - 15) =$	

14. Formem 21 + 21 com as barras de vocês. Qual é o comprimento obtido? Procurem:  $2 \times 21 =$   $2 \times (3 \times 7) =$   $(2 \times 3) \times 7 =$  Formem 21 + 21 + 21 com as barras de vocês. Qual é o comprimento obtido?

- 4 -

Procurem:  $3 \times 21 =$        $3 \times (3 \times 7) =$        $(3 \times 3) \times 7 =$   
 $1/7 \text{ de } 42, 1/7 \text{ de } 63, 1/6 \text{ de } 42, 1/9 \text{ de } 63.$   
 $42 : 7 = 6, 63 : 7 = 9.$

Completam:

$6 \times 7 =$	$7 \times 6 =$	$9 \times 7 =$	$7 \times 9 =$
$63 : 42 =$	$63 : 21 =$	$63 : 1/2 \text{ de } 42 =$	$63 : 2/2 \text{ de } 42 =$
$63 : 1/3 \text{ de } 63 =$		$63 : 3/2 \text{ de } 42 =$	
$63 : 2/3 \text{ de } 63 =$		$1/2 \text{ de } 42 + 1/3 \text{ de } 63 + 21 =$	
$63 : 3/3 \text{ de } 63 =$			

Quantos sétimos de 21 fazem:

$$1/7 \text{ de } 63 + 1/7 \text{ de } 42 + 1/7 \text{ de } 21?$$

Quais são os fatores de 21, 42, 63?

Dobrem 21 e dobrum ainda uma cruz

Torem a metade deste número e ainda a metade.

Quanto é  $1/4$  de 84? e  $3/4$  de 84?

$$\text{Temos } 84 = 2 \times (2 \times 21) = 4 \times 21 = 4 \times (3 \times 7) = (4 \times 3) \times 7.$$

Quanto é  $1/2$  de 84? e  $1/7$  de 84?

$$\text{Procurem } 1/21 \text{ de } 84, 2/21 \text{ de } 84, 3/21 \text{ de } 84, 5/21 \text{ de } 84.$$

Comparem  $5/21$  de 84 e  $3/12$  de 84.

$$1/3 \text{ de } 21, 1/6 \text{ de } 42, 1/9 \text{ de } 63.$$

$$2/3 \text{ de } 21, 1/3 \text{ de } 42 \text{ e } 2/9 \text{ de } 63.$$

15. Formem 11 + 11 e façam um quadro de barras para 22. Escrevam-no.  
Completam este quadro:

$2 \times 11 =$	$20 + \dots = 22$	$22:2 =$
$22 - 17 =$	$19 + \dots = 22$	$22:11 =$
$22 - 10 =$	$22 = 2 \times 9 + \dots$	$22:6 =$
$1/2 \text{ de } (22 : 11) + 2P : 2 =$		
$1/2 \text{ de } (22 - 10) + (22 - 6) =$		
$1/3 \text{ de } 15 + 1/5 \text{ de } 20 + 1/7 \text{ de } 21 = 22 = \dots$		
$4/7 \text{ de } (22 - 1) + 3/8 \text{ de } (22 - 6) =$		
$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 = 22 = \dots$		
$1/2 \text{ de } 22 - 1/3 \text{ de } 10 - 1/3 \text{ de } 12 - 1/4 \text{ de } 14 =$		

16. Dobrem 11, dobrum ainda e ainda e mais uma vez.

Quanto faz  $2 \times 11$ ?  $4 \times 11$ ? ou  $2 \times (2 \times 11)$ ?

$$8 \times 11 \text{ ou } 2 \times (2 \times (2 \times 11))?$$

Quanto faz  $1/2$  de 22?  $1/4$  de 44? e  $1/8$  de 88?

Chamemos  $5 \times 11$  o triplo de 11. Multiplicar um número por 3 é triplicá-lo.

Tripliquem 11. Que obtêm? Dobrem este número. Que obtém?  
Tripliquem 33. Que obtêm?

Quais são os fatores de 33, 66, 99?

