

INSTITUTO DE EDUCAÇÃO GEN. FLORES DA CUNHA
DEPARTAMENTO DE ESTUDOS ESPECIALIZADOS
CURSO DE DIDÁTICA DA MATEMÁTICA MODERNA

NOME
.....

DATA GRUPO CONCEITO

PROVA DE MATEMÁTICA

CHAVE A - ESCOLHA SIMPLES

Em cada questão da chave A, marque a letra correspondente à alternativa que completa corretamente cada proposição.

CHAVE B - ESCOLHA MÚLTIPLA

Para as questões da chave B utilize a seguinte convenção:

- Marque : a se fôr correto apenas o enunciado I
b se fôr correto apenas o enunciado II
c se fôr correto apenas o enunciado III
d se estiverem corretos os três enunciados
e se nenhum dos enunciados estiver correto

CHAVE C - ASSERÇÃO E RAZÃO

As questões deste tipo apresentam uma proposição com duas partes distintas: uma assertão (afirmação) e uma razão para a mesma. Para respondê-las utilize a seguinte convenção:

Assinale: a para: afirmativa verdadeira; justificativa verdadeira e é causa da afirmativa;

b para: afirmativa verdadeira; justificativa verdadeira mas não é causa da afirmativa;

c para: afirmativa verdadeira; justificativa falsa;

d para: afirmativa falsa; justificativa verdadeira;

e para: afirmativa falsa; justificativa falsa.

QUESTÃO 8 - LÓGICA

1- Dadas as proposições $p, q \in \Sigma$, se $\exists \notin \mathbb{V}, \forall \notin \mathbb{I} \in \Sigma \wedge \exists \in \mathbb{I}$, então, dentre as proposições compostas abaixo, a verdadeira é...

- a) $p \wedge \sim r$
- b) $p \vee q \rightarrow (p \leftrightarrow p \wedge q)$
- c) $(p \wedge q \rightarrow r) \wedge (q \leftrightarrow r)$
- d) $p \wedge q \rightarrow r \wedge \sim p$
- e) $(p \vee q) \leftrightarrow (p \vee r)$

2- Sendo $U = \{x/x \text{ é um animal}\}$, a função proposicional que se transforma em proposição verdadeira com o quantificador universal é....

- a) $x \text{ voa}$
- b) $x \in \text{ um mamífero}$
- c) $x \in \text{ um peixe}$
- d) $x \in \text{ um racional}$
- e) $x \in \text{ um ser vivo}$

3- Duas proposições r e s são equivalentes se e sómente se...

- a) $r \wedge s$ é tautologia
- b) $r \rightarrow s$ é tautologia
- c) $r \leftrightarrow s$ é tautologia
- d) $r \vee s$ é tautologia
- e) $r \vee s$ é tautologia

4- A proposição $p \wedge r$ implica lógicamente a proposição $(p \wedge r) \vee q$ porque....

- a) $p \wedge r \leftrightarrow (p \wedge r) \vee q$ é uma tautologia
- b) $p \wedge r \rightarrow (p \wedge r) \vee q$ é uma tautologia
- c) $(p \wedge r) \vee q \rightarrow p \wedge r$ é uma tautologia
- d) $(p \wedge r) \wedge (p \wedge r) \vee q$ é uma tautologia
- e) $(p \wedge r) \vee (p \wedge r) \vee q$ é uma tautologia

5- Sendo $U = x/x \text{ é um animal}$ o quantificador universal transforma em proposição verdadeira a seguinte função proposicional

- | | |
|-----------------------------|---------------------|
| a) $x \in \text{ mamífero}$ | b) $x \text{ voa}$ |
| c) $x \in \text{ animal}$ | d) $x \text{ nada}$ |
| e) $x \text{ tem pelo}$ | |

CHAVE B - ESCOLHA MÚLTIPLE

6) I - O diagrama que melhor representa os conjuntos $A = \{a; e; i; o; u\}$
 $B = \{l; a; p; i; s\}$ e $C = \{l; u; v; a\}$ é

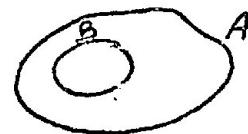


II - O diagrama que melhor representa os conjuntos

$$A = \{x | x \text{ é uma vogal}\}$$

$$B = \{x | x \text{ é uma letra da palavra lâpis}\}$$

$$C = \{x | x \text{ é uma letra da palavra luva}\}$$



III - O diagrama que melhor representa os conjuntos

$$A = \{a; e; i; o; u\}$$

$$B = \{a; p; i; l; s\}$$

$$C = \{l; v; a; u\}$$



7) Sendo $U = \{x | x \text{ é um estado do Brasil}\}$, temos que

I - $\{x | x \text{ é uma cidade do Brasil}\}$ é subconjunto de U .

II - $\{x | x \text{ é um país}\}$ contém U .

III - $\{x | x \text{ é um estado da Região Sul do Brasil}\} \subset U$.