Quanto vale  $1/3$  de 33?  $1/3$  de 66?  $1/3$  de 99?  $1/11$  de 33?

$$1/11 \text{ de } 66? 1/11 \text{ de } 99?$$

$$2/3 \text{ de } 33? 4/3 \text{ de } 33? 8/3 \text{ de } 33?$$

$$3/8 \text{ de } 88? 3/4 \text{ de } 44? 8/2 \text{ de } 22?$$

$$1/11 \text{ de } 88? 1/11 \text{ de } 44? 1/11 \text{ de } 22?$$

$$1/2 \text{ de } 66? 1/6 \text{ de } 66? 2/6 \text{ de } 66? 4/6 \text{ de } 66? 9/6 \text{ de } 66?$$

66?

Respondam por escrito:

$2 \times 11 =$	$3 \times 11 =$	$4 \times 11 =$	$6 \times 11 =$	$8 \times 11 =$	$9 \times 11 =$
				$6 \times 11 =$	
				$7 \times 11 =$	

Podem procurar:  $5 \times 11 =$

Completam:

$99 : 11 =$	$99 : 10 =$	$99 : 9 =$
$88 : 11 =$	$88 : 10 =$	$88 : 8 =$
$77 : 11 =$	$77 : 10 =$	$77 : 7 =$
$66 : 11 =$	$66 : 10 =$	$66 : 6 =$
$55 : 11 =$	$55 : 10 =$	$55 : 5 =$
$44 : 11 =$	$44 : 10 =$	$44 : 4 =$
$33 : 11 =$	$33 : 10 =$	$33 : 3 =$
$22 : 11 =$	$22 : 10 =$	$22 : 2 =$

Se não sabem fazer, ussem as barras.

- 5 -

17. Formem 12 + 12 e façam um quadro para 24. Escrevam-no.  
Completam o quadro:

$2 \times 12 =$	$20 + \dots = 24$	$17 + \dots = 24$
$24 - 10 =$	$24 - 19 =$	$24 = 3 \times 7 + \dots$
$24 : 2 =$	$24 : 12 =$	$24 : 10 =$
$4 \times 6 =$	$3 \times 9 =$	$2 \times 10 + 4 =$
$1/2 \text{ de } 24 =$	$1/4 \text{ de } 24 =$	$1/6 \text{ de } 24 =$
$1/8 \text{ de } 24 =$	$1/2 \text{ de } (24 - 10) =$	
$1/3 \text{ de } (24 - 9) =$	$1/5 \text{ de } (24 - 14) =$	
$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 = 24 - \dots$		
$1/3 \text{ de } 24 + 3/4 \text{ de } 24 + 1/6 \text{ de } 24 + 1/8 \text{ de } 24 =$		
$2/3 \text{ de } 24 =$	$5/6 \text{ de } 24 =$	$7/8 \text{ de } 24 =$

Se não podem fazê-lo, usem as barras.

18. Dobrem 12, dobrem ainda, e ainda. Escrevam as respostas de vocês.

$2 \times 12 =$        $2 \times (2 \times 12) =$        $2 \times (2 \times (2 \times 12)) =$

Que vale  $1/2$  de 24?  $1/4$  de 48?  $1/8$  de 96?

Quais são os fatores de 12, 48, 24?

Que vale  $1/2$  de 96? Dobrem este número.

Que vale  $1/4$  de 96? Multipliquem este número por 4.

Que vale  $1/8$  de 96? Multipliquem este número por 8.

Comum por 96, tomem a metade, tomem ainda a metade, e ainda, e ainda. Escrevam as respostas de vocês.

Para verificar, dobrem o último número, dobrem ainda, e ainda e ainda. Estava exato?

Quanto é  $1/3$  de 24?  $1/3$  de 48?  $2/3$  de 24?  $1/8$  de 24?  $1/8$  de 48?

$5/8$  de 24?  $3/8$  de 48?

19. Multipliquem 12 por 3. Que número obtêm? Dobrem-no. Achem os fatores de 36 e 72.

Quanto vale $1/2$ de 36?	$1/3$ de 36?	$1/6$ de 36?	$1/12$ de 36?
$1/2$ de 72?	$1/3$ de 72?	$1/6$ de 72?	$1/12$ de 72?
$3/2$ de 12?	$3/2$ de 24?	$3/2$ de 48?	

Procurem:	$36 : 1 =$	$36 : 6 =$	$36 : 3 =$
	$72 : 1 =$	$72 : 6 =$	$72 : 3 =$
	$1/4$ de 36?	$1/9$ de 36?	$2/9$ de 36?
	$1/4$ de 72?	$1/9$ de 72?	$2/9$ de 72?

Completam:

$2 \times \dots = 72$	$2 \times \dots = 24$
$3 \times \dots = 36$	$72 - 36 = 2 \times \dots$
$36 - 24 = 2 \times \dots$	$1/2$ de 36 + $1/12$ de 24 =
$9 \times 8 =$	$72 - 8 \times 9 =$
$36 - 1/2$ de 72 =	$1/9$ de (72 - 36) =
$1/3$ x (36 - 24) =	$1/4$ de (36 - 20) =
$2 \times (3 \times 6) =$	$3 \times (2 \times 6) =$
$6 \times (3 \times 2) =$	$1/2$ de ( $1/3$ de 36) =
$1/4$ de ( $1/2$ de 24) =	$1/8$ de ( $1/3$ de 48) =
$1/3$ de ( $1/2$ de 36) =	$1/2$ de ( $1/4$ de 24) =
$1/2$ de ( $1/8$ de 48) =	
$1/9$ de 72 + $1/8$ de 72 + $1/12$ de 72 =	
$1/2$ de ( $1/12$ de 72) =	$3 \times 24 =$
$1/3$ de 72 =	$1/24$ de 72 =
$1/24$ de 48 =	$7/8$ de 48 =
$1/8$ de 72 =	

Se não sabem fazê-lo, sirvam-se das barras.

20. Completam:

$2 \times 12 =$        $3 \times 12 =$        $4 \times 12 =$        $6 \times 12 =$        $7 \times 12 =$

$8 \times 12 =$        $9 \times 12 =$

Achem os fatores de cada um destes números.

Completam:

$\frac{1}{2}$ de 12 =	$\frac{1}{2}$ de 24 =	$\frac{1}{2}$ de 36 =	$\frac{1}{2}$ de 48 =
$\frac{1}{2}$ de 60 =	$\frac{1}{2}$ de 72 =	$\frac{1}{2}$ de 84 =	$\frac{1}{2}$ de 96 =
$\frac{1}{3}$ de 12 =	$\frac{1}{3}$ de 24 =	$\frac{1}{3}$ de 36 =	$\frac{1}{3}$ de 48 =
$\frac{1}{3}$ de 60 =	$\frac{1}{3}$ de 72 =	$\frac{1}{3}$ de 84 =	$\frac{1}{3}$ de 96 =
$\frac{1}{4}$ de 12 =	$\frac{1}{4}$ de 24 =	$\frac{1}{4}$ de 36 =	$\frac{1}{4}$ de 48 =
$\frac{1}{4}$ de 60 =	$\frac{1}{4}$ de 72 =	$\frac{1}{4}$ de 84 =	$\frac{1}{4}$ de 96 =

Se não podem fazê-lo, utilizam as barras.

21. Façam um quadro para 25 e escrevam-no. Quais são os fatores de 25? Quanto vale  $\frac{1}{5}$  de 25?  $\frac{2}{5}$  de 25?  $\frac{3}{5}$  de 25?  $\frac{4}{5}$  de 25?  $\frac{5}{5}$  de 25?  
Dobrem 25, e dobrém ainda.

Quanto faz $2 \times 25$ ?	$2 \times 50$ ?	$4 \times 25$ ?
$5 \times 10$ ?	$10 \times 5$ ?	$10 \times 10$ ?
$5 \times 20$ ?	$20 \times 5$ ?	

Quanto vale $\frac{1}{2}$ de 50?	$\frac{1}{5}$ de 50?	$\frac{1}{10}$ de 50?
$\frac{1}{2}$ de 100?	$\frac{1}{5}$ de 100?	$\frac{1}{10}$ de 100?
$\frac{1}{20}$ de 100?	$\frac{1}{50}$ de 100?	