8) I - $\forall A, A \in \mathcal{P}(A)$.

II - $\forall A, A \in \mathcal{P}(A)$.

III - $e \in \{x | x \text{ é uma letra da palavra retrato}\}$.

9) I - Uma relação de A em B é um conjunto de pares ordenados cujos primeiros elementos pertencem a A e os segundos pertencem a B .

II - Sendo $R : A \rightarrow B$, A é o conjunto de chegada desta relação.

III - A relação "ser menor do que" definida em $A = \{1; 2; 3\}$ é

$$\{(2; 1); (3; 2); (6; 1)\}.$$

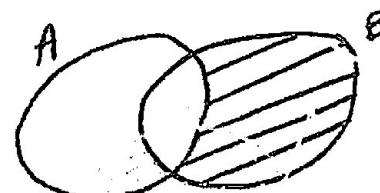
10) I. - Uma relação jamais poderá ser reflexiva e anti-reflexiva ao mesmo tempo.

II - O seguinte diagrama sómente pode representar os conjuntos

$$A = \{x | x \text{ é uma cidade}\}$$

$$B = \{x | x \text{ é uma capital}\}$$

$$C = \{Porto Alegre\}$$



III - Todo conjunto pode ser representado por um único diagrama.

II) I - O conjunto imagem da relação $R = \{(a; b); (b; c); (c; d); (e; f)\}$ é
 $\{b; c; d; e; f\}$

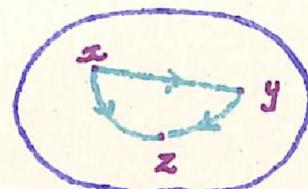
II- O conjunto de partida da relação $R = \{(a;b);(b;c);(c;d);(a;f)\}$
 é $\{a; b; c; e\}$

III- O domínio da relação $R = \{(a;b);(b;c);(c;d);(a;f)\}$
 é $\{a; b; c; d; e\}$

- 7) I- A relação "ter a mesma altura" definida no conjunto das pessoas é reflexiva.

II- Dizemos que uma relação $R: A \rightarrow A$ é simétrica $\iff \forall a, b \in A, (a;b) \in R \implies (b;a) \in R$.

III- A relação representada no gráfico
 à direita é transitiva.



- 8) I- Uma relação definida em um conjunto A é reflexiva se o domínio se todo elemento de A estiver relacionado consigo mesmo.

II- Uma relação definida em um conjunto B é sempre simétrica.

III- Uma relação de A em B, sendo $A \neq B$ pode ser reflexiva.

- 9) I- Uma relação reflexiva, simétrica e transitiva é dita de equivalência.

II- Uma relação reflexiva, anti-simétrica e transitiva é de ordem ampla.

III- Uma relação não reflexiva anti-simétrica e transitiva é de ordem estrita.

- 10) I- Se, numa relação de ordem, os elementos do conjunto no qual está definida, se relacionam dois a dois, a relação é total.

II- Se, numa relação de ordem, existem pelo menos dois elementos que não formam par da relação, ela é parcial.

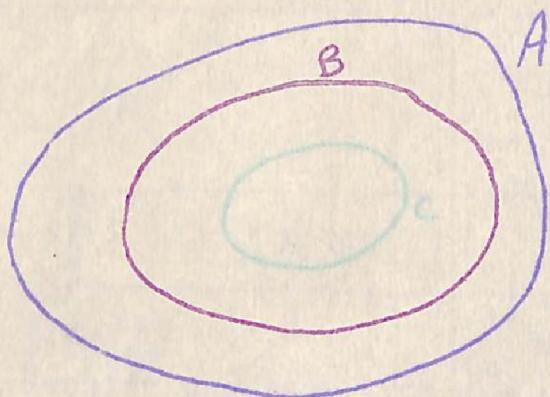
III- Uma relação de ordem é sempre anti-simétrica e transitiva.

CHAVE C - ASSESSAMENTO E RAZÃO

1) A proposição "Se $a \in \{a; b; c\}$ então $\{a\} \in \mathcal{P}(A)$ " é verdadeira porque o condicional de duas proposições é sempre verdadeiro.

2) O conjunto $\{a; b; c\} \subset \{m; n; a; b; c\}$ porque todo elemento de $\{a; b; c\}$ é elemento de $\{m; n; a; b; c\}$.

18) O diagrama abaixo representa quaisquer conjuntos A, B e C tais que $C \subset B \subset A$, pois todo ponto interior à curva C é interior à B e todo ponto interior à B é interior à A.



19) A relação $\{(m;m);(m;n);(n;m);(n;n)\}$ é uma relação de equivalência definida em $A = \{m; n\}$ porque é reflexiva, simétrica e transitiva.

20) A relação "ter menor ou igual número de letras que", definida num conjunto de palavras, é de ordem ampla e total porque é reflexiva, simétrica e transitiva.