Completam:

$25 = 2 \times 9 + \dots$	$25 = 2 \times 8 + \dots$
$25 = 4 \times 6 + \dots$	$25 = 17$
$18 + \dots = 25$	$2 \times 3 + 2 \times 5 + \dots = 25$
$25 : 10 =$	$25 : 7 =$
$\frac{1}{2}$ de $(25 - 13)$ =	$\frac{1}{4}$ de $(25 - 9)$ =
$\frac{2}{7}$ de $(25 - 4)$ =	$\frac{3}{5}$ de $25 - \frac{2}{7}$ de 21 =
$\frac{4}{9}$ de $(25 - 7) - \frac{3}{8}$ de $(25 - 17)$ =	
$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 = 25 - \dots$	
$\frac{1}{5}$ de 25 + $\frac{2}{5}$ de 25 + $\frac{1}{5}$ de 50 - $\frac{3}{5}$ de 50 =	
$100 - \frac{1}{2}$ de 100 - $\frac{1}{10}$ de 100 =	
$4 \times 25 - 2 \times 50$	
$\frac{1}{2}$ de $(20 \times 5) - \frac{1}{4}$ de $(5 \times 20)$ =	
$\frac{3}{2}$ de 20 + $2 \times 10$ =	
$\frac{3}{5}$ de 50 =	$\frac{6}{5}$ de 50 = $\frac{9}{5}$ de 50 =

Se não podem fazê-lo, usem as barras.

22. Façam um quadro para 27 e escrevam-no. Quais são os fatores de 27? Quanto vale  $\frac{1}{3}$  de 27?  $\frac{1}{9}$  de 27?  $\frac{2}{3}$  de 27?  $\frac{2}{9}$  de 27?  $\frac{7}{9}$  de 27?  
Completem:

$5 \times 9 =$	$9 \times 3 =$
$2 \times 9 + \dots = 27$	$27 - 18 =$
$27 - 20 =$	$27 - \frac{2}{3}$ de 18 =
$\frac{2}{3}$ de 27 - $\frac{1}{2}$ de 18 =	$\frac{5}{2}$ de 18 =
$\frac{7}{9}$ de 27 + 6 =	$6 = \frac{2}{3}$ de ...
$21 = \dots / 9$ de 27	$24 = 9 / \dots$ de 27
$27 : 12 =$	$27 : 13 =$
$\frac{2}{5}$ de $(27 - 12)$ =	$\frac{5}{3}$ de $(27 - 24)$ =
$\frac{7}{9}$ de $(27 - 9)$ =	$\frac{2}{3}$ de 27 - $\frac{3}{2}$ de 12 =
$\frac{1}{10}$ de $(27 - 7) - \frac{1}{15}$ de $(27 - 12)$ =	

Dobrem 27. Quais são os fatores deste número?

Torem a metade de 54. Quantas vezes 6 está em 54? Quantas vezes 9? Quantas vezes 18?

Quanto é  $\frac{1}{3}$  de 54? os  $\frac{2}{3}$  de 54?

Completem:

$6 \times 9 =$	$9 \times 6 =$
$54 = 5 \times 10 + \dots$	$54 - 27 =$
$54 - \frac{1}{2}$ de 54 =	$\frac{3}{2}$ de 18 + $\frac{1}{3}$ de 27 =
$2 \times 18 =$	$27 - 9 =$
$3 \times 18 =$	$2 \times 27 - 3 \times 18 =$
$\frac{1}{7}$ de $(54 - 2 \times 20)$ =	$\frac{7}{9}$ de 54 =
$\frac{4}{9}$ de 54 + $3 \times 10$ =	$\frac{3}{10}$ de $(54 - 14)$ =
$54 : 12 =$	$54 : 4 =$
	$54 : 11 =$

- 7 -

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 =$$

$$18 = 1/2 \text{ de } \dots$$

$$1/9 \text{ de } 54 + 2/9 \text{ de } 54 - 3/9 \text{ de } 54 =$$

$$36 = 2/3 \text{ de } \dots$$

$$54 + 36 = 5 \times \dots$$

$$36 + 54 = 9 \times \dots$$

Se não podem fazê-los, usem as barras.

23.

Completam:

$$2 \times 9 =$$

$$3 \times 9 =$$

$$8 \times 9 =$$

$$4 \times 9 =$$

$$10 \times 9 =$$

$$6 \times 9 =$$

$$11 \times 9 =$$

Podem achar  $5 \times 9$ :

Dobrem 45. Quais são os fatores deste número?

Podem achar  $9 \times 9$ ?

Quanto vale  $1/3$  de 81?  $1/9$  de 81?  $2/9$  de 81?  $2/3$  de 81?

$1/10$  de 90?  $3 \times 27$ ?  $3 \times (3 \times 9)$ ?

Qual é o triplo de 27? o terço de 81?

$$2/3 \text{ de } 81 = \quad 90 \cdot 9 = \quad 81 + 9 =$$

Completam:

$$4 \times 10 + \dots = 45$$

$$15 + 3 \times \dots = 45$$

$$3 \times \dots = 45$$

$$2 \times 40 + 10 = 9 \times 9 + \dots$$

$$1/2 \text{ de } 90 =$$

$$4/27 \text{ de } 27 =$$

$$1/27 \text{ de } 81 =$$

$$1/3 \text{ de } 81 + 2/3 \text{ de } 81 =$$

$$1/9 \text{ de } 81 + 2/9 \text{ de } 54 + 4/9 \text{ de } 81 =$$

$$1/3 \text{ de } (81 - 61) + 1/2 \text{ de } (45 - 25) = 1/2 \text{ de } \dots$$

$$2/3 \text{ de } 27 + 9 = 3 \times \dots$$

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 =$$

$$1/3 \text{ de } 27 + 1/5 \text{ de } 45 + 1/9 \text{ de } 81 = 1/3 \text{ de } \dots$$

$$81 : 12 =$$

$$81 : 21 =$$

$$45 : 8 =$$

$$45 : 15 =$$

$$81 : 18 =$$

$$45 : 17 =$$

Se não sabem fazê-los, usem as barras.

24.

Dobrem 14 e dobrem ainda.

Quantas vezes há 7 em 28? em 56?

Quanto é  $1/4$  de 28?  $1/8$  de 56?

Fazam um quadro de barras para 28 e escrevam-no.

Quais são os fatores de 14, 28, 56?

Completam:

$$4 \times 7 =$$

$$7 \times 2 =$$

$$8 \times 7 =$$

$$7 \times 4 =$$

$$56 : 7 =$$

$$28 : 4 =$$

$$28 : 7 =$$

$$56 : 8 =$$

$$2 \times (1/7 \text{ de } 28) + 5 \times (1/8 \text{ de } 56) =$$

$$2/7 \text{ de } 49 = 1/7 \text{ de } (56 - 7) =$$

$$2/7 \text{ de } (1/2 \text{ de } 56) + 3/7 \text{ de } (1/2 \text{ de } 28) =$$

$$49 - 28 = \dots \times 7$$

$$1/4 \text{ de } (56 - 40) + 3/4 \text{ de } (40 - 28) =$$

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 =$$

$$56 : \dots = 28$$

$$56 : \dots = 14$$

$$56 : 8 = 1/7 \text{ de } \dots$$

Se não podem fazê-los, sirvam-se das barras.

25.

Fazam um quadro de barras para 30 e escrevam-no.

Fazam um quadro de barras para 35 e escrevam-no.

Dobrem 35. Achem os fatores deste número.

Completam:

$$6 \times 5 =$$

$$5 \times 6 =$$

$$7 \times 5 =$$

$$5 \times 7 =$$

$$1/2 \text{ de } 70 = 30 + \dots$$

$$3 \times 11 + \dots = 35$$

$$35 - 12 =$$

$$35 - 10 =$$

$$1/7 \text{ de } 35 =$$

$$2/7 \text{ de } 35 =$$

$$1/2 \text{ de } 30 + 1/5 \text{ de } 35 + 1/5 \text{ de } 30 + 1/7 \text{ de } 35 =$$

$$1/9 \text{ de } (55 - 17) = 1/3 \text{ de } (35 - 23) =$$

$$\frac{1}{3} \text{ de } (70 + 11) =$$

$$35 + \dots = 60$$

$$2 \times 35 =$$

$$3 \times 30 = 20 =$$

$$\frac{1}{2} \text{ de } 70 + \frac{1}{7} \text{ de } 70 = 9 \times \dots$$

$$3 \times 25 = \dots + 5$$

$$5 \times 15 = 70 + \dots$$

Se não podem fazê-los, usem as barras.

26. Façam um quadro de barras para 32 e escrevam-no.

Completam:

$$2 \times 16 =$$

$$4 \times 8 =$$

$$8 \times 4 =$$

$$8 \times 8 =$$

$$16 \times 4 =$$

$$2 \times 32 =$$

$$\frac{1}{2} \text{ de } 64 =$$

$$\frac{1}{4} \text{ de } 64 =$$

$$\frac{1}{8} \text{ de } 32 =$$

$$\frac{1}{3} \text{ de } 64 =$$

$$\frac{3}{8} \text{ de } 16 =$$

$$\frac{3}{16} \text{ de } 32 =$$

$$\frac{17}{64} \text{ de } 64 =$$

$$\frac{1}{5} \text{ de } (64 - 14) + \frac{2}{7} \text{ de } (32 - 4) =$$

$$\dots$$

$$\dots$$

$$\frac{1}{2} \text{ de } (2 \times 16) + \frac{1}{4} \text{ de } (32 - 16) + \frac{1}{8} \text{ de } (64 - 32 - 8) =$$

Dobrem 2, e ainda, e ainda, e ainda, e ainda.

Tomen a metade de 64, e ainda a metade, e ainda a metade, e ainda a metade, e ainda a metade.

Quantas vezes 16 em 48? em 64?

4 em 64? em 48?

$$64 : 17 =$$

$$32 : 7 =$$

$$32 : 5 =$$

$$32 : 8 =$$

$$64 : 9 =$$

$$64 : 12 =$$

$$64 : 33 =$$

$$64 : 29 =$$

27. Escrevam todos os fatores que acharam até aqui.

Façam um quadro com estes números e comparem-no ao seguinte:

2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	6	9	12	15	18	21	24	27
4	8	12	16	20	24	28	32	36
5	10	15	20	25	30	35	40	45
6	12	18	24	30	36	42	48	54
7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	16	24	32	40	48	56	64	72
9	18	27	36	45	54	63	72	81
10	20	30	40	50	60	70	80	90
								100

São os mesmos? Em que diferem?

28. Acham os fatores menores que 10, dos números seguintes:

$$25, 27, 32, 15, 28, 72, 56, 12, 64, 31, 35.$$

Acham todos os fatores de: 33, 36, 72, 66, 99, 96, 84, 81.

Escrevam todos os números compostos, compreendidos entre 1 e 100.

Escrevam todos os números primos compreendidos entre 1 e 100.

Quais são os múltiplos de 2

3

4

5

7

9

10

11

12?

Escrevam os múltiplos de 13, 15, 17 e 19.

29. Achem as respostas de:

$$27 : 13 =$$

$$59 : 17 =$$

$$59 : 19 =$$

$$91 : 13 =$$

$$52 : 12 =$$

$$64 : 16 =$$

$$2 \times 26 =$$

$$3 \times 27 =$$

$$\frac{1}{4} \text{ de } 100 =$$

$$91 - 6 \times 13 =$$

$$\frac{6}{7} \text{ de } (80 + 11) =$$

$$51 = 3 \times \dots$$

Contem de 1 a 100 e de 100 a 1. Contem, de 2 em 2, de 2 a 100 e

de 100 a 2.

Escrevam os números que obtiveram. Estes são os números pares. Contem, de 2 em 2, de 1 a 99 e de 99 a 1. Escrevam os números que obtêm. Estes são os números ímpares.

30. Contem, de 3 em 3, começando em 1, depois em 2, depois em 3, aumentando e diminuindo. Escrevam estes números.

Contem de 4 em 4, começando em 1, depois em 2, depois em 3, em 4, aumentando e diminuindo. Escrevam estes números.

Contem, de 5 em 5, iniciando em 1, em 2, em 3, em 4, em 5, aumentando e diminuindo. Escrevam estes números.

31. Contem por 10, 11, 12, 13, 14, 15, 20, aumentando e diminuindo. Escrevam os números obtidos.

32. Podem ver que duas barras vermelhas lado a lado formam um quadrado. Três verde-claro, quatro carmim formam também um quadrado.

Formem todos os quadrados que puderem, usando barras de uma só cor. Quantas vermelhas são precisas? e verde-claro? e carmim? e amarelas? e verde-escuras? e pretas? e marrons? e azuis? e alaranjadas?

Se puserem ponta a ponta as barras de cada quadrado, que comprimento obtém?

Vamos chamar:

o produto  $2 \times 2$ , o quadrado de dois e escrever  $2^2$ ,

o produto  $3 \times 3$ , o quadrado de três e escrever  $3^2$ ,

o produto  $4 \times 4$ , o quadrado de quatro e escrever  $4^2$ .

Temos então:

$$2^2 = 4; \quad 3^2 = 9; \quad 4^2 = 16.$$

Qual é o quadrado de 5 ou  $5^2$ ?

$$6 \text{ ou } 6^2?$$

$$7 \text{ ou } 7^2?$$

$$8 \text{ ou } 8^2?$$

$$9 \text{ ou } 9^2?$$

$$10 \text{ ou } 10^2?$$

33. Completam:

$$\begin{array}{llll} 7^2 = & 10^2 = & 5^2 = & 3^2 = \\ 2^2 + 3^2 = & 4^2 + 5^2 = & 3^2 + 4^2 = & 5^2 + 6^2 = \\ 7^2 - 4^2 = & 7^2 + 2^2 = & 8^2 - 5^2 = & 9^2 - 5^2 = \\ 7^2 + 3^2 = & 10^2 - 8^2 = & 5^2 + 5^2 = & 6^2 + 6^2 = \end{array}$$

Se não podem fazê-los, utilizem as barras.  
Escrevam sob a forma de quadrados:

25; 100; 81; 36; 64; 9; 16; 49.

Escrevam em ordem crescente:

$2 \times 12, \quad 3 \times 17, \quad 1/2 \text{ de } 98, \quad 1/9 \text{ de } 81, \quad 72, \quad 42, \quad 32, \quad 10^2$

34. Se os fatores de 6 são 2 e 3, e os fatores de 14 são 2 e 7, dizemos que 2 é um fator comum de 6 e de 14, porque divide a cada um destes números.

35. Achem os fatores comuns de três números:

15	25	55
70	100	90
32	18	20
22	35	77
36	60	84
9	33	48

36. Se escrevermos  $15 = 3 \times 5$ ,  $25 = 5^2$ ,  $8 = 2^3$  (dois ao cubo), dizemos que estes números foram decompostos em seus fatores primos.

Achem os fatores primos de cada um dos números seguintes:

8, 10, 12, 14, 15, 20, 22, 25, 35, 49, 78, 81, 100.

Sabendo que  $2^3 \times 2$ , escreve-se  $2^4$ , que  $2^2 \times 2^2$  se escreve  $2^4$ , que  $2^3 \times 2^3 = 2^4 \times 2 = 2^5$  dêem os fatores primos de cada um dos números seguintes:  
16, 32, 48, 72, 84,

- 10 -

37. Achem os fatores primos comuns de:  
11 e 22; 6 e 12; 18 e 24; 32 e 48.  
Escrevam em ordem crescente os fatores de:

6  
12  
15  
18  
24  
32  
48  
56  
60  
72  
84  
96

38. Escrevam em ordem crescente os fatores de:

6 e 9  
15 e 35  
27 e 45  
14 e 63

e sublinhem os fatores comuns se houver.  
Façam a mesma coisa com os números seguintes:

12 e 18  
28 e 70  
30 e 90  
35 e 65

Quando houver muitos fatores comuns, sublinhem com dois traços o maior dentre eles, que se chama o maior fator comum.

39. Façam a mesma coisa com os grupos de números seguintes, procedendo como aqui:

$$\begin{array}{lll} 6 \ 9 \ 27 & 6 = 2 \times 3 & 8 = 3 \times 3 \\ (6,9,27) & \text{o maior fator comum } 6 \ 3. & 27 = 3 \times 3 \times 3 \end{array}$$

15 25 35  
(15,25,35)

18 27 36  
(18,27,36)

14 35 91  
(14,35,91)

12 28 36  
(12,28,36)

25 75 100  
(25,75,100)

40. Achem o maior fator comum dos resultados de:

$$\begin{array}{llll} 2 \times 10 + 8 & \text{e } 1/2 \text{ de } 96 & \text{e } 1/3 \text{ de } 34 \\ 2/3 \text{ de } 24 & \text{e } 4/7 \text{ de } (91-42) & \text{e } 2/5 \text{ de } (25 - 20) \\ 7 \times 9 + 7 & \text{e } 1/2 \text{ de } 42 & \text{e } 1/3 \text{ de } (67 - 4) \\ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 & \text{e } 1/2 \text{ de } 56 & \text{e } 1/3 \text{ de } 42. \\ 4/10 \text{ de } 100 + 8 & \text{e } 91 & \text{e } 65. \\ 1/2 \text{ de } (1/3 \text{ de } 36) & \text{e } 90 & \text{e } 2 \times (3 \times 6) \\ 3 \text{ de } (1/4 \text{ de } 72) & \text{e } 27 & \text{e } 81. \end{array}$$

Se não podem fazê-los, sirvam-se das barras.